

# دوسية إلكم

تم  
إعدادها  
بواسطة

عمر النجداوي

## دوسية شرح مادة: انظمة القوى الكهربائية

شرح مفصل للمادة





# أنظمة قوى كهربائية

أقدم لكم في هذه الدوسية شرح مادة أنظمة قوى كهربائية، تتضمن الدوسية أمثلة الكتاب وبعض الأسئلة، لكن هناك دروس غير مشروحة منها المحذوف ومنها لعدم المقدرة على التمكن منها لانعدام مصادر الشرح الخاصة بها، لذلك أعتذر عن هذا التقصير، ويجب أيضاً الاطلاع على الكتاب وحل جميع الأسئلة لمعرفة جميع الأفكار، مع خالص الأمنيات لكم بالتوفيق والنجاح.



## Ch 2 Fundamental

### 2.1 Phasors

A sinusoidal voltage or current at constant frequency is characterized by two parameters: a maximum value and a phase angle

$$V(t) = V_{\max} \cos(\omega t + \theta_V) \rightarrow \text{instantaneous value}$$

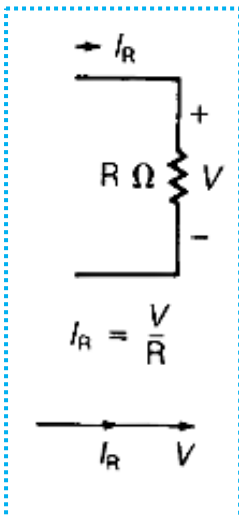
$$V = V_{\text{rms}} \angle \theta_V \rightarrow \text{polar form}$$

$$V = V_{\text{rms}} e^{j\theta_V} \rightarrow \text{exponential form}$$

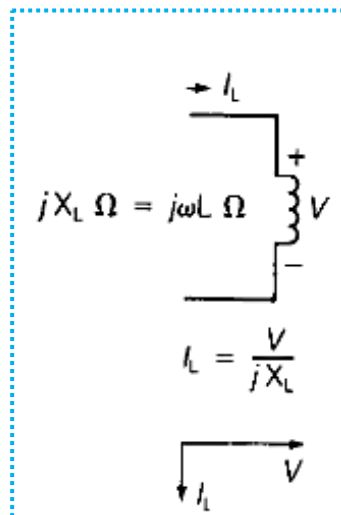
$$V = V_{\text{rms}} \cos(\theta_V) + j V_{\text{rms}} \sin(\theta_V) \rightarrow \text{rectangular form}$$

$$V_{(\text{rms})} = \frac{V_{\max}}{\sqrt{2}}$$

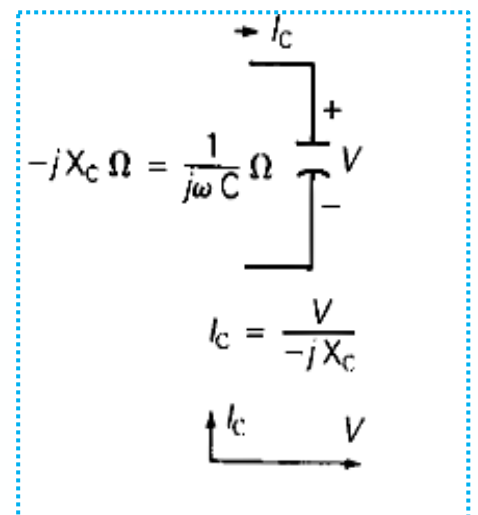
- The relationships between the voltage and current phasors for the three passive elements: resistor, inductor, and capacitor.



InPhase  
(Resistor)



I Lag V by 90°  
(Inductor)



I lead V by 90°  
(Capacitor)

## 2.2 Instantaneous Power in Single-Phase AC Circuits

- The instantaneous power absorbed by the load is then:

$$P(t) = V_{rms} I_{rms} \cos(2\omega t + \theta_V + \theta_I) + V_{rms} I_{rms} \cos(\theta_V - \theta_I)$$

- The instantaneous power absorbed by the resistor is:

$$P(t) = V_{rms} I_{rms} [1 + \cos 2(\omega t + \theta_V)]$$

في للمعادلات اشتقاق بالكتاب  
لكن غير مطالبين بالاشتقاق  
فقط مطالبين بالقانون لكن للعلم  
بالشيء يجب الاطلاع عليه.

- The instantaneous power absorbed by the inductor is:

$$P(t) = V_{rms} I_{rms} \sin [2(\omega t + \theta_V)]$$

بالكتاب فافرض أن

$$\delta = \theta_V$$

$$\beta = \theta_I$$

لهيك ما في فرق بين الثنتين

- The instantaneous power absorbed by the capacitor is:

$$P(t) = -V_{rms} I_{rms} \sin [2(\omega t + \theta_V)]$$

- Power Average (W):

$$P = VI_R = V I \cos (\theta_V - \theta_I)$$

Power average بتكون فقط للمقاومة أما الملف والمواسع فبتكون = صفر

- Reactive power (VAR):

$$Q = VI_x = VI \sin(\theta_V - \theta_I)$$

ال Reactive power يتكون للملف والمواسع فقط.

- Power Factor:

$$P_F = \cos(\theta_V - \theta_I)$$

- For inductive, current lag voltage which means:

$\theta_I$  less than  $\theta_V \rightarrow$  lagging power factor (الزاوية موجبة)

- For capacitive, current lead voltage which means:

$\theta_I$  greater than  $\theta_V \rightarrow$  leading power factor (الزاوية سالبة)

- For resistance, current in phase voltage which means:

$\theta_I = \theta_V \rightarrow$  unity power factor (الزاوية صفر)

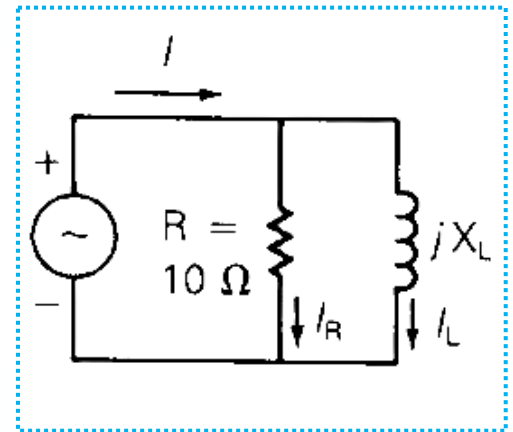
- Reactive power is the amplitude of double frequency power of reactive load.

- P: is total energy absorbed by a load during time.

- Q: is max value of instantaneous power absorbed by reactive component.

## Example 2.1

The voltage  $V(t) = 141.4 \cos(\omega t)$  is applied to a load consisting of a  $10\Omega$  resistor in parallel with an inductive reactance  $X_L = \omega L = 3.77\Omega$ . calculate the real and reactive power absorbed by the load, and the power factor.



Sol:

$$V_{\text{rms}} = \frac{V_{\text{max}}}{\sqrt{2}} = \frac{141.4}{\sqrt{2}} = 100\angle 0^\circ \text{ V} \longrightarrow \text{حولناها لأنه بالمادة بنتعامل مع rms}$$

$$I_R = \frac{V}{R} = \frac{100\angle 0^\circ}{10} = 10\angle 0^\circ \text{ A}$$

$$I_L = \frac{V}{Z_L} = \frac{V}{j\omega l} = \frac{100\angle 0^\circ}{3.77\angle 90^\circ} = 26.53\angle -90^\circ \text{ A}$$

$$I = I_R + I_L = 10\angle 0^\circ + 26.53\angle -90^\circ = 28.35\angle -69.34^\circ \text{ A}$$

a) The instantaneous power absorbed by the resistor is:

$$P_R(t) = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} [1 + \cos(2(\omega t + \theta_V))] \longrightarrow \theta_V = \text{zero}$$

$$P_R(t) = (100)(10)[1 + \cos(2\omega t)]$$

$$P_R(t) = 1000[1 + \cos(2\omega t)] \text{ W}$$

b) The instantaneous power absorbed by the inductor is:

$$P_L(t) = V_{rms} I_{rms} [\sin(2(\omega t + \theta_V))] \longrightarrow \boxed{\theta_V = \text{zero}}$$

$$P_L(t) = (100)(26.53) [\sin(2\omega t)]$$

$$P_L(t) = 2653 [\sin(2\omega t)] \text{ W}$$

c) The real power absorbed by the load:

$$P = V I \cos(\theta_V - \theta_I)$$

$$P = (100)(28.35) \cos(0^\circ + 69.34^\circ) = 1000 \text{ W}$$

d) The reactive power absorbed by the load:

$$Q = V I \sin(\theta_V - \theta_I)$$

$$Q = (100)(28.35) \sin(0^\circ + 69.34^\circ) = 2653 \text{ VAR}$$

e) The power factor is:

$$P_F = \cos(\theta_V - \theta_I)$$

$$P_F = \cos(0^\circ + 69.34^\circ) = 0.3528 \text{ lagging} \longrightarrow \boxed{\text{Lagging بما إنه الزاوية موجبة فهي}} \text{ Lagging}$$

## 2.3 COMPLEX POWER

the complex power ( $S$ ) is the product of the voltage and the conjugate of the current:

$P$ = Real power

$Q$ = Reactive power

$$S = VI^* = (V\angle\theta_V)(I\angle\theta_I)^* = V_{rms}I_{rms}\angle\theta_V - \theta_I$$

$$S = V_{rms} I_{rms} \cos(\theta_V - \theta_I) + j V_{rms} I_{rms} \sin(\theta_V - \theta_I)$$

$$S = P + jQ$$

نرمز لل Conjugate بعلامة النجمة وتؤثر فقط على الزاوية (عكس إشارة الزاوية)

- بدنا نفرق بين ال complex power وال Apparent power

$$|S| = V_{rms} I_{rms} \rightarrow \text{Apparent power} \rightarrow$$

لا نأخذ الزاوية بعين الاعتبار.

$$S = V_{rms}I_{rms}\angle\theta_V - \theta_I \rightarrow \text{Complex power} \rightarrow$$

نأخذ الزاوية بعين الاعتبار.

$$S = |S|\angle\theta_V - \theta_I \rightarrow$$

ال Apparent power بتكون ال Amplitude لل Complex power

Other rules of complex power:

$$S = \frac{|V|^2}{Z^*}$$

$$S = I^2Z$$

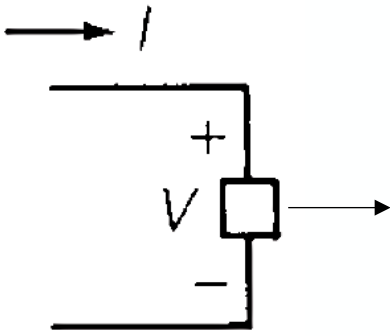


كيف نحدد إذا ال Source  
Generator OR Motor?

الطريقة الأولى للتحديد: (اتجاه التيار)

1- Current enters positive terminal of circuit element.

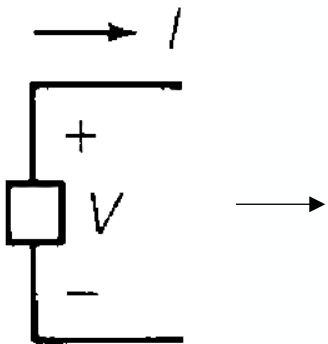
1- التيار داخل من الموجب



If P is positive then positive real power is absorbed.  
If Q is positive then positive reactive power is absorbed.  
If P is negative then negative real power is delivered.  
If Q is negative then negative reactive power is delivered.

2- Current leaves positive terminal of circuit element

2- التيار خارج من الموجب



If P is positive then positive real power is delivered.  
If Q is positive then positive reactive power is delivered.  
If P is negative then negative real power is absorbed.  
If Q is negative then negative reactive power is absorbed.

- Delivered: Generator (يولّد)

- absorbed: Motor (يستهلك)

## الطريقة الثانية للتحديد: (الفرض)

- إذا كان بالدارة 1 source  
بفرض ال Source إنه Delivered وبفحص إشارات البور موجب أو سالب.  
إذا كانت ال P موجبة فهي فعليا Delivered  
إذا كانت ال P سالبة فهي Absorbed  
إذا كانت ال Q موجبة فهي Delivered  
إذا كانت ال Q سالبة فهي Absorbed

- إذا كان بالدارة 2 source  
بفرض ال Source الأول إنه Delivered وبفحص إشارات البور موجب أو سالب.  
إذا كانت ال P موجبة فهي فعليا Delivered  
إذا كانت ال P سالبة فهي Absorbed  
إذا كانت ال Q موجبة فهي Delivered  
إذا كانت ال Q سالبة فهي Absorbed  
بفرض ال Source الثاني إنه Absorbed وبفحص إشارات البور موجب أو سالب  
إذا كانت ال P موجبة فهي فعليا Absorbed  
إذا كانت ال P سالبة فهي Delivered  
إذا كانت ال Q موجبة فهي Absorbed  
إذا كانت ال Q سالبة فهي Delivered

**ملاحظة:** نعتد على تحديد ال SOURCE إذا كان GENERATOR OR MOTOR على ال P

## Example 2.2

A single-phase voltage source with  $V = 100\angle 130^\circ$  volts delivers a current  $I = 10\angle 10^\circ$  A which leaves the positive terminal of the source. Calculate the source real and reactive power, and state whether the source delivers or absorbs each of these.

أعطانا بالسؤال الجهد والتيار وطالب Complex power

Sol:

$$S = VI^* = (100\angle 130^\circ)(10\angle -10^\circ) = 1000\angle 120^\circ \text{ VA}$$

$$S = -500 + j 866 \text{ VA}$$

b) Generator or Motor?

$$S = P + jQ$$

$$S = -500 + j 866 \text{ VA}$$

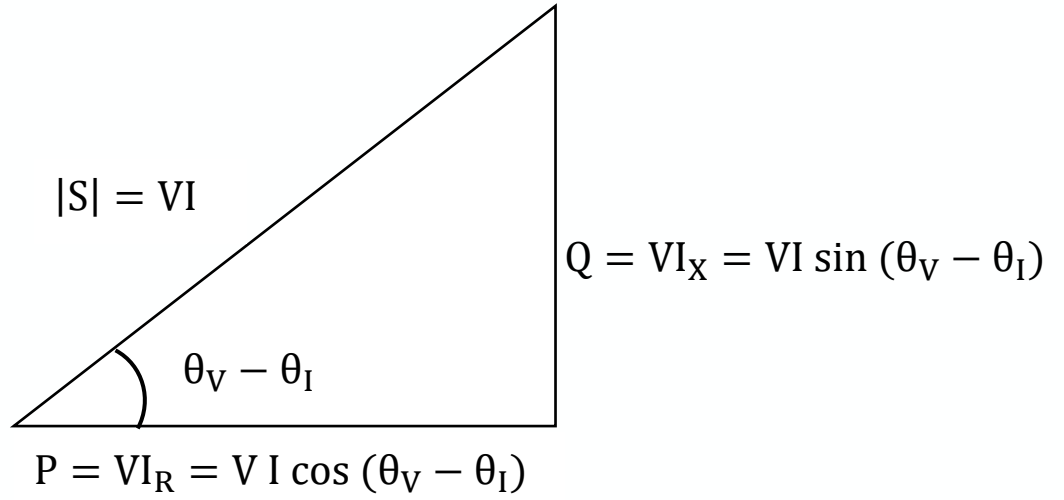
[ The machine is motor ]

بدي أحل على طريقة الفرض  
فرضت إنه Delivered  
بشوف الإشارات  
إشارة ال P سالبة إذا مش Delivered فهو Absorbed  
إشارة ال Q موجبة إذا Delivered

قلنا بنعتمد على ال P بالتحديد

$$P = \text{Absorbed} = \text{Motor}$$

Power Triangle:



- المثلث هذا كثير نحتاجه لحل بعض المسائل خاصة بالفيرست بعطينا بور وحدة وزاوية أو نوعين من البور وبطلب منا عدة مطالبات راح نشوفها بالمثال الجاي.

### Example 2.3

single-phase source delivers 100 kW to a load operating at a power factor of 0.8 lagging. Calculate the reactive power to be delivered by a capacitor connected in parallel with the load in order to raise the source power factor to 0.95 lagging. Also draw the power triangle for the source and load. Assume that the source voltage is constant, and neglect the line impedance between the source and load.

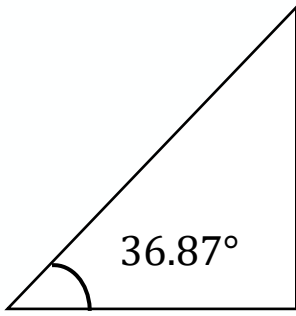
Sol:

برسم المثلث وبتحدد عليه المعطيات الموجودة بالسؤال.

$$PF = 0.8$$

$$\theta = \cos^{-1}(0.8) = 36.87^\circ$$

أعطاني PF لكن أنا بدي الزاوية عشان أقدر أرسم المثلث



100 kW

معي ال P والزاوية بقدر أوجد باقي عناصر المثلث

$$\tan(\theta) = \frac{Q_L}{P} \rightarrow \tan(36.87^\circ) = \frac{Q_L}{100k}$$

$$\rightarrow Q_L = 75 \text{ kVAR}$$

$$S_L = \frac{P}{\cos(\theta_L)} = \frac{100k}{\cos(36.87^\circ)} = 125 \text{ kVA}$$

أوجدنا كل شيء لل Load هسا بقلي إنه ضفنا مواسع على التوازي وطالب ال Q للمواسع وأعطاني ال PF الخاصة بال Source و ال (P) تبقى نفسها يعني برسم مثلث جديد بزاوية جديدة.

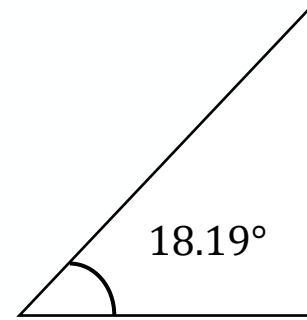
$$PF = 0.95$$

$$\theta = \cos^{-1}(0.95) = 18.19^\circ$$

$$\tan(\theta) = \frac{Q_S}{P} \rightarrow \tan(18.19^\circ) = \frac{Q_S}{100k}$$

$$Q_S = 32.87 \text{ kVAR}$$

$$S_S = \frac{P}{\cos(\theta_L)} = \frac{100k}{\cos(18.19)} = 105.3 \text{ kVA}$$



100 kW

$$Q_S = Q_C + Q_L \rightarrow Q_C \text{ أنا بدني}$$

$$Q_C = Q_L - Q_S \rightarrow Q_C = 75 - 32.87 = 42.13 \text{ kVA}$$

## ملاحظات على المثال:

- لما تتغير الزاوية بتغيير معها التيار لأنها زاوية جديدة ويمكن يطلب قيمة التيار الجديد.
- ممكن يطلب مني ال Impedance للمواسع بعد تغيير قيمة الزاوية.

على فرض طلب الملاحظات الموجودات بالصندوق بكون الحل كالآتي:

If  $V=200$  V and  $f=60$ HZ, Find the current and capacitor.  $\longrightarrow$  فرضت القيمتين من عندي

Sol:

$$a) I = \frac{S_S^*}{V^*} \longrightarrow$$

$$S_S = 100 + j32.87 = 105.3 \angle 18.19^\circ \text{ kVA}$$

$$I = \frac{(105.3 \angle 18.19^\circ \text{ k})^*}{200} = 526.5 \angle -18.19^\circ \text{ A}$$

طلب التيار الجديد بعد إضافة الزاوية

بستخدم ال S الي استخرجناها من الزاوية الجديدة.

$$b) C = \frac{-j}{2\pi f Z_C} \longrightarrow$$

معنا كل إشي ما عدا  $Z_C$  بنطلع قيمتها وبنوجد قيمة المواسع

$$S_C = \frac{|V|^2}{Z_C^*} \rightarrow Z_C = \frac{|V|^2}{S_C^*}$$

$$S_S = S_C + S_L \rightarrow S_C = S_L - S_S$$

$$S_C = (100 + j75) - (100 + j32.87) \rightarrow S_C = -j42.13 \text{ kVA}$$

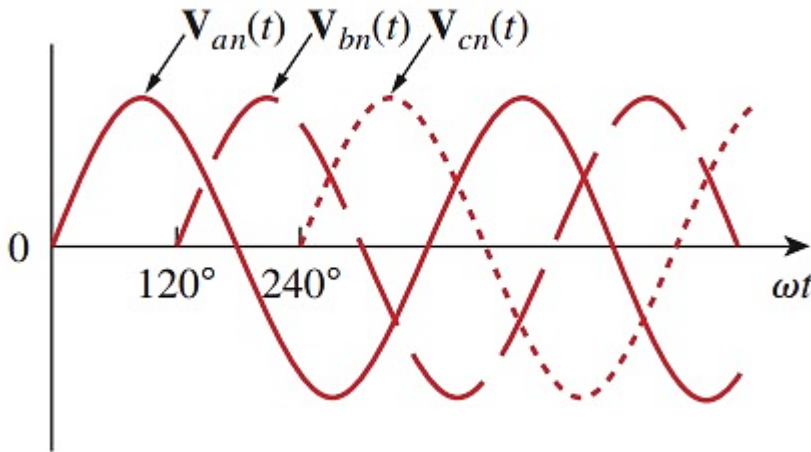
$$Z_C = \frac{|V|^2}{S_C^*}$$

$$Z_C = \frac{|200|^2}{(-j42.13 \text{ k})^*} = -j0.949 \Omega$$

$$C = \frac{-j}{2\pi 60 \times -j0.949} \rightarrow C = 2.795 \text{ mF}$$

## 2.5 BALANCED THREE-PHASE CIRCUITS

كل اللي تعاملنا معه لغاية الآن نظام أحادي الطور، لكن نظام توليد الطاقة الكهربائية ونقلها غالبا ما يتم من خلال نظام ثلاثي الطور.  
في المادة بنتعامل مع النظام المتزن وفي النظام المتزن يجب أن يكون المجموع الكلي للتيار والفولتية يساوي صفر.



$$V_{an} = V_m \angle 0^\circ \rightarrow \text{pahse 1}$$

$$V_{bn} = V_m \angle 120^\circ \rightarrow \text{pahse 2}$$

$$V_{cn} = V_m \angle 240^\circ \rightarrow \text{pahse 3}$$

قلنا في النظام المتزن يجب أن المجموع الكلي للفولتية يسوي صفر:

$$V_m = 1 \text{ على فرض}$$

$$V_{tot} = V_{an} + V_{bn} + V_{cn}$$

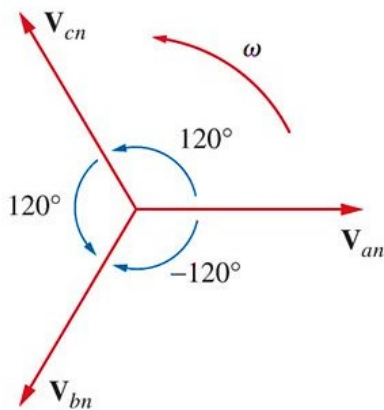
$$V_{tot} = 1 \angle 0^\circ + 1 \angle 120^\circ + 1 \angle 240^\circ = \text{Zero}$$

Type of sequence:

في النظام الثلاثي يتم توصيل الفازات حسب تسلسل معين وهم نوعين:

1) Positive sequence: [abc]

على فرض أن  $V_{an}$  هو المرجع



$$V_{an} = V_m \angle 0^\circ$$

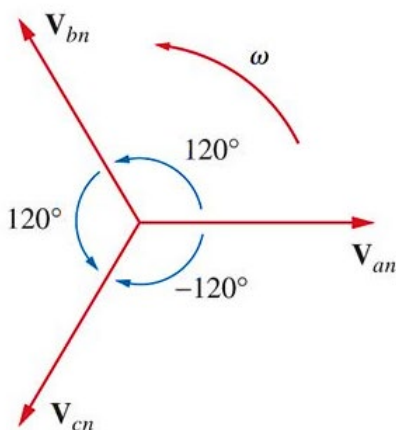
$$V_{bn} = V_m \angle -120^\circ$$

$$V_{cn} = V_m \angle 120^\circ$$

$V_a$  lead  $V_b$  by  $120^\circ$

$V_a$  lag  $V_c$  by  $120^\circ$

2) Negative sequence: [acb]



$$V_{an} = V_m \angle 0^\circ$$

$$V_{bn} = V_m \angle 120^\circ$$

$$V_{cn} = V_m \angle -120^\circ$$

$V_a$  lag  $V_b$  by  $120^\circ$

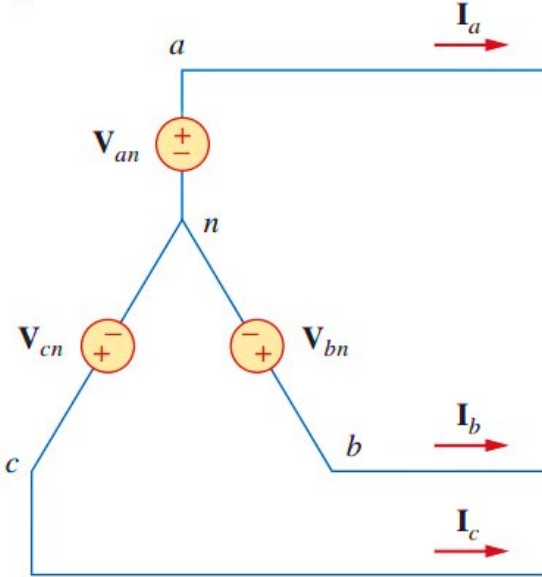
$V_a$  lead  $V_c$  by  $120^\circ$

**ملاحظة:** بالمادة نتعامل مع ال Positive sequence



هناك طريقتين للتوصيل:

## 1) Wye connected source:



- في هذه التوصيلة جهد الفاز يكون بين الخط والأرضي يعني:  
(a and n), (b and n), (c and n)

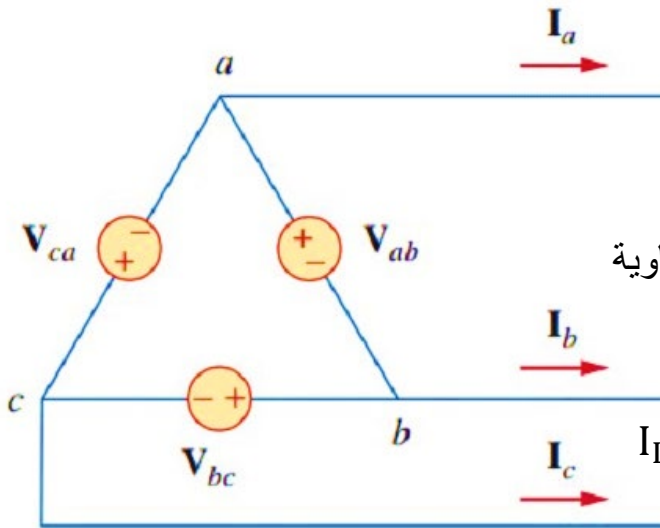
- جهد الخط يكون بين خطين يعني:  
(a and b), (b and c), (c and a)

الفرق بين جهد الخط والفاز هو:

$$V_{\text{Line}} = \sqrt{3} V_{\text{Phase}} \angle 30^\circ$$

- في هذه التوصيلة التيارات متساوية يعني  $I_{\text{Phase}} = I_{\text{Line}}$

## 2) Delta connected source:



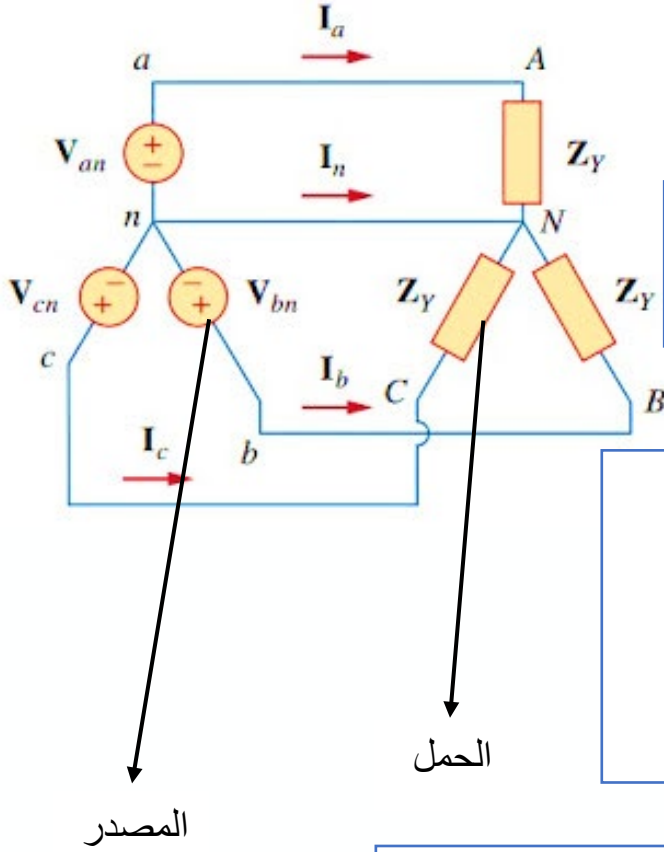
- في هذه التوصيلة الجهود متساوية يعني  $V_{\text{Phase}} = V_{\text{Line}}$

- إذا لاحظنا يوجد بالتوصيلة تفرّع بالتالي فإن التيارات غير متساوية

$$I_{\text{Line}} = \sqrt{3} I_{\text{Phase}} \angle -30^\circ \rightarrow I_{\text{Phase}} = \frac{I_{\text{Line}}}{\sqrt{3}} \angle 30^\circ$$

- Type of connection between the source and the load:

1) Balanced Wye-Wye connection:



شباك المصدر  $\gamma$  بحمل على شكل  $\gamma$

القواعد التي تطبق على المصادر تطبق على الأحمال أيضا  
يعني كل اشي مذكور فوق بتوصيلة ال  $\gamma$  بنطبقه بهاي الدارة

جهد الخط للمصدر بين (a) و (b)  $(V_{ab}, V_{bc}, V_{ca})$

جهد الفاز للمصدر بين (a) و (n)  $(V_{an}, V_{bn}, V_{cn})$

جهد الخط للحمل بين (A) و (B)  $(V_{AB}, V_{BC}, V_{CA})$

جهد الفاز للحمل بين (A) و (N)  $(V_{AN}, V_{BN}, V_{CN})$

تيار الفاز للحمل من النقطة (A) إلى النقطة (N) ويشمل البقية أيضا  $I_{AN}, I_{BN}, I_{CN}$

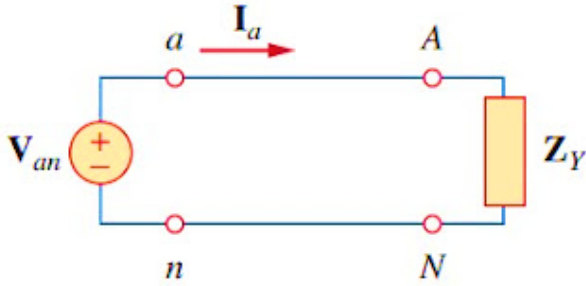
تيار الفاز للمصدر من النقطة (a) إلى النقطة (n) ويشمل البقية أيضا  $I_{an}, I_{bn}, I_{cn}$

تيار الخط للحمل  $I_{AB}, I_{BC}, I_{CA}$

تيار الخط للمصدر  $I_{ab}, I_{bc}, I_{ca}$

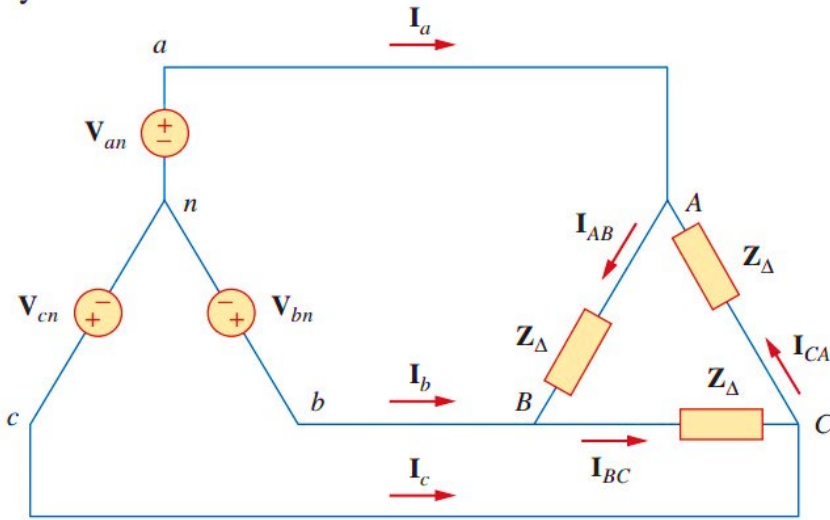
**ملاحظة:** تيار الفاز يساوي تيار الخط في هذه الدارة لأنه نوع التوصيلة  $\gamma$

لحل هذه الدارة أكيد ما راح أخذها كلها بأخذ فقط Single phase



إذا كان في  $Z_{Line}$  بضيفها للدارة وبحلها كأنها دارة عادية

2) Balanced Wye-Delta connection:



شباك المصدر  $\gamma$  بحمل على شكل Delta

جهد المصدر كما في الأعلى نطبق القواعد. أما تيار المصدر لأنه  $\gamma$  يساوي تيار الخط.

جهد الخط للحمل يساوي جهد الفاز للحمل لأنه التوصيلة Delta

$$V_{ab} = V_{AB} = V_{Z_{Delta}}$$

لاحظ إنه جهد الخط للمصدر يساوي جهد الخط للحمل بالتالي يساوي جهد الفاز للحمل.

تيار  $I_a$  لما يوصل النقطة A بتفرع بالتالي تيار الخط لا يساوي تيار الحمل وهذا حاكيناه بالأعلى.

$$I_a = \sqrt{3} I_{AB} \angle -30^\circ$$

$$I_{AB} = \frac{V_{AB}}{Z_{Delta}}$$

يمكن حساب تيار الفاز للحمل من خلال:

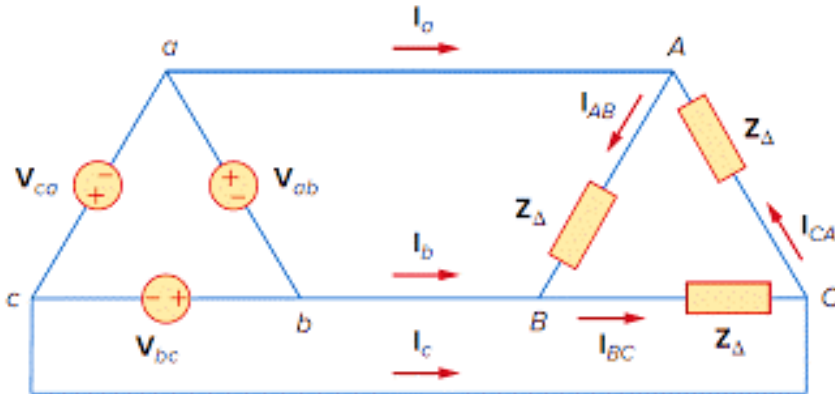
$$V_{ab} = V_{AB} = V_{Z_{Delta}} \text{ وقلنا إنه}$$

**ملاحظة:** هذه الطريقة تستخدم فقط عندما لا تحتوي الدارة على  $Z_{Line}$

إذا كان في  $Z_{Line}$  بحول شكل الدارة ل Y-Y

$$Z_{Delta} = 3Z_y \text{ ← باستخدام القانون}$$

### 3) Balanced Delta-Delta connection:



شباك المصدر Delta بحمل على شكل Delta

بتوصيلة ال Delta جهد الفاز يساوي جهد الخط وبما إنهم كلهم مشبوكين على التوازي فإن:

$$V_{ab(\text{source})} = V_{AB(\text{load})}$$

$I_a$ : line current

تيار الخط للمصدر أو الحمل لا يساوي تيار الفاز للحمل أو المصدر

$$I_a = \sqrt{3}I_{AB} \angle -30^\circ$$

$$I_{AB} = \frac{V_{AB}}{Z_{Delta}}$$

يمكن حساب تيار الفاز للحمل من خلال

يمكن حل الدارة السابقة بطريقة أخرى وهي التحويل الدارة ل Y-Y

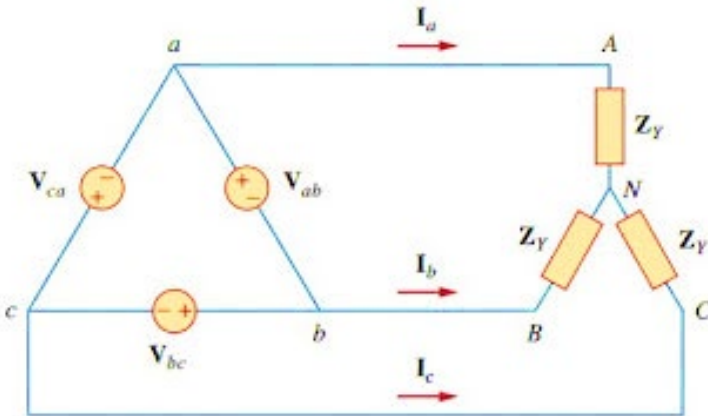
طريقة التحويل

$$Z_Y = \frac{Z_{Delta}}{3} \leftarrow \text{لتحويل الحمل}$$

لتحويل المصدر يعتبر أن  $V_{ab}$  line to  $V_{an}$  وبستخدم القانون الآتي:

$$V_{ab} = \sqrt{3}V_{an} \angle 30^\circ \rightarrow V_{an} = \frac{V_{ab}}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ$$

4) Balanced Delta-Wye connection:



شباك المصدر Delta بحمل على شكل Y

جهد الفاز للمصدر يساوي جهد الخط للمصدر ويساوي أيضا جهد الخط للحمل لأنهم على التوازي.

$$V_{ab} = V_{AB}$$

لكن جهد الخط للحمل لا يساوي جهد الفاز للحمل لأنه التوصيلة Y

$$V_{AB} \neq V_{AN}$$

$$V_{AB} = \sqrt{3}V_{AN} \angle 30^\circ \rightarrow V_{AN} = \frac{V_{AB}}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ$$

تيار الخط للحمل يساوي تيار الفاز للحمل لأنه التوصيلة Y

لكن تيار الفاز للمصدر لا يساوي تيار الخط لأنه التوصيلة Delta بالتالي نجد تيار الفاز من خلال

$$I_a = \sqrt{3}I_{ab} \angle -30^\circ \rightarrow I_{ab} = \frac{I_a}{\sqrt{3}} \angle 30^\circ$$

- لحل الدارة السابقة يتم تحويل الدارة ل Y-Y

$$V_{ab} = \sqrt{3}V_{an}\angle 30^\circ \rightarrow V_{an} = \frac{V_{ab}}{\sqrt{3}}\angle -30^\circ \leftarrow \text{لتحويل المصدر باستخدام العلاقة التالية:}$$

- طريقة أخرى لحل الدارة:

في حال أعطى بالسؤال  $V_{ab}$

$$V_{ab} = V_{AB} \text{ فإن}$$

$V_{AB}$  هو جهد الخط للحمل من خلاله بقدر أحسب قيمة جهد الفاز للحمل من خلال العلاقة التالية:

$$V_{AB} = \sqrt{3}V_{AN}\angle 30^\circ \rightarrow V_{AN} = \frac{V_{AB}}{\sqrt{3}}\angle -30^\circ$$

بما إنه معي  $V_{AN}$  وقيمة  $Z_Y$  بقدر أحسب قيمة تيار الفاز للحمل من خلال العلاقة:

$$I_{AN} = \frac{V_{AN}}{Z_Y}$$

وبتوصيلة Y تيار الفاز يساوي تيار الخط يعني  $I_{AN} = I_a$

وبتوصيلة Delta تيار الفاز لا يساوي تيار الخط ولحساب تيار الفاز للمصدر باستخدام العلاقة التالية:

$$I_a = \sqrt{3}I_{ab}\angle -30^\circ \rightarrow I_{ab} = \frac{I_a}{\sqrt{3}}\angle 30^\circ$$

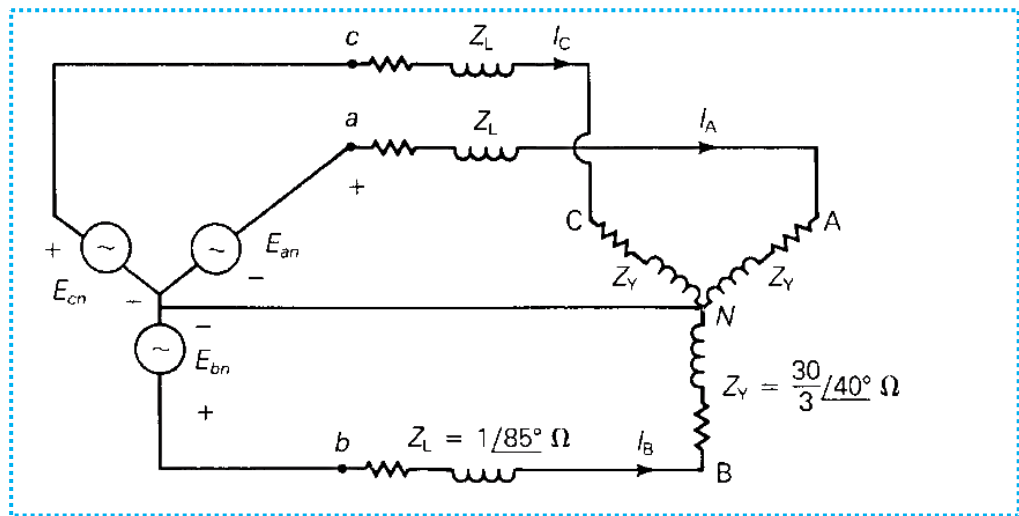
**ملاحظة:** هذه الطريقة تستخدم فقط عندما لا تحتوي الدارة على  $Z_{Line}$

إذا كان في  $Z_{Line}$  بحول شكل الدارة ل Y-Y

## Example 2.4

A balanced, positive-sequence, Y-connected voltage source with  $E_{ab} = 480\angle 0^\circ$  V is applied to a balanced-D load with  $Z_{\text{Delta}} = 30\angle 40^\circ \Omega$ . The line impedance between the source and load is  $Z_{\text{Line}} = 1\angle 85^\circ \Omega$  for each phase. Calculate the line currents, the D-load currents, and the voltages at the load terminals.

Sol:



بدايةً نلاحظ إنه شباك المصدر Y يحمل على شكل Delta لكن بينهم  $Z_{\text{Line}}$  فبحول شكل الدارة ل Y-Y

$$Z_Y = \frac{Z_{\text{Delta}}}{3} \rightarrow Z_Y = \frac{30\angle 40^\circ}{3} = 10\angle 40^\circ \Omega$$

بما إنه حولنا التوصيلة وصارت Y-Y فأنا بحاجة جهد الفاز

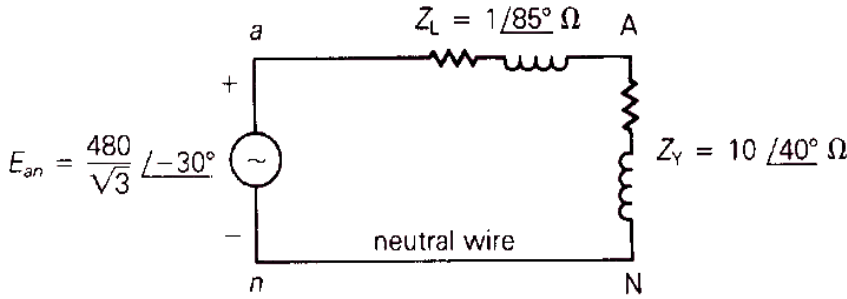
وبتوصيلة Y-Y جهد الفاز لا يساوي جهد الخط وهو معطينا جهد الخط بنحولها من خلال القانون التالي:

$$V_{ab} = \sqrt{3} V_{an} \angle 30^\circ \rightarrow V_{an} = \frac{V_{ab}}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ \text{ V}$$

الجهد = E = V

$$V_{an} = \frac{480}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ = 277.128 \angle -30^\circ \text{ V}$$

صار شكل التوصيلة Y-Y وبنحلها كأنها Single circuit يعني هيك بتصير



بشوف المطاليب وبحلها كدارة عادية

a) Line current →

بشوف شو التيار الي بمر بال Line وبلاحظ إنه  $I_A$

$$I_A = \frac{V_{an}}{Z_L + Z_Y} \rightarrow I_A = \frac{277.128 \angle -30^\circ}{1 \angle 85^\circ + 10 \angle 40^\circ} = 25.83 \angle -73.78^\circ \text{ A}$$

$$I_B = 25.83 \angle -73.78^\circ - 120^\circ + 360^\circ = 25.83 \angle 166.22^\circ \text{ A}$$

$$I_C = 25.83 \angle -73.78^\circ + 120^\circ = 25.83 \angle 46.22^\circ \text{ A}$$

b) The Delta load currents →

بتوصيلة ال Delta

تيار الخط لا يساوي تيار الفاز وأنا معي تيار الخط ومن خلال العلاقة الي ذكرناها بالأعلى بستخرج تيار الفاز.

$$I_{AB} = \frac{I_a \angle + 30^\circ}{\sqrt{3}} \rightarrow I_{AB} = \frac{25.83 \angle -73.78^\circ + 30^\circ}{\sqrt{3}} = 14.91 \angle -43.78^\circ \text{ A}$$

$$I_{BC} = 14.91 \angle -43.78^\circ - 120^\circ = 14.91 \angle -163.78^\circ \text{ A}$$

$$I_{CA} = 14.91 \angle -43.78^\circ + 120^\circ = 14.91 \angle +76.22^\circ \text{ A}$$



c) The voltages at the load terminals are:

طالب مني جهد الحمل وبما إنه التوصيلة Delta ف جهد الفاز والخط متساويين

$$V_{AB} = Z_{\Delta} I_{AB} \rightarrow V_{AB} = (30 \angle 40^\circ) \times (14.91 \angle -43.78^\circ)$$

$$V_{AB} = 447.3 \angle -3.78^\circ \text{ V}$$

$$V_{BC} = 447.3 \angle -3.78^\circ - 120^\circ = 447.3 \angle -123.78^\circ \text{ V}$$

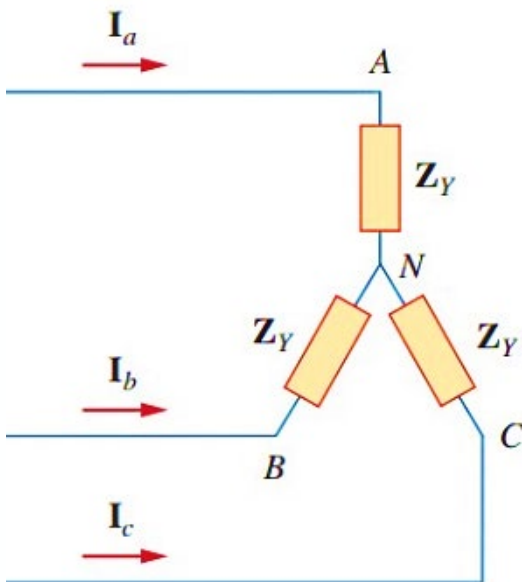
$$V_{BC} = 447.3 \angle -3.78^\circ + 120^\circ = 447.3 \angle +116.22^\circ \text{ V}$$

## 2.6 POWER IN BALANCED THREE-PHASE CIRCUITS

درسنا الطاقة في نظام أحادي الطور وعرفنا قانون كل واحد منهم لكن بنظام ثلاثي الطور القوانين بتختلف وبهذا السكشن راح نتعرف على القوانين الخاصة بنظام ثلاثي الطور.

للتذكير:

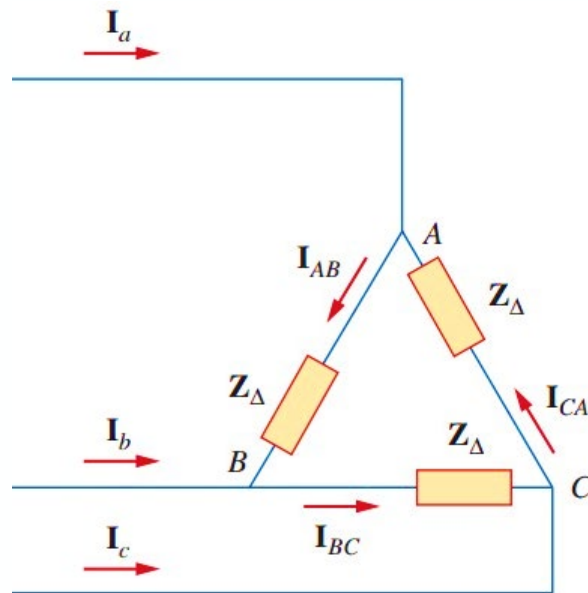
1) Wye connected load:



$$I_{\text{line}} = I_{\text{phase}}$$

$$V_{\text{line}} = \sqrt{3} V_{\text{phase}} \angle 30^\circ$$

2) Delta connected load:



$$V_{\text{line}} = V_{\text{phase}}$$

$$I_{\text{line}} = \sqrt{3} I_{\text{phase}} \angle -30^\circ$$

- Real power [W]:

$$P = 3 V_{\text{phase}} I_{\text{phase}} \cos(\theta_V - \theta_I)$$

$$P = \sqrt{3} V_{\text{Line}} I_{\text{Line}} \cos(\theta_V - \theta_I)$$

بنظام أحادي الطور كان عندي القانون  $P = V I \cos(\theta_V - \theta_I)$   
 أما الآن أنا بنظام ثلاثي الطور يعني 3 فازات يعني عندي  $P_1, P_2, P_3$   
 3 بور ويطبق على جميع أنواع البور.

- Reactive power [VAR]:

$$Q = 3 V_{\text{phase}} I_{\text{phase}} \sin(\theta_V - \theta_I)$$

$$Q = \sqrt{3} V_{\text{Line}} I_{\text{Line}} \sin(\theta_V - \theta_I)$$

- Apparent power [VA]:

$$|S| = 3 V_{\text{phase}} I_{\text{phase}}$$

$$|S| = \sqrt{3} V_{\text{Line}} I_{\text{Line}}$$

- Complex power [VA]:

$$S = 3 V_{\text{phase}} I_{\text{phase}}^*$$

$$S = \sqrt{3} V_{\text{Line}} I_{\text{Line}}^*$$

**ملاحظة:** يوجد إثباتات للقوانين لكن غير مطالبين إلا بالقانون النهائي

## Example 2.5

Two balanced three-phase motors in parallel, an induction motor drawing 400 kW at 0.8 power factor lagging and a synchronous motor drawing 150 kVA at 0.9 power factor leading, are supplied by a balanced, three-phase 4160-volt source. Cable impedances between the source and load are neglected, (a) Draw the power triangle for each motor and for the combined-motor load. (b) Determine the power factor of the combined-motor load. (c) Determine the magnitude of the line current delivered by the source. (d) A delta-connected capacitor bank is now installed in parallel with the combined-motor load. What value of capacitive reactance is required in each leg of the capacitor bank to make the source power factor unity? (e) Determine the magnitude of the line current delivered by the source with the capacitor bank installed.

بحكيلي إنه عندي محركين متصلات على التوازي كل واحد ثلاثي الطور ومتزن وأعطاني لكل واحد معطيات وطالب عدة مطالب.

Sol:

a) Draw the power triangle for each motor and for the combined-motor load.

طالب مني أرسم مثلث البور الي حكينا عنه فوق بشوف المعطيات وبستخرج ما تبقى من المثلث.

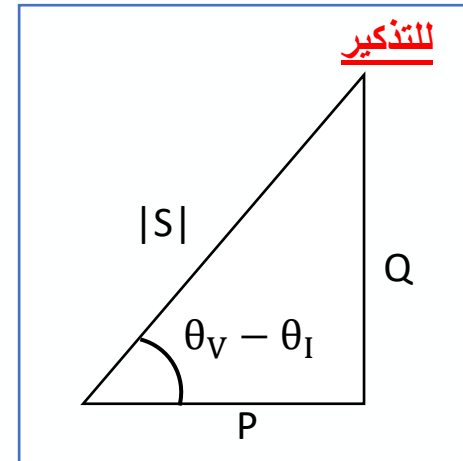
### Induction motor:

$$P=400\text{kW} \quad \text{PF}= 0.8 \text{ lagging}$$

$$\text{PF} = 0.8$$

$$\theta = \cos^{-1}(0.8) = 36.87^\circ$$

بستخرج الزاوية من القانون



$$\tan(\theta) = \frac{Q}{P} \rightarrow \tan(36.87^\circ) = \frac{Q}{400k}$$

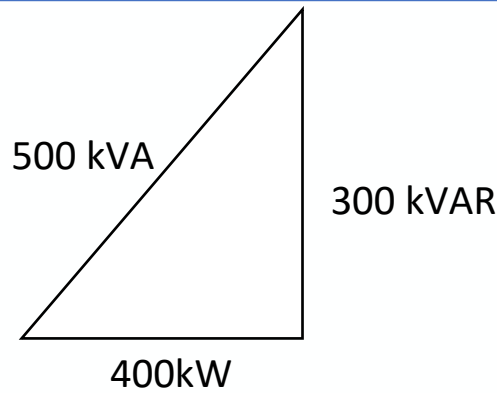
$$Q = 300 \text{ kVAR}$$

$$S = P + jQ$$

$$S = 400 + j300 \rightarrow 500 \angle + 36.87^\circ \text{ kVA}$$

الزاوية موجبة لأنها Lagging

مش حكيما إنه ال  $|S|$  بتكون ال Amplitude لل Complex power بحولها ل Polar وبأخذ القيمة



## synchronous motor:

$$|S|=150 \text{ kVA} \quad \text{PF}=0.9 \text{ leading}$$

بستخرج الزاوية من القانون

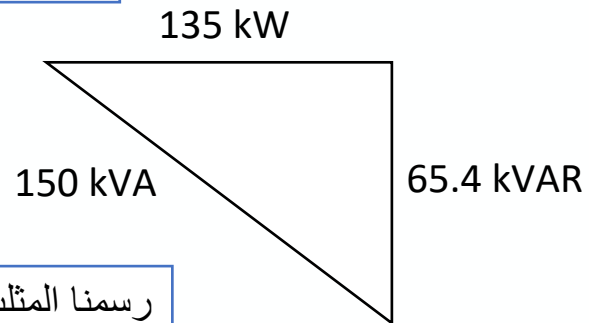
$$\text{PF} = 0.9$$

$$\theta = \cos^{-1}(0.9) = 25.84^\circ$$

$$S = 150 \angle - 25.84^\circ \text{ kVA}$$

الزاوية سالبة لأنها Leading

$$S = 135 - j65.4 \text{ kVA}$$



رسمنا المثلث مقلوب لأنه الزاوية سالبة

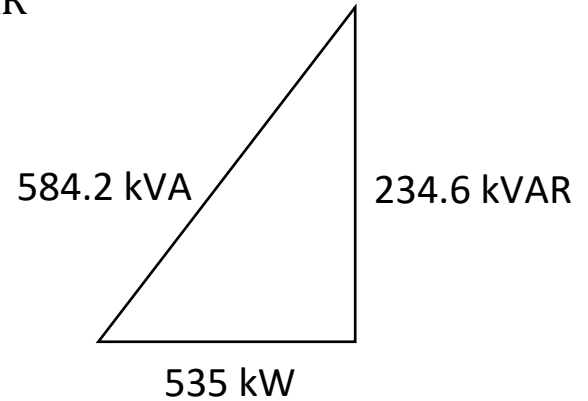
## Combined-motor load:

هون راح نجمع المتلثين مع بعض فقط بنجمع ال P و Q

$$P_{\text{total}} = P_1 + P_2 \rightarrow 400 + 135 = 535 \text{ kW}$$

$$Q_{\text{total}} = Q_1 + (-Q_2) = 300 - 65.4 = 234.6 \text{ kVAR}$$

$$S = 535 + j234.6 \rightarrow 584.2 \angle 23.67^\circ \text{ kVA}$$



b) Determine the power factor of the combined-motor load.

لما حولنا الشكل ل Polar استخرجنا قيمة الزاوية هسا طالب البور فاكطور

$$PF = \cos(\theta_V - \theta_I) \rightarrow PF = \cos(23.67^\circ) = 0.9158 \text{ Lagging}$$

c) Determine the magnitude of the line current delivered by the source.

$$S = \sqrt{3} V_{\text{Line}} I_{\text{Line}}$$

$$I_{\text{Line}} = \frac{584.2}{\sqrt{3} \times 4160} = 0.0811 \text{ kA}$$

**ملاحظة:** إذا ما ذكر بالسؤال إنه الجهد Phase بعتره Line

d) A delta-connected capacitor bank is now installed in parallel with the combined-motor load. What value of capacitive reactance is required in each leg of the capacitor bank to make the source power factor unity?

$$Q_C = \frac{3V^2}{X_{\text{Delta}}} \rightarrow X_{\text{Delta}} = \frac{3V^2}{Q_C}$$

$$X_{\text{Delta}} = \frac{3(4160)^2}{234.6 \text{ k}} = 221.3 \Omega$$

Power factor unity

يعني ما عندي Q

$$Q_{\text{new}} = Q_{\text{add}} + Q_{\text{com}} = 0$$

حكينا ما عندي Q لحتى يلغوا بعض

$$Q_{\text{add}} = Q_{\text{com}}$$

e) Determine the magnitude of the line current delivered by the source with the capacitor bank installed.

حكينا لما الزاوية تتغير التيار أيضا بتغير راح نوجد قيمة التيار بعد تغيير الزاوية كما ذكر بالفرع الي قبل.

$$I = \frac{S}{\sqrt{3} V} = \frac{P}{\sqrt{3} V} = \frac{535 \text{ k}}{\sqrt{3} \times 4160} = 74.3 \text{ A}$$

ما عندي Q انلغت يعني

$$S=P$$

## 2.7 ADVANTAGES OF BALANCED THREE-PHASE VERSUS SINGLE-PHASE SYSTEMS

- reduced capital and operating costs of transmission and distribution.
- the total instantaneous electric power delivered by a three-phase generator under balanced steady-state conditions is (nearly) constant.

Difference between ground and natural?

## **Ground**

- Actual physical
- For safety and protection under normal operation
- Conductor that carries current under fault condition

## **Natural**

- In 3phase Y connected
- Conductor that carries current is normal operation
- Represent a reference point which an electrical distribution system

## Problems Ch 2

2.19) Consider a single-phase load with an applied voltage  $v = 150 \cos(\omega t + 10^\circ)$  V and load current  $i = 5 \cos(\omega t - 50^\circ)$  A. (a) Determine the power triangle. (b) Find the power factor and specify whether it is lagging or leading. (c) Calculate the reactive power supplied by capacitors in parallel with the load that correct the power factor to 0.9 lagging

دائرة نظام أحادي الطور أعطاني الجهد والتيار الخاص فيه وطالب عدة مطالب

Sol:

$$S = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}}^*$$

$$S = \frac{150}{\sqrt{2}} \angle 10^\circ \times \frac{5}{\sqrt{2}} \angle 50^\circ \longrightarrow$$

حولنا الجهد والتيار لأنه بالمادة نتعامل مع Rms  
الزاوية موجبة لأنه في Conjugate

$$S = 375 \angle 60^\circ \text{ VA}$$

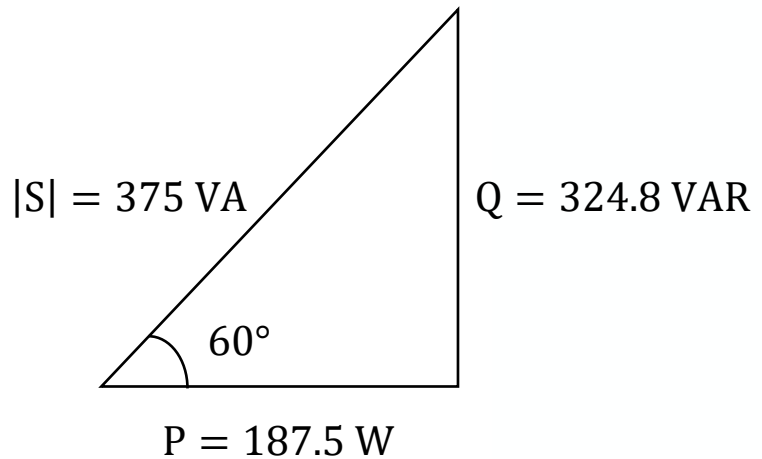
$$S = P + jQ$$

$$S = 187.5 + j324.8$$

$$P = 187.5 \text{ W}$$

$$Q = 324.8 \text{ VAR}$$

$$|S| = 375 \text{ VA}$$



b)  $P_f = \cos(60^\circ) = 0.5$  lagging

c) Reactive power by capacitor:

$$Q_S = P \times \tan(Q_S) = 187.5 \times \tan(\cos^{-1}(0.9)) = 90.81 \text{ VAR}$$

$$Q_C = Q_L - Q_S = 324.8 - 90.81 = 234 \text{ VAR}$$



2.23) A single-phase source has a terminal voltage  $V = 120 \angle 0^\circ \text{ V}$  and a current  $I = 10 \angle 30^\circ \text{ A}$ , which leaves the positive terminal of the source. Determine the real and reactive power, and state whether the source is delivering or absorbing each.

أعطانا بالسؤال الجهد والتيار وطالب Complex power وطالب أحدد إذا المصدر بولد طاقة ولا يستهلك.

Sol:

$$S = VI^* = (120 \angle 0^\circ)(10 \angle -30^\circ) = 1200 \angle -30^\circ \text{ VA}$$

$$S = 1039.2 - j 600 \text{ VA}$$

[ The machine is generator ] →

بدي أحل على طريقة الفرض  
فرضت إنه Delivered  
بشوف الإشارات  
إشارة ال P موجبة إذا Delivered  
إشارة ال Q سالبة إذا مش Delivered فهو Absorbed

قلنا بنعتمد على ال P بالتحديد  
P= Delivered = Generator

2.27) An industrial load consisting of a bank of induction motors consumes 50 kW at a power factor of 0.8 lagging from a 220-V, 60-Hz, single-phase source. By placing a bank of capacitors in parallel with the load, the resultant power factor is to be raised to 0.95 lagging. Find the net capacitance of the capacitor bank in mF that is required.

حمل بدارة أعطاني معلومات عنه وبعدين استبدل هذا الحمل بمواسع وطالب أجد مقدار المواسعة

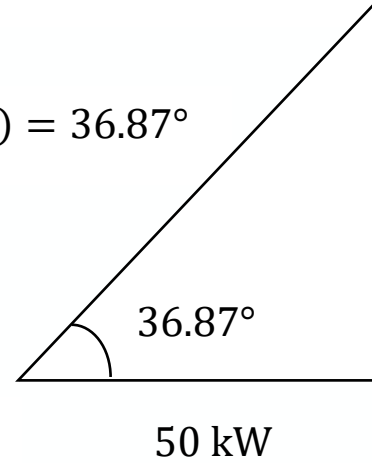
Sol:

$$P_{old} = 50 \text{ kW} \quad \text{PF} = 0.8 \rightarrow \theta_{old} = \cos^{-1}(0.8) = 36.87^\circ$$

$$\tan(\theta) = \frac{Q_{old}}{P_{old}} \rightarrow \tan(36.87^\circ) = \frac{Q_{old}}{50k}$$

$$Q_{old} = 37.5 \text{ kVAR}$$

$$S_{old} = 50000 + j37500 \text{ VA}$$



بعد ما استخرجنا كل المعلومات اللي قبل استبدال الحمل بمواسع هسا لازم نستخرج معلومات المواسع الجديدة حسب المعطيات اللي بالسؤال.

$$P_{new} = 50 \text{ kW} \rightarrow \text{أخذنا إنها ثابتة لكل السؤال}$$

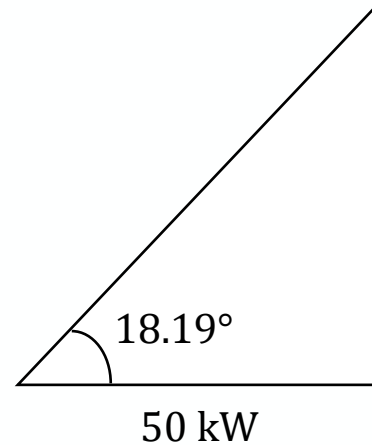
$$\text{PF} = 0.95$$

$$\theta_{new} = \cos^{-1}(0.95) = 18.19^\circ$$

$$\tan(\theta) = \frac{Q_{new}}{P_{new}} \rightarrow \tan(18.19^\circ) = \frac{Q_{new}}{50k}$$

$$Q_{new} = 16.430 \text{ kVAR}$$

$$S_{new} = 50000 + j16430 \text{ VA}$$



بعد ما استخرجنا كل المعلومات بنستخرج الممانعة ومنها بنستخرج المواسعة.

$$S_C = \frac{|V|^2}{Z_C^*} \rightarrow Z_C = \frac{|V|^2}{S_C^*}$$

$$S_{\text{new}} = S_{\text{old}} + S_C \rightarrow S_C = S_{\text{new}} - S_{\text{old}}$$

$$S_C = (50k + j16430) - (50k + j37500) \rightarrow S_C = -j21070 \text{ VA}$$

$$Z_C = \frac{|220|^2}{j21070} = -j2.2971$$

$$C = \frac{-j}{2\pi f Z_C} \rightarrow C = \frac{-j}{2\pi \times 60 \times -j2.2971} = 1155 \mu\text{F}$$

2.41) three-phase 25-kVA, 480-V, 60-Hz alternator, operating under balanced steady state conditions, supplies a line current of 20 A per phase at a 0.8 lagging power factor and at rated voltage. Determine the power triangle for this operating condition.

نظام ثلاثي الطور أعطانا الجهد والتيار وطالب مثلث البور.

Sol:

$$S_{3\phi} = \sqrt{3} V_{\text{Line}} I_{\text{Line}} \angle \theta$$

$$S_{3\phi} = \sqrt{3} \times 480 \times 20 \angle \cos^{-1}(0.8)$$

$$S_{3\phi} = 16.627 \times 10^3 \angle 36.87^\circ \text{ VA}$$

$$S_{3\phi} = 13.3 \times 10^3 + j9.976 \times 10^3$$

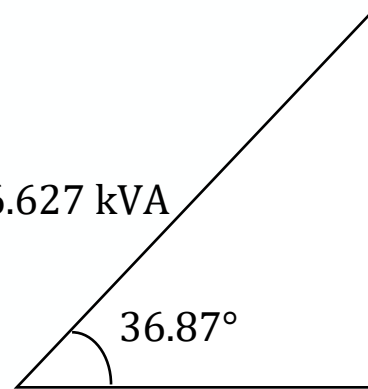
$$P = 13.3 \text{ kW}$$

$$Q = 9.976 \text{ kVAR}$$

$$|S| = 16.627 \text{ kVA}$$

$$|S| = 16.627 \text{ kVA}$$

$$Q = 9.976 \text{ kVAR}$$



$$P = 13.3 \text{ kW}$$

2.46) Three identical impedances  $Z_{\Delta} = 30 \angle 30^\circ \Omega$  are connected in Delta to a balanced three phase 208-V source by three identical line conductors with impedance  $Z_L = 0.8 + j0.6 \Omega$  per line. (a) Calculate the line-to-line voltage at the load terminals. (b) Repeat part (a) when a Delta-connected capacitor bank with reactance  $(-j60)\Omega$  per phase is connected in parallel with the load.

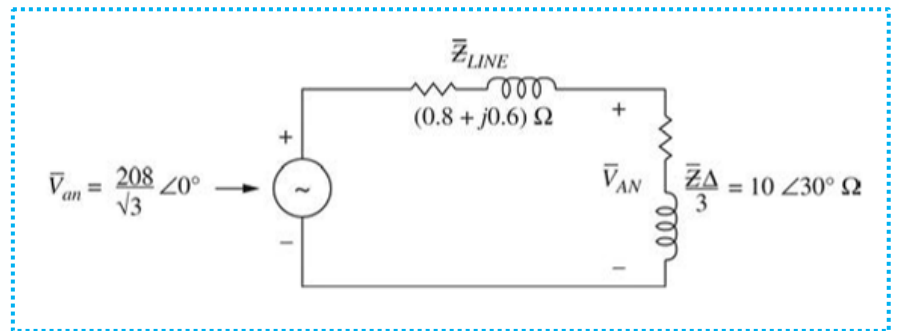
Sol:

a) Calculate the line-to-line voltage at the load terminals.

طالب نحسب الجهد على الحمل لكن عندي ممانعة على الخط ف لازم أحول ممانعة الدلتا ليسهل الحل وطبعاً بنحول جهد الخط لجهد الفاز.

$$V_{an} = \frac{208}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ \text{ V}$$

$$Z_Y = \frac{30 \angle 30^\circ}{3} = 10 \angle 30^\circ \Omega$$



$$V_{AN} = V_{an} \times \frac{Z_Y}{Z_Y + Z_{line}}$$

$$V_{AN} = \frac{208}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ \times \frac{10 \angle 30^\circ}{10 \angle 30^\circ + (0.8 + j0.6)}$$

$$V_{AN} = \frac{(10 \angle 30^\circ) \times (120.09)}{9.46 + j5.6} \longrightarrow$$

$$V_{AN} = 109.3 \angle -0.62^\circ \text{ V}$$

$$V_{AB} = \sqrt{3} V_{AN} \rightarrow V_{AB} = \sqrt{3} \times 109.3 = 189.3 \text{ V}$$

بتوصيلة Y جهد الخط لا يساوي جهد الفاز.  
طالب جهد الخط للحمل وأنا استخرجت جهد الفاز  
بحول لجهد الخط.

b) Repeat part (a) when a D-connected capacitor bank with reactance  $(-j60)\Omega$  per phase is connected in parallel with the load.

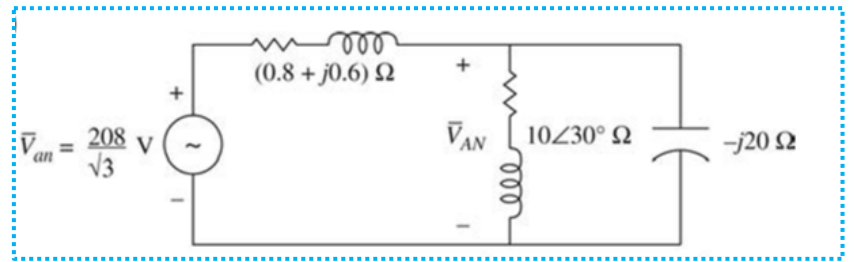
طالب تكرر الفرع الأول لكن مع إضافة مواسع.

نفس الخطوات لكن عندي ممانعة ومواسع على التوازي بأخذ المحصلة على التوازي عشان أحصل الجهد على الحمل كامل.

$$Z_{eq} = \frac{Z_C \times Z_Y}{Z_C + Z_Y}$$

$$Z_{eq} = \frac{-j20 \times 10 \angle 30^\circ}{-j20 + 10 \angle 30^\circ}$$

$$Z_{eq} = 11.547 \angle 0^\circ \Omega$$



$$V_{AN} = V_{an} \times \frac{Z_{eq}}{Z_{eq} + Z_{line}}$$

$$V_{AN} = \frac{208}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ \times \frac{11.547}{11.547 + (0.8 + j0.6)}$$

$$V_{AN} = \frac{(11.547) \times (120.09)}{11.547 + 0.8 + j0.6} \longrightarrow$$

$$V_{AN} = 112.2 \angle -2.78^\circ \text{ V}$$

$$V_{AB} = \sqrt{3} V_{AN} \rightarrow V_{AB} = \sqrt{3} \times 112.2 = 194.3 \text{ V}$$

بتوصيلة Y جهد الخط لا يساوي جهد الفاز.  
طالب جهد الخط للحمل وأنا استخرجت جهد الفاز بحول لجهد الخط.

## Ch 3 POWER TRANSFORMERS

### 3.1 The ideal transformer

Transformers is device that change Ac electric power at one voltage level to another voltage level, through the action of magnetic field.

المحول هو جهاز بنقل الطاقة وعنا هون المحول المثالي الي بنقل الطاقة بدون أي فقدان لها بحيث بتوصلني كما هي وطبعاً هذا إشي صعب نلاقه بالحياة الواقعية.

For ideal transformer:

- The power:

$$P_{in} = P_{out} \text{ (No real power losses)}$$

$$Q_{in} = Q_{out} \text{ (No reactive power losses)}$$

$$S_{in} = S_{out} \text{ (No apparent power losses)}$$

بالمحول المثالي من إسمه مثالي يعني ما عندي أي فقدان للطاقة يعني الداخـل نفسه الخارج.

- the efficiency is 100% →

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100\% \rightarrow P_{in} = P_{out}$$

$$\eta = \frac{P_{in}}{P_{in}} \times 100\% = 100\%$$

- The windings have zero resistance.

- The core permeability  $\mu_c$  is infinite, which corresponds to zero core reluctance.

- There is no leakage flux.

- There are no core losses.

$$N_1 I_1 - N_2 I_2 = R_C \Phi_C \rightarrow \text{Ohms law}$$

اشتقينا المعادلة اللي بالأعلى بمادة الماشين  
وموجود اشتقاقها بالكتاب لكن مش مطلوب  
منا بس بدنا نوصل لشغلة من خلاله.

$$R_C = \frac{l_c}{\mu_c A_c}$$

For ideal transformer  $\mu_c = \infty$

Then  $R_C = \text{Zero}$

Becomes  $N_1 I_1 = N_2 I_2 \rightarrow$  For ideal transformer

For ideal transformer:

$$a = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{N_1}{N_2} \rightarrow$$

$$E = V$$

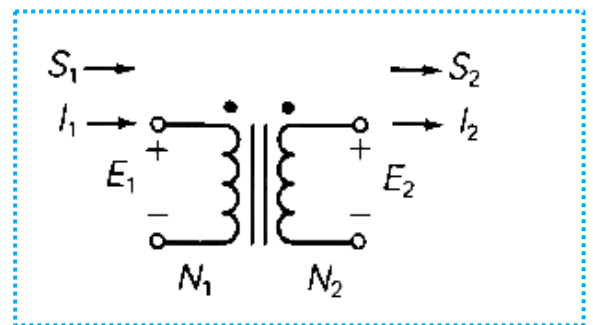
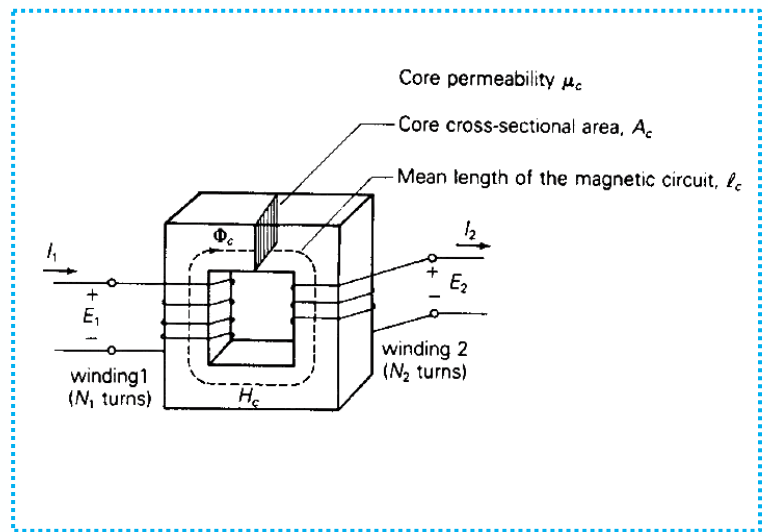
$$E_1 = a E_2$$

$$I_1 = \frac{I_2}{a}$$

$$Z_2 = \frac{E_2}{I_2}$$

$$Z_1 = \frac{E_1}{I_1} = \frac{a E_2}{\frac{I_2}{a}} = a^2 Z_2$$

$$S_1 = S_2$$



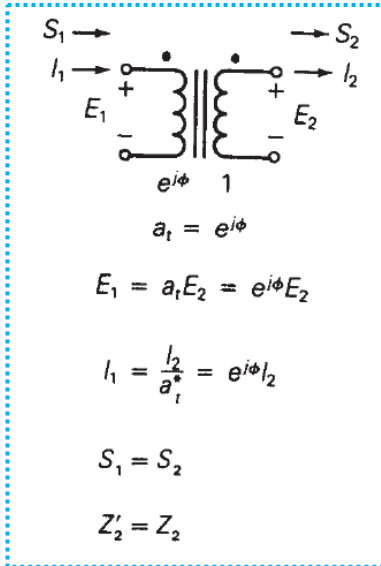
**إثبات:**

$$S_1 = S_2$$

$$S_1 = E_1 I_1^* = a E_2 \times \frac{I_2^*}{a} = I_2^* E_2 = S_2$$

For ideal phase-shifting:

- Impedance is unchanged when it is referred from one side.
- no real or reactive power losses since  $S_1 = S_2$ .



في إثني عنا اسمه ideal phase-shifting هذا مثن محول مثالي  
 لكن كزاوية عنا إثني سابق وعنا إثني متأخر الي بدنا نعرفه من هاي الفقرة  
 المعلوماتين اللي بالأعلى فقط.  
 ك magnitude ما في أي تغيير.

### Example 3.1

A single-phase two-winding transformer is rated 20 kVA, 480/120 V, 60 Hz. A source connected to the 480-V winding supplies an impedance load connected to the 120-V winding. The load absorbs 15 kVA at 0.8 p.f. lagging when the load voltage is 118 V. Assume that the transformer is ideal and calculate the following:

- The voltage across the 480-V winding.
- The load impedance.
- The load impedance referred to the 480-V winding.
- The real and reactive power supplied to the 480-V winding



Sol:

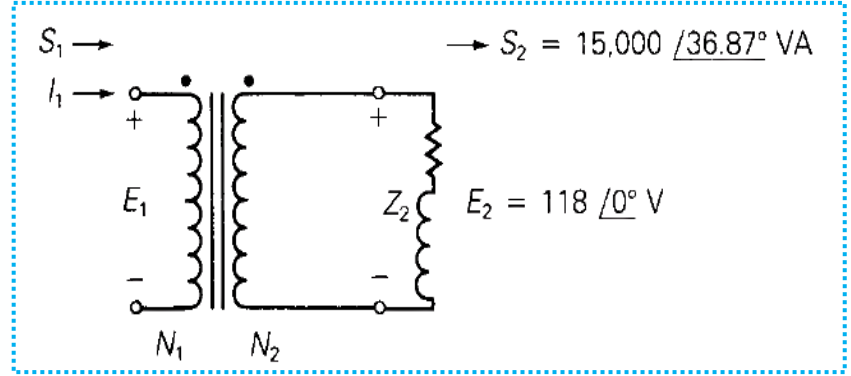
محول يتكون من لفتين حكالي بجهة Secondary في حمل وأعطاني معلوماته وطالب عدة مطالب.

$$PF = 0.8 \text{ Lagging}$$

$$\theta = \cos^{-1}(0.8) = 36.87^\circ \longrightarrow$$

$$S_2 = 15 \angle 36.87^\circ \text{ kVA}$$

$$a = \frac{N_1}{N_2} = \frac{E_{1\text{rated}}}{E_{2\text{rated}}} = \frac{480}{120} = 4$$



a) The voltage across the 480-V winding.

طالب الجهد على Primary بشتغل على القانون.

$$E_1 = aE_2 \rightarrow E_1 = 4 \times 118 \angle 0^\circ = 472 \angle 0^\circ \text{ V}$$

b) The load impedance.

طالب الممانعة على الحمل وأعطاني الجهد والكومبلكس بور بشتغل على القوانين اللي في شابتر 2

$$S_2 = \frac{|E|^2}{Z^*} \rightarrow Z = \frac{|E|^2}{S_2^*}$$

$$Z = \frac{118^2}{15 \angle -36.87^\circ \text{ k}} = 0.9283 \angle 36.87^\circ \Omega$$

c) The load impedance referred to the 480-V winding.

$$Z'_2 = a^2 Z_2 \rightarrow Z'_2 = 16 \times 0.9283 \angle 36.87^\circ = 14.85 \angle 36.87^\circ \Omega$$

d) The real and reactive power supplied to the 480-V winding.

$$S_1 = S_2$$

$$S_1 = 15000 \angle 36.87^\circ = 12000 + j9000$$

$$P = 12 \text{ kW} \quad Q = 9 \text{ kVAR}$$

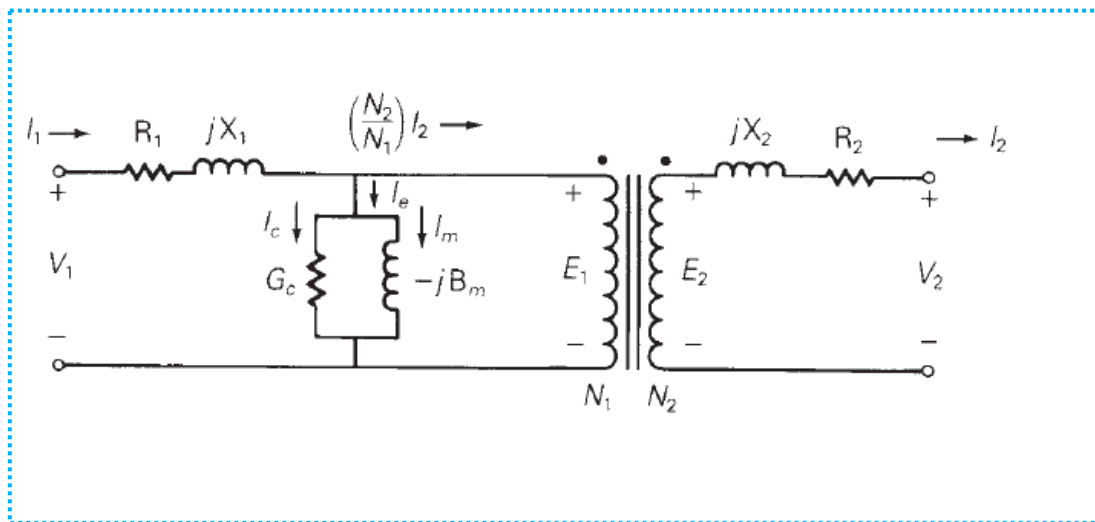
## 3.2 EQUIVALENT CIRCUITS FOR PRACTICAL TRANSFORMERS

درسنا بالسكشن اللي قبل المحول المثالي واعرشنا شكله وصفاته وإنه مثالي لدرجة الطاقة الداخلة نفسها الخارجة لكن بالواقع ما عنا محول مثالي لهيك راح نتعرف بهذا السكشن على المحول اللي بنتعامل معه وبكون بواقعا ونعرف شو الفرق بينه وبين المحول المثالي.

practical transformers differs from the ideal transformer as follows:

1. The windings have resistance.
2. The core permeability  $\mu_c$  is finite.
3. The magnetic flux is not entirely confined to the core.
4. There are real and reactive power losses in the core.

بالمحول العملي أكيد بصير فقدان للطاقة لأنه مش مثالي وحكينا مستحيل يصير مثالي والدارة التالية هي شكل المحول الي بنتعامل معه راح ندرسها ونتعرف على أجزائها.



- Losses:

- 1) Copper losses:  $(R_1, R_2)$

Resistive heating losses in the primary and secondary windings.

- 2) Leakage flux:  $(\phi_{L1}, \phi_{L2})$

leave core and pass-through air (Inductance of primary and secondary coils).

- Core losses

## 1) Hysteresis loss

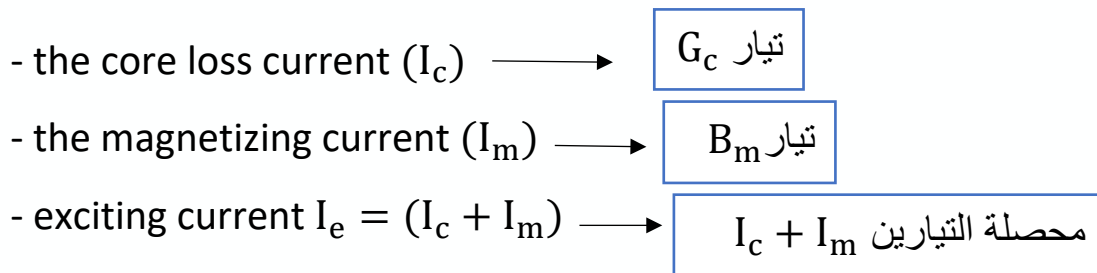
Hysteresis loss occurs because a cyclic variation of flux within the core requires energy dissipated as heat.

hysteresis loss can be reduced by the use of special high grades of alloy steel as core material.

## 2) Eddy current

Eddy current loss occurs because induced currents called eddy currents flow within the magnetic core perpendicular to the flux.

eddy current loss can be reduced by constructing the core with laminated sheets of alloy steel



- For large power transformers rated more than 500 kVA, the winding resistances, which are small compared with the leakage reactance's, can often be neglected.

- Since the exciting current is usually less than 5% of rated current, neglecting it in power system studies is often valid unless transformer efficiency or exciting current phenomena are of particular concern.

بعد ما اعرفنا الأجزاء وشو بمثل كل جزء بالدارة الآن بدنا نعرف كيف بنتحل الدارة.  
بنعرف من الماشين إنه في اختبارين بنطبقهم على الدارة التالية لحل الدارة وهم:

## 1) Open circuit test

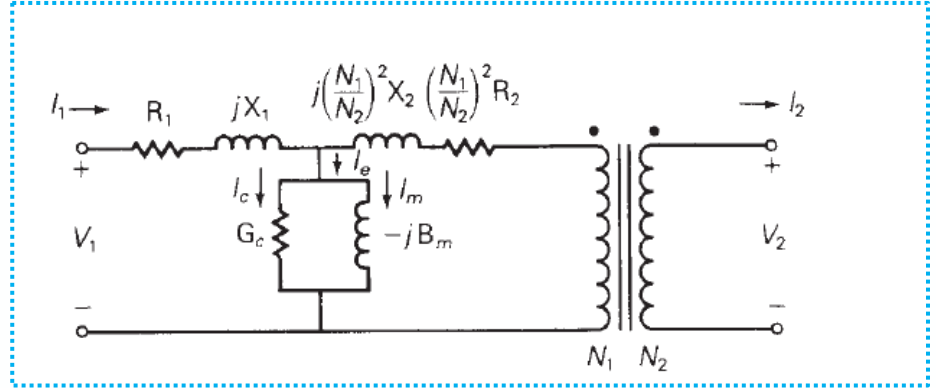
Performed on LVS

HVS → Open

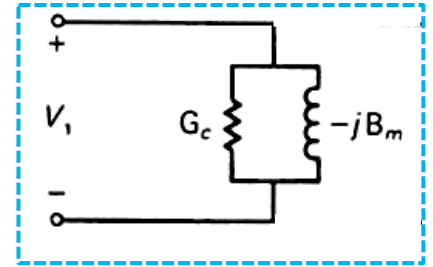
على فرض

300V/3000V

LVS HVS



- بما إنه طبقنا الإختبار صار Open يعني  $I_s = \text{Zero}$
- بنطبق الإختبار على ال Secondary بما إنه الأكبر.
- بهمل  $R_1$  and  $x_1$



$$Y = G_c - jB_m = \frac{1}{R_c} - \frac{j}{X_m}$$

$$P_{OC} = V_{OC} I_{OC} \cos(\theta)$$

$$\theta = \cos^{-1} \left( \frac{P_{OC}}{V_{OC} I_{OC}} \right)$$

## 2) Short circuit test

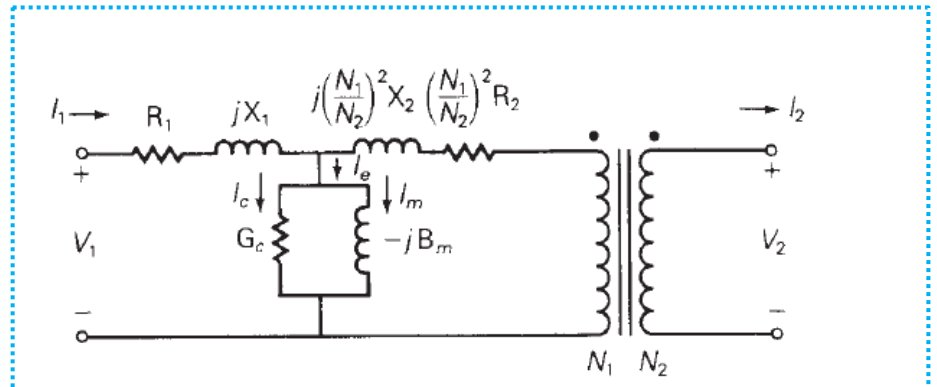
Performed on HVS

LVS → Shorted

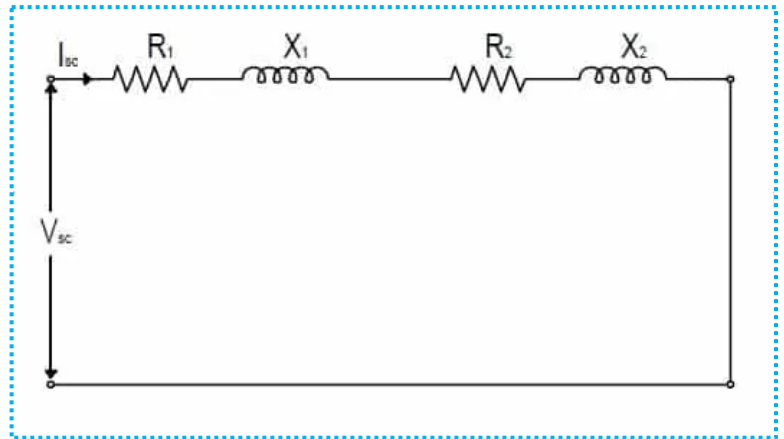
على فرض

3000V/300V

HVS LVS



- بجعل  $V_1=0$
- بتطبيق الإختبار.
- بهمل الجزء اللي بالمنتصف.
- بنقل كل شيء لل secondary



$$R_{eq} = R_{eqs} + jX_{eqs}$$

$$P_{sc} = V_{sc} I_{sc} \cos(\theta)$$

$$\theta = \cos^{-1} \left( \frac{P_{sc}}{V_{sc} I_{sc}} \right)$$

$$Z_{sc} = \frac{V_{sc}}{I_{sc}} \angle \theta$$

### Example 3.2

A single-phase two-winding transformer is rated 20 kVA, 480/120 volts, 60 Hz. During a short-circuit test, where rated current at rated frequency is applied to the 480-volt winding (denoted winding 1), with the 120-volt winding (winding 2) shorted, the following readings are obtained:  $V_1 = 35$  Volts,  $P_1 = 300$  W. During an open-circuit test, where rated voltage is applied to winding 2, with winding 1 open, the following readings are obtained:  $I_2 = 12$  A,  $P_2 = 200$  W.

- a) From the short-circuit test, determine the equivalent series impedance  $Z_{eq1} = R_{eq1} + jX_{eq1}$  referred to winding 1.
- b) From the open-circuit test, determine the shunt admittance  $Y_m = G_c - jB_m$  referred to winding 1.

أعطاني بالسؤال معلومات عن المحول وأعطاني معلومات عن الاختبارين الي بدي أطبقهم لحل الدارة وطالب الممانعة بالفرع الأول ومقلوب الممانعة بالفرع الثاني لكن لكل واحد اختبار خاص فيه لإيجاده.

Sol:

a) From the short-circuit test, determine the equivalent series impedance  $Z_{eq1} = R_{eq1} + jX_{eq1}$  referred to winding 1.

$$I_{1rated} = \frac{S_{rated}}{V_{rated}} = \frac{20 \text{ k}}{480} = 41.667 \text{ A} \longrightarrow$$

استخرجنا قيمة تيار ال Rated

معي تيار وأعطاني معلومات عن التست منها البور يستخرج المقاومة.

$$P_1 = I^2 R \rightarrow R = \frac{P_1}{I^2}$$

$$R = \frac{300}{(41.667)^2} = 0.1728 \Omega$$

استخرجنا أول جزء من أجزاء الممانعة لكن الملف ما عندي أي معلومة تساعدني أستخرجه من خلالها بس أعطاني الجهد والتيار يستخرج من خلالهم قيمة الممانعة.

$$|Z_{eq1}| = \frac{V_1}{I_{1rated}} = \frac{35}{41.667} = 0.8400 \Omega$$

$$Z_{1eq} = R_{1eq} + jX_{1eq}$$

$$|Z_{1eq}| = \sqrt{R_{1eq}^2 + X_{1eq}^2} \longrightarrow \text{بترتيب المعادلة}$$

$$X_{1eq} = \sqrt{Z_{1eq}^2 - R_{1eq}^2} \rightarrow X_{1eq} = \sqrt{0.8400^2 - 0.1728^2} = 0.8220 \Omega$$

$$Z_{1eq} = 0.1728 + j0.8220 \Omega$$

b) From the open-circuit test, determine the shunt admittance

$Y_m = G_C - jB_m$  referred to winding 1.

$$V_1 = \frac{N_1}{N_2} (V_{2rated}) \rightarrow V_1 = \frac{480}{120} (120) = 480 \text{ V} \longrightarrow$$

أعطاني معلومات عن التست  
لكن ما أعطاني الجهد  
وبما إنه بال Primary  
الجهد يساوي 480

بال Open test يستخرج قيمة ال Shunt admittance (مقلوب الممانعة)

أعطاني قيمة البور ومعني قيمة الجهد يستخرج قيمة مقلوب المقاومة.

$$P_2 = \frac{V_1^2}{R} \rightarrow P_2 = V_1^2 G_C$$

$$G_C = \frac{P_2}{V_1^2} \rightarrow G_C = \frac{200}{480^2} = 0.000868 \text{ S}$$

$$|Y_m| = \frac{I_1}{V_1} \longrightarrow$$

$$I_1 = \frac{N_2}{N_1} (I_2) \rightarrow I_1 = \frac{120}{480} (12) = 3 \text{ A}$$

$$|Y_m| = \frac{3}{480} = 0.00625 \text{ S}$$

$$Y_m = G_C - jB_m$$

$$B_m = \sqrt{Y_m^2 - G_C^2}$$

$$B_m = \sqrt{Y_m^2 - G_C^2} \rightarrow B_m = \sqrt{0.00625^2 - 0.000868^2} = 0.00619 \text{ S}$$

$$Y_m = 0.000868 - j0.00619 \text{ S}$$

ما معني قيمة التيار ل Primary  
بس معني قيم تيار ال Secondary  
بعمل Refer to primary

The units of admittance, conductance, and susceptance are **siemens**.

## 3.3 THE PER-UNIT SYSTEM

تعرفنا بالدرس السابق على المحول اللي بنستخدمه بحياتنا العملية وشو بفرق عن المحول المثالي وأيضاً اعرفنا كيف نحل الدارة لكن كطريقة حل كانت طويلة نوعاً ما لهيك راح نتعرف على اشي اسمه Per unit

- One advantage of the per-unit system is that by properly specifying base quantities, the transformer equivalent circuit can be simplified

من إحدى مميزات البير يونت بقدر أبسط دارة المحول بشكل أسهل من خلال تحديد قيمة ال Base

- The per-unit quantity is always dimensionless.

كل الكميات اللي أخذناها سابقاً من طاقة وجهد وتيار كان لهم وحدات مثل أمبير وواط لكن بال Per unit ما بنتعامل مع أي وحدة يعني ما إلها وحدة.

$$\text{per unit quantity} = \frac{\text{actual value}}{\text{base value}} \begin{matrix} \longrightarrow \text{Has unit} \\ \longrightarrow \text{Has unit} \end{matrix} \longrightarrow \text{per-unit dimensionless}$$

قوانين بنستخدمهم للحل في نظام أحادي الطور:

$$P_{\text{base1}\phi} = Q_{\text{base1}\phi} = S_{\text{base1}\phi}$$

$$I_{\text{base}} = \frac{S_{\text{base1}\phi}}{V_{\text{baseLN}}}$$

$$Z_{\text{base}} = R_{\text{base}} = X_{\text{base}} = \frac{V_{\text{baseLN}}}{I_{\text{base}}} = \frac{V_{\text{baseLN}}^2}{S_{\text{base1}\phi}}$$

$$Y_{\text{base}} = G_{\text{base}} = B_{\text{base}} = \frac{1}{Z_{\text{base}}}$$

أشياء يقدر أحسبها باستخدام Per unit:

Current

Voltage

Power

Impedance

Real and reactive power



- The value of  $S_{base1\phi}$  is the same for the entire power system of concern.
- The ratio of the voltage bases on either side of a transformer is selected to be the same as the ratio of the transformer voltage ratings.
- per-unit impedance remains unchanged when referred from one side of a transformer to the other.

### Example 3.3

A single-phase two-winding transformer is rated 20 kVA, 480/120 volts, 60 Hz. The equivalent leakage impedance of the transformer referred to the 120-volt winding, denoted winding 2, is  $Z_{eq2} = 0.0525 \angle 78.13^\circ \Omega$ . Using the transformer ratings as base values, determine the per-unit leakage impedance referred to winding 2 and referred to winding 1.

محول أحادي الطور أعطاني معلومات عنه وطالب قيمة الممانعة على ال Primary بالبير يونت

وذاكر أنه قيم ال base هي نفسها ال rated

وطالب أيضا قيمة البير يونت للممانعة على Secondary

Sol:

بداية بحدد قيم ال Base المعطيات بالسؤال

$$S_{base} = 20 \text{ kVA}, V_{base1} = 480 \text{ V}, V_{base2} = 120 \text{ V}$$

أعطاني قيمة الممانعة لل Secondary والتي هي Actual value

وبدي قيمة ال Base عشان أقدر أحصل قيمة الممانعة بالبير يونت.

$$Z_{base2} = \frac{V_{base2}^2}{S_{base}} \rightarrow Z_{base2} = \frac{120^2}{20 \text{ k}} = 0.72 \Omega$$

$$Z_{eq2p.u} = \frac{Z_{actual}}{Z_{base}} = \frac{Z_{eq2}}{Z_{base}} \rightarrow Z_{eq2p.u} = \frac{0.0525 \angle 78.13^\circ}{0.72} = 0.0729 \angle 78.13^\circ \text{ Per unit}$$

بعد ما استخرجنا قيمة الممانعة بالبير يونت لل Secondary  
الآن بدنا نستخرج قيمة الممانعة بالبير يونت لل Primary

أعطانا بالسؤال قيمة الممانعة لل Secondary  
بعمل referred to primary

$$a = \frac{N_1}{N_2} = \frac{480}{120} = 4$$

$$Z_{eq1} = a^2 Z_{eq2} \rightarrow 4^2 \times 0.0525 \angle 78.13^\circ = 0.84 \angle 78.13^\circ \Omega$$

معني قيمة الممانعة لل Primary واللي هي Actual value  
وبدي قيمة ال Base عشان أقدر أحصل قيمة الممانعة بالبير يونت.

$$Z_{base1} = \frac{V_{base1}^2}{S_{base}} \rightarrow Z_{base1} = \frac{480^2}{20 \text{ k}} = 11.52 \Omega$$

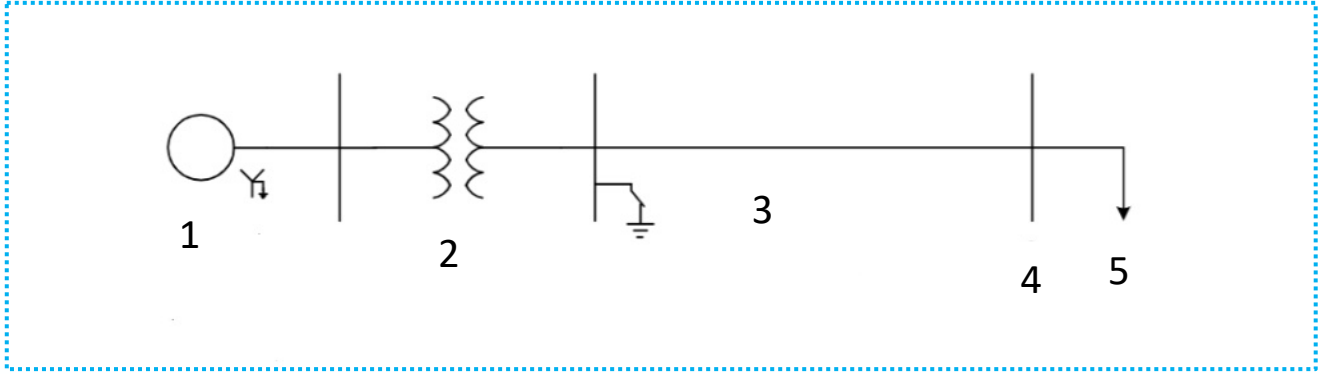
$$Z_{eq1p.u} = \frac{Z_{actual}}{Z_{base}} = \frac{Z_{eq1}}{Z_{base}} \rightarrow Z_{eq2p.u} = \frac{0.84 \angle 78.13^\circ}{11.52} = 0.0729 \angle 78.13^\circ \text{ Per unit}$$

### ملاحظات:

$S_{base}$  هي نفسها لجميع النظام لا تتغير أبدا.  
 $Z_{eq2p.u} = Z_{eq1p.u}$  أيضا ما بتتغير.

بعد ما اعرفنا كيف بنحل محول أحادي الطور باستخدام ال Per unit  
عنا إشي اسمه One line diagram بنلجأ لل Per unit لحله.

- One line diagram



1- Generator (توليد).

2- Transformer step up: Chang the voltage level.

3- Transmission line (خط النقل).

4- Bus: Interconnection two different element (similar to node in circuit).

5- Load.

Bus

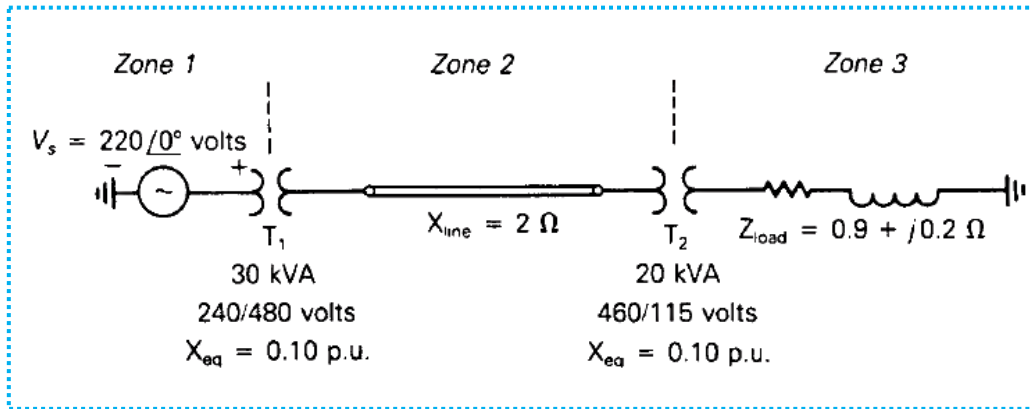
بوصل بين عنصرين زي مبدأ ال Node بالدارة.

بعد ما اعرفنا أجزاءه صار الوقت نحل عليه مثال لكن قبل المثال في شغلة لازم نعرفها، احنا متعودين نستخرج الممانعة إذا طلبها بالبير يونت بالطريقة التقليدية لكن هون بعطينا ممانعة جاهزة بالبير يونت وبطلب البير يونت الجديدة لها بالتالي راح نستخدم القانون التالي لإيجادها:

$$Z_{p.u.new} = Z_{p.u.old} \left( \frac{S_{base\ new}}{S_{base\ old}} \right) \left( \frac{V_{base\ old}}{V_{base\ new}} \right)^2$$

## Example 3.4

Three zones of a single-phase circuit are identified in Figure. The zones are connected by transformers T1 and T2, whose ratings are also shown. Using base values of 30 kVA and 240 volts in zone 1, draw the per-unit circuit and determine the per-unit impedances and the per-unit source voltage. Then calculate the load current both in per-unit and in amperes. Transformer winding resistances and shunt admittance branches are neglected.



بداية لازم نعرف إنه هاي عبارة سيركت لكن على شكل One line diagram

بالحل بنقسم هاي السيركت لمناطق وباخذ قيم كل منطقة وبوجد المطالب اللي طالبها السؤال يعني بحل كل منطقة لحالها.

السؤال طالب رسم دائرة البير يونت للنظام بأكمله يعني راح أشتغل على منطقة منطقة، وطالب أيضا قيم الممانعة بالبير يونت وقيم الجهد وقيمة التيار الفعلي والبير يونت على الحمل اللي هو بالمنطقة الثالثة

Sol:

أعطانا بالسؤال  $S_{base}$  وحكينا إنها ما بتتغير ثابتة لكل النظام  
أعطانا أيضا  $V_{base}$  للمنطقة الأولى فقط يعني ما بستخدمها للمناطق الثانية.

**Generator**

$$V_{p.u} = \frac{V_{actual}}{V_{base}} = \frac{220}{240} = 0.9167 \text{ Per unit}$$

**Zone 1**  $\longrightarrow$   $V_{base1} = 240 \text{ V}$   $S_{base} = 30 \text{ kVA}$

بالمنطقة الأولى بدنا نستخرج الجهد والممانعة Per unit  
لو نلاحظ أعطاني قيمة  $X_{eq}$  لكن هاي قيمة قديمة ما بتصلح لدارة البير يونت  
فلازم أوجد القيمة الجديدة من القانون اللي ذكرناه بالأعلى

$$Z_{base} = \frac{V_{base}^2}{S_{base}} = \frac{240^2}{30 \text{ k}} = 1.92 \Omega$$

$$Z_{p.u.new} = Z_{p.u.old} \left( \frac{S_{base new}}{S_{base old}} \right) \left( \frac{V_{base old}}{V_{base new}} \right)^2 \longrightarrow$$

كل المعلومات استخرجتهم من الرسمة.

$$X_{T1p.u.new} = 0.1 \left( \frac{30 \text{ kVA}}{30 \text{ kVA}} \right) \left( \frac{240}{240} \right)^2 = 0.10 \text{ Per unit}$$

**Zone 2**  $\longrightarrow$   $S_{base} = 30 \text{ kVA}$

حكينا  $S_{base} = 30 \text{ kVA}$  ما بتتغير  
المعطاة بالسؤال ما بتكون صالحة للمناطق الأخرى فلازم أستخرجها.

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{V_{base1}}{V_{base2}} \rightarrow V_{base2} = \frac{V_2}{V_1} \times V_{base1}$$

$$V_{base2} = \frac{480}{240} \times 240 = 480 \text{ V}$$

بعد ما استخرجنا قيمة  $V_{base2}$  بدنا نستخرج قيمة الممانعة بالبير يونت.

$$Z_{p.u.2} = \frac{Z_{actual}}{Z_{base}} \longrightarrow$$

قيمة ال Actual أعطاني إياها بالرسمة  
أما ال Base بستخرجها من خلال المعطيات الموجودة

$$Z_{\text{base2}} = \frac{V_{\text{base2}}^2}{S_{\text{base}}} \rightarrow Z_{\text{base2}} = \frac{480^2}{30 \text{ k}} = 7.68 \Omega$$

$$X_{\text{p.u.}} = \frac{X_{\text{actual}}}{X_{\text{base}}} = \frac{2}{7.68} = 0.2604 \text{ Per unit}$$

**Zone 3**  $\longrightarrow$   $S_{\text{base}} = 30 \text{ kVA}$

أيضا هون تكرر للخطوات بالأعلى لكن هون طالب تيار الحمل اللي هو ال Actual و تيار البير يونت للحمل.

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{V_{\text{base2}}}{V_{\text{base3}}} \rightarrow V_{\text{base3}} = \frac{V_2}{V_1} \times V_{\text{base2}}$$

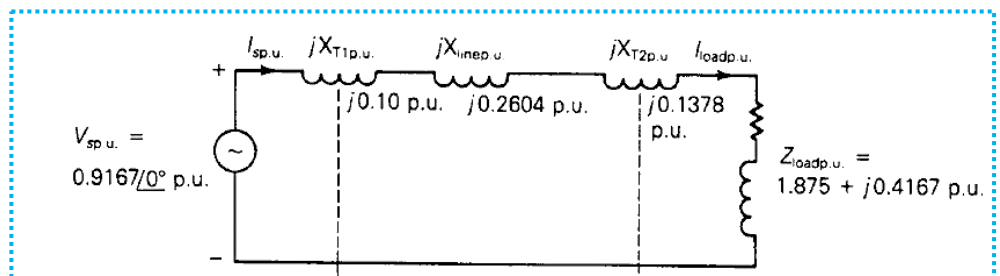
$$V_{\text{base3}} = \frac{115}{460} \times 480 = 120 \text{ V}$$

$$Z_{\text{base3}} = \frac{V_{\text{base3}}^2}{S_{\text{base}}} \rightarrow Z_{\text{base3}} = \frac{480^2}{30 \text{ k}} = 0.48 \Omega$$

$$Z_{\text{load p.u.}} = \frac{Z_{\text{actual}}}{Z_{\text{base}}} = \frac{0.9 + j0.2}{0.48} = 1.875 + j0.4167 \text{ Per unit}$$

$$Z_{\text{p.u.new}} = Z_{\text{p.u.old}} \left( \frac{S_{\text{base new}}}{S_{\text{base old}}} \right) \left( \frac{V_{\text{base old}}}{V_{\text{base new}}} \right)^2$$

$$X_{\text{T1p.u.new}} = 0.1 \left( \frac{30 \text{ kVA}}{20 \text{ kVA}} \right) \left( \frac{115}{120} \right)^2 = 0.1378 \text{ Per unit}$$



بعد ما استخراجنا قيم الممانعات ورسمنا دائرة البير يونت بدنا نستخرج قيمة التيار

$$I_{\text{load p.u}} = \frac{I_{\text{actual}}}{I_{\text{base3}}}$$

$$I_{\text{base3}} = \frac{S_{\text{base}}}{V_{\text{base3}}} = \frac{20 \text{ k}}{120} = 250 \text{ A}$$

استخرجنا قيمة تيار ال Base وبنقدر نستخرج تيار البير يونت معي الدارة كاملة بمشي KVL لاستخراج تيار البير يونت.

$$I_{\text{loadp.u}} = I_{\text{p.u}} = \frac{V_{\text{p.u}}}{Z_{\text{eq.p.u}}} = \frac{V_{\text{p.u}}}{Z_{\text{load}} + j(X_{T1\text{p.u}} + X_{T2\text{p.u}} + X_{\text{line}})}$$

$$I_{\text{loadp.u}} = \frac{0.9167}{1.875 + j0.4167 + j(0.10 + 0.2604 + 0.1378)}$$

$$I_{\text{loadp.u}} = 0.4395 \angle -26.01^\circ \text{ Per unit}$$

$$I_{\text{load p.u}} = \frac{I_{\text{actual}}}{I_{\text{base3}}} \rightarrow I_{\text{actual}} = I_{\text{load p.u}} \times I_{\text{base3}}$$

$$I_{\text{actual}} = 0.4395 \angle -26.01^\circ \times 250 = 109.9 \angle -26.01^\circ \text{ A}$$

كل اللي أخذناه بالبير يونت كان على نظام أحادي الطور الآن بدنا ننتقل لنظام ثلاثي الطور ونتعرف على قوانينه بالبير يونت.

$$V_{\text{baseLN}} = \frac{V_{\text{baseLL}}}{\sqrt{3}}$$

$$I_{\text{base}} = \frac{S_{\text{base3}\phi}}{\sqrt{3}V_{\text{baseLL}}}$$

$$Z_{\text{base}} = \frac{V_{\text{baseLN}}}{I_{\text{base}}} = \frac{V_{\text{baseLL}}^2}{S_{\text{base3}\phi}}$$

LN → Line to neutral

LL → Line to line

## Example 3.5

A balanced Y-connected voltage source with  $E_{ab} = 480\angle 0^\circ$  V is applied to a balanced-D load with  $Z_{\Delta} = 30\angle 40^\circ \Omega$ . The line impedance between the source and load is  $Z_{\text{Line}} = 1\angle 85^\circ \Omega$  for each phase. Calculate the per-unit and actual current in phase a of the line using  $S_{\text{base}3\phi} = 10$  kVA and  $V_{\text{baseLL}} = 480$  volts.

Sol:

$$S_{\text{base}3\phi} = 10 \text{ kVA} , V_{\text{baseLL}} = 480 \text{ volts}$$

بدايةً نلاحظ إنه شباك المصدر Y بحمل على شكل Delta لكن بينهم  $Z_{\text{Line}}$  فبحول شكل الدارة ل Y-Y

$$Z_Y = \frac{Z_{\Delta}}{3} = \frac{30\angle 40^\circ}{3} = 10\angle 40^\circ \Omega$$

بعد ما حولناها كل شيء جاهز عنا وطالب بالسؤال التيار اللين الفعلي تيار البير يونت.  
طيب إحنا كنا نحل هاي الدارة كأنها Single circuit بالتالي لازم أوجد الممانعات بالبير يونت.

$$Z_{\text{base}} = \frac{V_{\text{base}}^2}{S_{\text{base}}} = \frac{480^2}{10 \text{ k}} = 23.04 \Omega$$

$$Z_{\text{load p.u}} = \frac{Z_{\text{actual}}}{Z_{\text{base}}} = \frac{Z_L}{Z_{\text{base}}} = \frac{1\angle 85^\circ}{23.04} = 0.04340\angle 85^\circ \text{ Per unit}$$

$$Z_{Y \text{ p.u}} = \frac{Z_{\text{actual}}}{Z_{\text{base}}} = \frac{Z_Y}{Z_{\text{base}}} = \frac{10\angle 40^\circ}{23.04} = 0.4340\angle 40^\circ \text{ Per unit}$$

بعد ما استخرجنا قيم الممانعات تبقى عنا الجهد عشان تكمل دارة البير يونت وأقدر أحصل التيار.



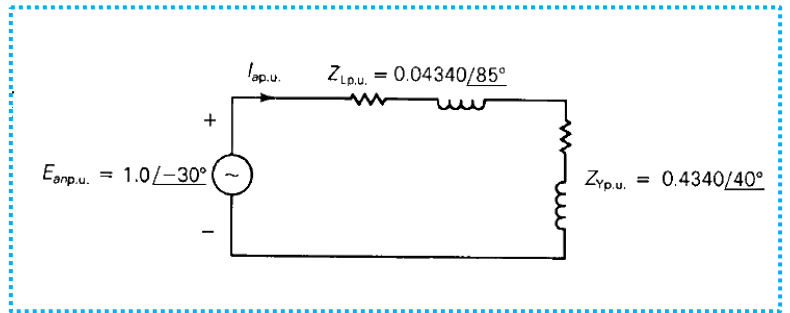
الجهد بدني إياه جهد الفاز وهون أعطاني جهد الخط بحوله باستخدام القوانين اللي أخذناهم سابقا.

$$V_{ab} = \sqrt{3} V_{an} \angle 30^\circ \rightarrow V_{an} = \frac{V_{ab} \angle -30^\circ}{\sqrt{3}} = \frac{480 \angle -30^\circ}{\sqrt{3}}$$

$$V_{an} = 277 \angle -30^\circ \text{ V}$$

$$V_{\text{baseLN}} = \frac{V_{\text{baseLL}}}{\sqrt{3}} \rightarrow V_{\text{baseLN}} = \frac{480}{\sqrt{3}} = 277 \text{ V}$$

$$V_{\text{anp.u}} = \frac{V_{\text{actual}}}{V_{\text{base}}} = \frac{277 \angle -30^\circ}{277} = 1 \angle -30^\circ \text{ Per unit}$$



بعد ما استخرجنا قيم الممانعات ورسمنا دارة البير يونت بدنا نستخرج قيمة التيار

$$I_{\text{base}} = \frac{S_{\text{base3}\phi}}{\sqrt{3} V_{\text{baseLL}}} = \frac{10 \text{ k}}{\sqrt{3} (480)} = 12.03 \text{ A}$$

$$I_{\text{p.u}} = \frac{V_{\text{anp.u}}}{Z_{\text{eq.p.u}}} = \frac{V_{\text{p.u}}}{Z_{Yp.u} + Z_{Lp.u}}$$

$$I_{\text{loadp.u}} = \frac{1 \angle -30^\circ}{0.4340 \angle 40^\circ + 0.04340 \angle 85^\circ} = 2.147 \angle -73.78^\circ \text{ Per unit}$$

$$I_{\text{p.u}} = \frac{I_{\text{actual}}}{I_{\text{base}}} \rightarrow I_{\text{actual}} = I_{\text{lp.u}} \times I_{\text{base}}$$

$$I_{\text{actual}} = 2.147 \angle -73.78^\circ \times 12.03 = 25.83 \angle -73.78^\circ \text{ A}$$

$$I_{\text{actual}} = I_{\text{line}}$$

لأنهم على التوالي

## 3.4 THREE-PHASE TRANSFORMER CONNECTIONS AND PHASE SHIFT

درسنا بالسكن الماضي محول أحادي الطور واعرنا طرق حله سواء الطرق العادية أو بالبير يونت الآن بدنا نتعرف على محول ثلاثي الطور ونعرف أشكال كل توصيلة.

**معلومة:**

الكتاب رامز للجهد العالي H

والجهد المنخفض X

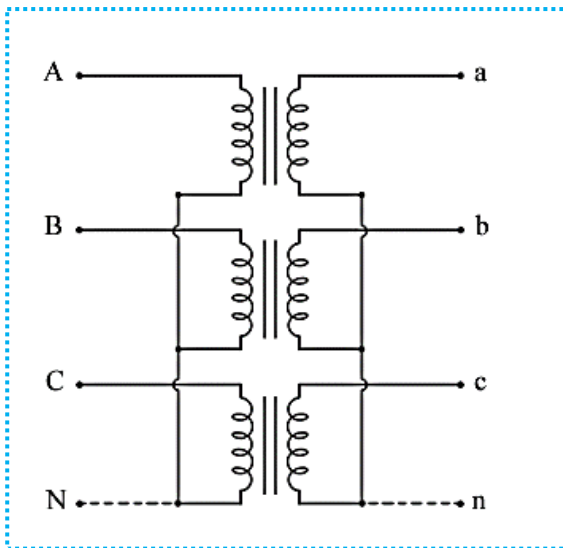
1- Wye

2- Delta

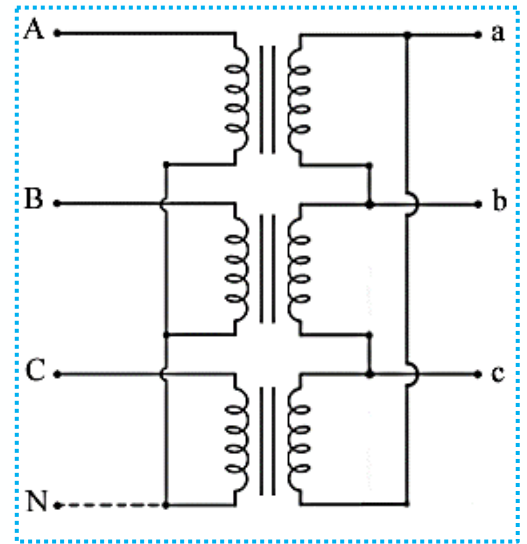
حكينا عن كل توصيلة واعرنا خصائص كل وحدة وزى ما بنلاحظ هناك فرق بالطور مقداره 120 بين أي مرحلتين.

ممكن توصيل لفات المحول ثلاثية الطور في تكوينات ومختلفة وهم:

1- Wye-Wye

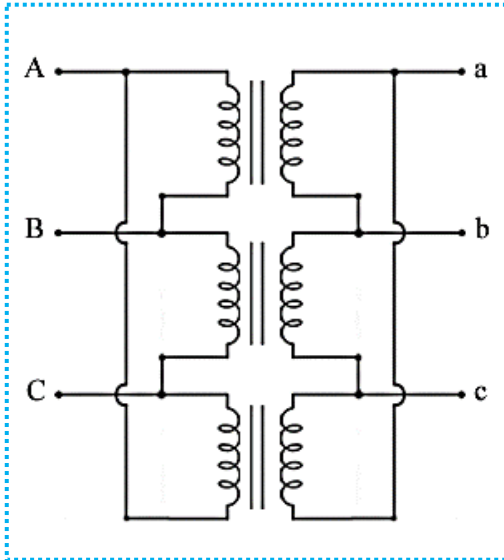


2- Wye-Delta

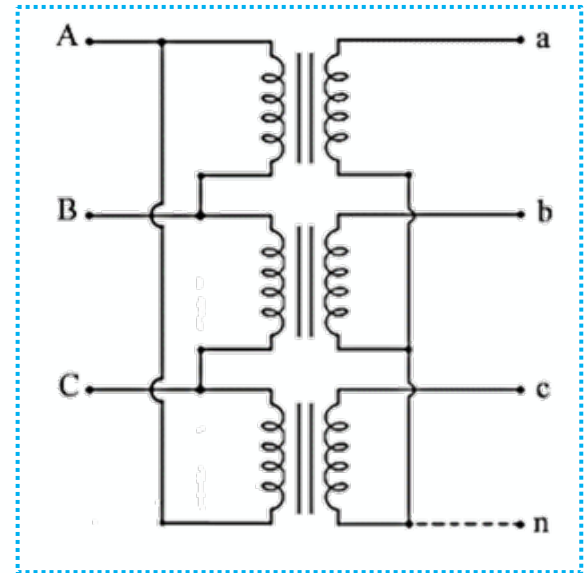


التوصيلة Wye بتكون متصلة مع خط Neutral

## 3- Delta- Delta

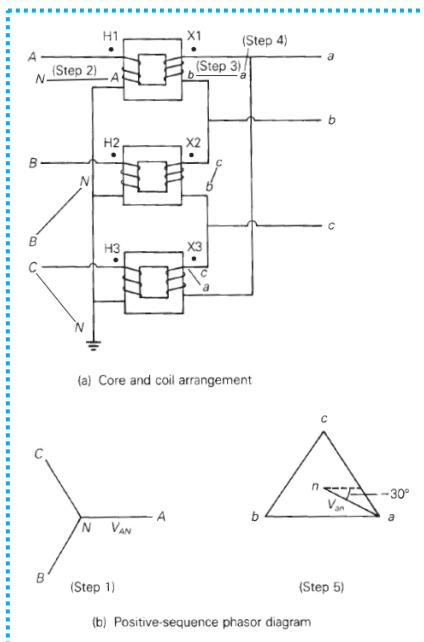


## 4- Delta-Wye



بعد ما اعرفنا التوصيلات وأشكالهم في مجموعة قواعد لازم نعرفهم:

- With the American Standard notation, in either Y–Delta OR Delta-Y transformer, positive sequence quantities on the high-voltage side shall lead their corresponding quantities on the low-voltage side by  $30^\circ$ .



بتوصيلة دلتا واي أو واي دلتا يكون عنا فيز شيفت مقداره  $30^\circ$

- In either Y–Delta OR Delta–Y transformer, as per the American Standard notation, the negative-sequence phase shift is the reverse of the positive-sequence phase shift.

- The Y–Y transformer is seldom used because of difficulties with third harmonic exciting current.

توصيلة Y-Y نادرة الإستخدام لوجود عدة مشاكل فيها ومع وجود الحلول لكنها نادرة الإستخدام.

- The Delta–Delta transformer has the advantage that one phase can be removed for repair or maintenance while the remaining phases continue to operate as a three-phase bank. This open-Delta connection permits balanced three-phase operation with the kVA rating reduced to 58% of the original bank.

بتوصيلة الدلتا لو صار عندي عطل في مرحل من مراحل وبدي أعمل صيانة وأزلت هاي المرحلة، المراحل الباقية ما بتتأثر أبدا بتكمل عملها كنظام ثلاثي الطور لكن بصير عندي خفض بقيمة نقل البور بمقدار 58% عن المقدار الأصلي.

### 3.5 PER-UNIT EQUIVALENT CIRCUITS OF BALANCED THREE-PHASE TWO-WINDING TRANSFORMERS

درسنا البير يونت لمحول أحادي الطور والأن بدنا ندرسه لنظام ثلاثي الطور وما بختلفوا عن بعض بالقواعد لكن للتذكير سيتم ذكرهم مرة أخرى.

- balanced three-phase circuits can be solved in per unit on a per-phase basis after converting Delta-load impedances to equivalent Y impedances

بعد تحويل الممانعات من دلتا ل واي ممكن أحل كل مرحلة.

- Base values can be selected either on a per-phase basis or on a three-phase basis.

$$S_{\text{base}3\Phi} = 3 S_{\text{base}1\Phi} \quad \leftarrow \text{كمثال}$$

- A common S base is selected for both the H and X terminals.
- The ratio of the voltage bases  $V_{baseH}/V_{baseX}$  is selected to be equal to the ratio of the rated line-to-line voltages  $V_{ratedHLL} = V_{ratedXLL}$ .
- The per-unit equivalent circuit of the Y–Delta transformer, includes a phase shift.
- The per-unit equivalent circuit of the Delta–Delta transformer is the same as that of the Y–Y transformer. It is assumed that the windings are labeled so there is no phase shift.

### Example 3.7

Three single-phase two-winding transformers, each rated 400 MVA, 13.8/199.2 kV, with leakage reactance  $X_{eq} = 0.10$  per unit, are connected to form a three-phase bank. Winding resistances and exciting current are neglected. The high-voltage windings are connected in Y. A three-phase load operating under balanced positive-sequence conditions on the high-voltage side absorbs 1000 MVA at 0.90 p.f. lagging, with  $V_{AN} = 199.2 \angle 0^\circ \text{ kV}$ . Determine the voltage  $V_{an}$  at the low-voltage bus if the low-voltage windings are connected (a) in Y, (b) in D.

محول ثلاثي الطور لفاته عالية الجهد متصلة على شكل واي وأعطاني معلومات وطالب جهد اللفات المنخفض لتوصيلة واي ودلتا.

Sol:

$$S_{base} = 400 \text{ MVA} \rightarrow S_{base3\Phi} = 1200 \text{ MVA}$$

$$V_{baseload} = 199.2 \text{ kV}$$

$$V_{baseHLL} = \sqrt{3} \times 199.2 = 345 \text{ kV} \longrightarrow$$

ذاكر بالسؤال إنه الجهد العالي توصيلته Y

واعطاني إياها Line to neutral

بحولها Line to line

$$V_{ANp.u} = \frac{V_{actual}}{V_{base}} = \frac{199.2 \angle 0^\circ}{199.2} = 1 \angle 0^\circ \text{ Per unit}$$

$$I_{p.u} = \frac{I_{actual}}{I_{base}}$$

تيار ال Actual هو تيار الحمل يستخرجه من المعلومات المعطاة للحمل بالسؤال

$$I_{actual} = \frac{S^*}{\sqrt{3}V_{baseLL}} = \frac{1000 \text{ k} \angle -\cos^{-1}(0.9)}{\sqrt{3} \times 345} = 1.67347 \angle -25.84^\circ \text{ kA}$$

$$I_{baseH} = \frac{S_{base3\phi}}{\sqrt{3}V_{baseLL}} = \frac{1200}{\sqrt{3} \times 345} = 2.008 \text{ kA}$$

$$I_{p.u} = \frac{1.673 \angle -25.84^\circ}{2.008} = 0.8333 \angle -25.84^\circ \text{ Per unit}$$

a) For the Y-Y transformer

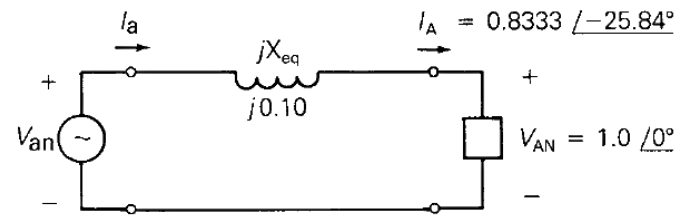
$$V_{an} = V_{AN} + (jX_{eq})I_A$$

$$V_{an} = 1 + (j0.1) \times (0.8333 \angle -25.84^\circ)$$

$$V_{an} = 1.039 \angle 4.139^\circ$$

هو طالبا عند الجهد المنخفض واحنا أوجدناها عند الجهد العالي.

حكيها هون بحلها كدارة Single circuit



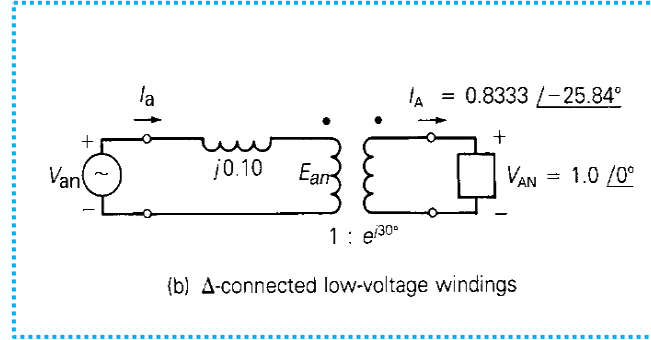
(a) Y-connected low-voltage windings

$$V_{actual} = V_{base} \times V_{p.u}$$

$$V_{actual} = 13.8 \text{ k} \times 1.039 \angle 4.139^\circ = 14.34 \angle 4.139^\circ \text{ kV}$$

b) For the Delta – Y transformer

حكيما لما تكون عندي التوصيلة Delta-Y يكون عندي Phase shift



كقيم نفس قيم توصيلة Y-Y لكن عندي Phase shift بمقدار -30 درجة

$$E_{an} = e^{-j30^\circ} \times V_{AN} = e^{-j30^\circ} \times 1 \angle 0^\circ = 1 \angle -30^\circ \text{ Per unit}$$

$$I_a = e^{-j30^\circ} \times I_A = e^{-j30^\circ} \times 0.8333 \angle -25.84^\circ = 0.8333 \angle -55.84^\circ \text{ Per unit}$$

$$V_{an} = E_{an} + (jX_{eq})I_a$$

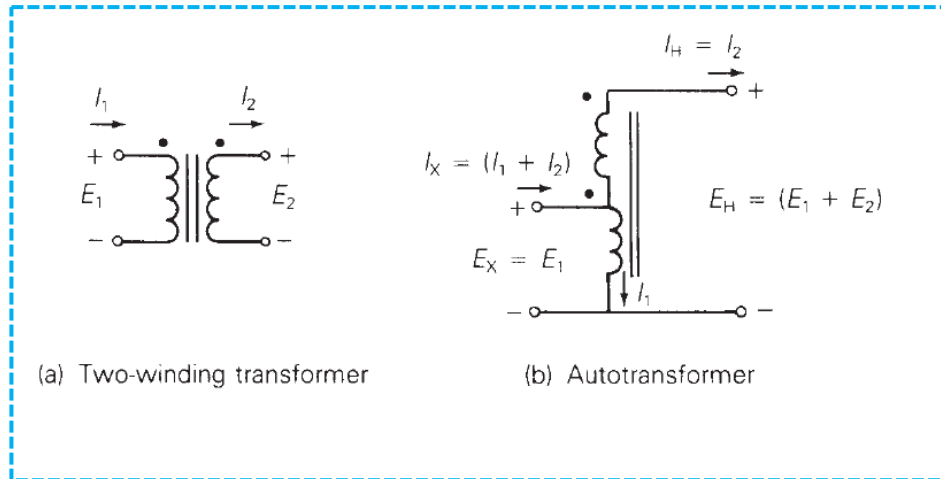
$$V_{an} = 1 \angle -30^\circ + (j0.1)0.8333 \angle -55.84^\circ = 1.039 \angle -25.861^\circ \text{ Per unit}$$

$$V_{\text{actual}} = V_{\text{base}} \times V_{\text{p.u}}$$

$$V_{\text{actual}} = \frac{13.8 \text{ k}}{\sqrt{3}} \times 1.039 \angle -25.861^\circ = 8.278 \angle -25.861^\circ \text{ kV}$$

## 3.7 AUTOTRANSFORMERS

هذا السكشن إعادة لما تم أخذه في مادة الماشين لا شيء جديد.



- the autotransformer (with not too large turns ratio) is smaller in size than a two-winding transformer and has high efficiency as well as superior voltage regulation. **(advantage)**
- The direct electrical connection of the windings allows transient over voltages to pass through the autotransformer more easily. **(disadvantage)**

### Example 3.11

The single-phase two-winding 20-kVA, 480/120-volt transformer of Example (3.3) is connected as an autotransformer, where winding 1 is the 120-volt winding. For this autotransformer, determine (a) the voltage ratings  $E_X$  and  $E_H$  of the low- and high-voltage terminals, (b) the kVA rating, and (c) the per-unit leakage impedance.



Sol:

a) the voltage ratings  $E_X$  and  $E_H$  of the low- and high-voltage terminals.

$$E_X = E_1 = 120 \text{ V}$$

$$E_H = E_1 + E_2 = 120 + 480 = 600 \text{ V}$$

b) the kVA rating.

$$I_2 = I_H = \frac{S}{V} = \frac{20000}{480} = 41.667 \text{ A}$$

$$S_H = E_H I_H = 41.667 \times 600 = 25 \text{ kVA}$$

c) the per-unit leakage impedance.

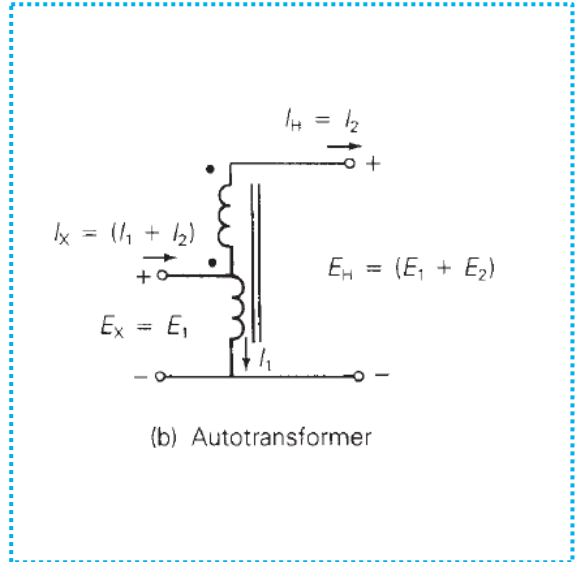
$$0.0729 \angle 78.13^\circ \longrightarrow$$

ذكر بالسؤال بالرجوع إلى مثال 3.3 وبالمثال أعطاني الممانعة ف بدي أطلع الممانعة الجديد.

$$Z_{\text{baseHold}} = \frac{|V|^2}{S} = \frac{480^2}{20000} = 11.52 \Omega \longrightarrow \text{As normal transformer}$$

$$Z_{\text{baseHnew}} = \frac{|V|^2}{S} = \frac{600^2}{25000} = 14.4 \Omega \longrightarrow \text{As auto transformer}$$

$$Z_{\text{p.unew}} = 0.0729 \angle 78.13^\circ \times \frac{11.52}{14.4} = 0.05832 \angle 78.13^\circ \text{ Per unit}$$



## Problems Ch3

3.4) A single-phase 100-kVA, 2400/240-volt, 60-Hz distribution transformer is used as a step-down transformer. The load, which is connected to the 240-volt secondary winding, absorbs 80 kVA at 0.8 power factor lagging and is at 230 volts. Assuming an ideal transformer, calculate the following: (a) primary voltage, (b) load impedance, (c) load impedance referred to the primary, and (d) the real and reactive power supplied to the primary winding.

محول مثالي أعطاني عدد اللفات وذكر إنه في حمل وأعطاني معلومات عنه.

Sol:

a) primary voltage

$$a = \frac{N_1}{N_2} = \frac{2400}{240} = 10$$

$$E_1 = aE_2 = 10 \times 230 = 2300 \text{ V}$$

b) load impedance

معى الجهد والبور والزاوية يستخرج الممانعة من القانون التالي:

$$S = \frac{|V|^2}{Z^*} \rightarrow Z = \frac{|V|^2}{S^*}$$

$$Z = \frac{230^2}{80 \times 10^3 \angle -\cos^{-1}(0.8)} = 0.529 + j0.397 \Omega$$

c) load impedance referred to the primary.

$$Z_1 = a^2 Z_2 = 100 \times (0.529 + j0.397) = 66.13 \angle 36.87^\circ \Omega$$

d) the real and reactive power supplied to the primary winding.

بالمحول المثالي ما عدا فقدان للبور بالتالي البور الداخلة نفسها الخارجة ومعنا البور على جهة الحمل.

$$S = 80 \times 10^3 \angle \cos^{-1}(0.8) = 80 \times 10^3 \angle 36.87^\circ \text{ VA}$$

$$S = 64000 + j48000 \text{ VA}$$

$$P_{\text{primary}} = P_{\text{secondary}} = 64 \text{ kW}$$

$$Q_{\text{primary}} = Q_{\text{secondary}} = 48 \text{ kVAR}$$

3.10) A single-phase step-down transformer is rated 15 MVA, 66 kV/11.5 kV. With the 11.5 kV winding short-circuited, rated current flows when the voltage applied to the primary is 5.5 kV. The power input is read as 100 kW. Determine  $R_{\text{eq1}}$  and  $X_{\text{eq1}}$  in ohms referred to the high-voltage winding.

طالب منا نستخدم Short test لنستخرج قيمة المقاومة والملف.

وفي إرجاع للجهد العالي يعني راح يكونوا بجهة Primary

Sol:

في Shor test يستخرج قيمة تيار ال Rated من المعلومات المعطاة بالسؤال.

$$I_{1\text{rated}} = \frac{S_{\text{rated}}}{V_{\text{rated}}} = \frac{15 \text{ M}}{66 \text{ k}} = 227.3 \text{ A}$$

معي التيار وأعطاني البور يستخرج المقاومة.

$$P_1 = I^2 R \rightarrow R = \frac{P_1}{I^2}$$

$$R = \frac{100 \text{ k}}{(227.3)^2} = 1.94 \Omega$$

استخرجنا أول جزء من أجزاء الممانعة لكن الملف ما عندي أي معلومة تساعدني أستخرجه من خلالها بس أعطاني الجهد ومعني التيار يستخرج من خلالهم قيمة الممانعة.

$$|Z_1| = \frac{V_1}{I_{1\text{rated}}} = \frac{5.5 \text{ k}}{227.3} = 24.2 \Omega$$

$$Z_{1\text{eq}} = R_{1\text{eq}} + jX_{1\text{eq}}$$

$$|Z_{1\text{eq}}| = \sqrt{R_{1\text{eq}}^2 + X_{1\text{eq}}^2}$$

$$X_{1\text{eq}} = \sqrt{Z_{1\text{eq}}^2 - R_{1\text{eq}}^2} \rightarrow X_{1\text{eq}} = \sqrt{24.2^2 - 1.94^2} = 24.12 \Omega$$

$$Z_{1\text{eq}} = 1.94 + j24.12 \Omega$$

3.49) Consider the single-line diagram of a power system shown in Figure 3.42 with equipment

ratings given below:

Generator G1: 50 MVA, 13.2 kV,  $x = 0.15 \text{ pu}$

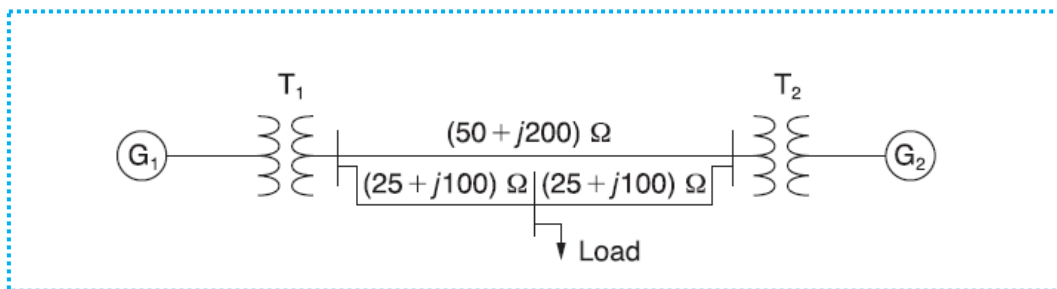
Generator G2: 20 MVA, 13.8 kV,  $x = 0.15 \text{ pu}$

three-phase Delta–Y transformer T1: 80 MVA, 13.2 D/165 Y kV,  $x = 0.1 \text{ pu}$

three-phase Y–Delta transformer T2: 40 MVA, 165 Y/13.8 Delta kV,  $x = 0.1 \text{ pu}$

Load: 40 MVA, 0.8 p.f. lagging, operating at 150 kV

Choose a base of 100 MVA for the system and 132-kV base in the transmission-line circuit. Let the load be modeled as a parallel combination of resistance and inductance. Neglect transformer phase shifts. Draw a per-phase equivalent circuit of the system showing all impedances in per unit.



Sol:

بداية بسؤال One line diagram بقسمه لمناطق

بشوف شو أعطاني معلومات بالسؤال وبيبدأ حل من المنطقة الأولى لأخر منطقة  
وبستخرج معلومات كل منطقة.

$$V_{base2} = 132 \text{ kV} \quad S_{base} = 100 \text{ MVA}$$

حكيينا  $S_{base}$  ما بتتغير بتبقى ثابتة لكل السؤال.  
لكن  $V_{base}$  بتتغير وهو أعطانا إياها للخط مش للمنطقة الأولى.  
فلازم نستخرج  $V_{base}$  للمنطقة الأولى.

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{V_{base1}}{V_{base2}} \rightarrow V_{base1} = \frac{V_1}{V_2} \times V_{base2}$$

$$V_{base1} = \frac{13.2 \text{ k}}{165 \text{ k}} \times 132 \text{ k} = 10.56 \text{ kV}$$

صار معي قيمة  $V_{base1}$  بستخرج معلومات المنطقة الأولى

Generator 1

$$Z_{p.u.new} = Z_{p.u.old} \left( \frac{S_{base\ new}}{S_{base\ old}} \right) \left( \frac{V_{base\ old}}{V_{base\ new}} \right)^2$$

$$X_{T1p.u.new} = j0.15 \left( \frac{100}{50} \right) \left( \frac{13.2}{10.65} \right)^2 = j0.4688 \text{ Per unit}$$

Zone 1 (T1)

$$Z_{p.u.new} = Z_{p.u.old} \left( \frac{S_{base\ new}}{S_{base\ old}} \right) \left( \frac{V_{base\ old}}{V_{base\ new}} \right)^2$$

$$X_{T1p.u.new} = j0.1 \left( \frac{100}{80} \right) \left( \frac{13.2}{10.65} \right)^2 = j0.1953 \text{ Per unit}$$

## Zone 2 (transmission-line)

عشان أستخرج ممانعة الخط بالبير يونت بلزمني Zbase

$$Z_{\text{baseline}} = \frac{V_{\text{base2}}^2}{S_{\text{base}}} \rightarrow Z_{\text{base2}} = \frac{132^2}{100} = 174.24 \Omega$$

$$Z_{\text{p.u line1}} = \frac{Z_{\text{actual}}}{Z_{\text{base}}} = \frac{50 + j200}{174.24} = 0.287 + j1.1478 \text{ Per unit}$$

$$Z_{\text{p.u line2}} = \frac{Z_{\text{actual}}}{Z_{\text{base}}} = \frac{25 + j100}{174.24} = 0.1435 + j0.5739 \text{ Per unit}$$

## Zone 2 (T2)

$$Z_{\text{p.u.new}} = Z_{\text{p.u.old}} \left( \frac{S_{\text{base new}}}{S_{\text{base old}}} \right) \left( \frac{V_{\text{base old}}}{V_{\text{base new}}} \right)^2$$

$$X_{T2\text{p.u.new}} = j0.1 \left( \frac{100}{40} \right) \left( \frac{165}{132} \right)^2 = j0.3906 \text{ Per unit}$$

## Zone 3

أعطاني معلومات عن الحمل بدي أستخرج قيمة المقاومة والملف وأحولهم للبير يونت.

Load: 40 MVA, 0.8 p.f. lagging, operating at 150 kV

$$S = 40 \text{ MVA} \angle \cos^{-1}(0.8) = 32 + j24 \text{ MVA}$$

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow R = \frac{V^2}{P}$$

$$R = \frac{V^2}{P} = \frac{150^2}{32} = 703.1\Omega$$

$$Q = \frac{V^2}{X} \rightarrow X = \frac{V^2}{Q}$$

$$R = \frac{V^2}{P} = \frac{150^2}{24} = 937.5\Omega$$

$$Z_{p.u} = \frac{Z_{actual}}{Z_{base}} = \frac{703.1}{174.24} = 4.035 \text{ Per unit}$$

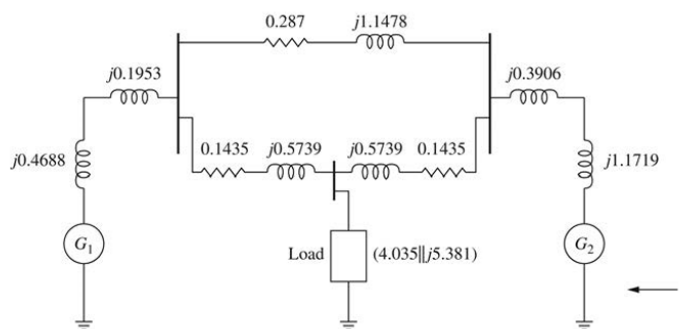
$$Z_{p.u} = \frac{Z_{actual}}{Z_{base}} = \frac{937.5}{174.24} = 5.381 \text{ Per unit}$$

$$Z_{load} = R//jX$$

## Generator 2

$$Z_{p.u.new} = Z_{p.u.old} \left( \frac{S_{base\ new}}{S_{base\ old}} \right) \left( \frac{V_{base\ old}}{V_{base\ new}} \right)^2$$

$$X_{T1p.u.new} = j0.15 \left( \frac{100}{20} \right) \left( \frac{165}{132} \right)^2 = j1.1719 \text{ Per unit}$$



Impedance diagram of the system with pu values

## Ch4 TRANSMISSION LINE

شرحنا بالسابق شابتير 2 و 3 وكانوا تقريبا مراجعة لمادة سيركت 2 ومادة الماشين ومعلومات كلنا على معرفة فيها من قبل.

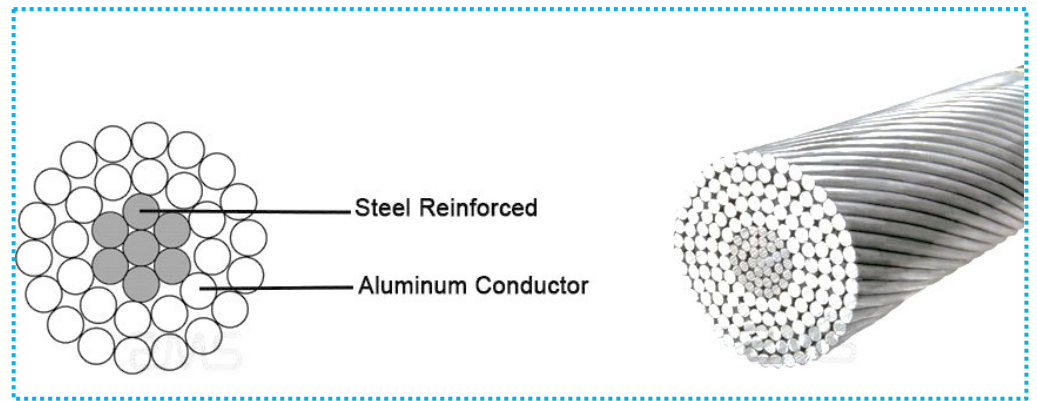
بشابتير 4 سنتحدث عن كيفية تمثيل ال Transmission line بمقاومة ومحث ومواسع على مثال لو كان عندي دائرة فيها مصدر جهد وحمل وما بينهم خط هذا الخط كيف بدي أعمله دائرة مكافئة وهذا راح اللي راح نعرفه بالشابتير. بداية في مجموعة كونسبت بدنا نتعرف عليهم وأغلب هذا الشابتير كونسبت.

### 4.1 TRANSMISSION LINE DESIGN CONSIDERATIONS

An overhead transmission line consists of conductors, insulators, support structures, and, in most cases, shield wires.

- One of the most common conductor types is aluminum conductor steel-reinforced (ACSR).

من أشهر أنواع الموصلات استخداما



- The use of steel strands gives ACSR conductors a high strength-to-weight ratio. For purposes of heat dissipation, overhead transmission-line conductors are bare (no insulating cover).



- Other conductor types:

1. all-aluminum conductor (AAC).
2. all aluminum-alloy conductor (AAAC).
3. aluminum conductor alloy-reinforced (ACAR).
4. aluminum-clad steel conductor (Alumoweld).
5. aluminum conductor steel supported (ACSS).
6. gap-type ZT-aluminum conductor (GTZACSR).
7. aluminum conductor carbon reinforced (ACFR)

- EHV lines often have more than one conductor per phase; these conductors are called a bundle.

الجهود التي يتكون أعلى من 230 بعمل على تقسيم الأسلاك ممكن أقسمهم لقسمين أو ثلاثة أو أربعة بحيث بدل ما يكون سلك واحد يصير على مثال سلكين ويمشوا مع بعض وهاي العملية تسمى **Bundling**

في لهذه العملية مميزات ومن هذه المميزات:

Bundle conductors have:

1. lower electric field strength at the conductor surfaces, thereby controlling corona.
2. reduce the effect of corona.
3. reduces the series reactance of the line by increasing the GMR of the bundle.

- Shield wires located above the phase conductors protect the phase conductors against lightning and grounded to the tower.
- Tower footing resistance can be reduced by using driven ground rods or a buried conductor called (counterpoise) running parallel to the line.
- Conductor spacings, types, and sizes also determine the series impedance and shunt admittance.
- Difference Between Aluminum and Copper Wire:

## Copper

1. has better conductivity.
2. more expensive.
3. less flexible.
4. has more tensile strength.

## Aluminum

1. less conductivity.
2. cheaper.
3. more flexible.
4. has less tensile strength.
5. light weight.

## 4.2 RESISTANCE

The dc resistance of a conductor at a specified temperature (T) is:

$$R_{dc} = \frac{\rho_T L}{A}$$

$\rho_T$  = conductor resistivity at temperature T

ثابت يعطى بالسؤال.

L = conductor length

A = conductor cross – sectional area

$$A = \frac{\pi}{4} d^2 \text{ sq mil}$$

$$A = d^2 \text{ cmil}$$

Conductor resistance depends on the following factors:

العوامل اللي بتتأثر أو بتعتمد عليها المقاومة.

1. Spiraling → جدلة الأسلاك تؤثر على الطول L

2. Temperature → تؤثر على  $\rho_T$

3. Frequency (skin effect) → تؤثر على المساحة وراح نتعرف شو التأثير وكيف في الفقرة القادمة.

4. Current magnitude—magnetic conductors.

- As frequency increases, the current in a solid cylindrical conductor tends to crowd toward the conductor surface, with smaller current density at the conductor center. This phenomenon is called (skin effect).

$$R_{ac} = \frac{P_{loss}}{I^2}$$

- For dc, the current distribution is uniform.
- For ac, the current distribution is nonuniform.
- The ac resistance is at most a few percent higher than the dc resistance.

## Example 4.1

Table A.3 lists a 4/0 copper conductor with 12 strands. Strand diameter is 0.3373 cm (0.1328 in.). For this conductor:

Verify the total copper cross-sectional area of  $107.2 \text{ mm}^2$  (211,600 cmil in the table).

b. Verify the dc resistance at  $50 \text{ }^\circ\text{C}$  of  $0.1876 \text{ } \Omega/\text{km}$  or  $0.302 \text{ } \Omega/\text{mi}$ . Assume a 2% increase in resistance due to spiraling.

c. From Table A.3, determine the percent increase in resistance at 60 Hz versus dc.

Sol:

بشاطر 4 بنلجاً لاستخدام جدولين في الحل.

في حال ذكر بالسؤال Copper conductor بستخدم Table A3

في حال ذكر بالسؤال ACSR بستخدم Table A4

سأضع رابط الجدولين والصور في نهاية الدوسية.

a. Verify the total copper cross-sectional area of  $107.2 \text{ mm}^2$  (211,600 cmil in the table).

طالب مني بالسؤال أتتحقق بأنه المساحة تساوي  $107.2 \text{ mm}^2$

بقرأ السؤال وبشوف شو أعطاني معطيات.

أعطاني بالسؤال Diameter بستخرج منه المساحة.

$$A = \frac{\pi d^2}{4}$$

$$A = \frac{\pi \times (3.3730)^2 \times 12}{4} \longrightarrow$$

$$A = 107.2 \text{mm}^2$$

ضربت ب 12 لأنه الموصل بتكون من 12 Strand

وأعطاني عمق كل وحدة طيب أنا عندي 12 ف لازم

أضرب ب 12 لأحسب المساحة كاملة.

b. Verify the dc resistance at 50 °C of 0.1876 Ω/km or 0.302 Ω/mi. Assume a 2% increase in resistance due to spiraling.

طالب مني أتتحقق من قيمة المقاومة عند درجة حرارة 50.

$$R_{dc} = \frac{\rho_T L}{A} \longrightarrow$$

معي كل شي إلا  $\rho_T$

وبالامتحان بتكون معطى لكن بالكتاب نستخرجها حسب المعطيات.

$$\rho_T = \rho_{T1} \times \frac{T_2 + T}{T_1 + T} \rightarrow \rho_{50} = 1.77 \times 10^{-8} \times \frac{50 + 241.5}{20 + 241.5} = 1.973 \times 10^{-8} \Omega - m$$

$$R_{dc} = \frac{(1.973 \times 10^{-8}) \times 1000 \times 1.02}{107.2 \times 10^{-6}} \longrightarrow$$

$$R_{dc} = 0.1877 \Omega/\text{km}$$

ضربت ب 1.02 لأنه عندي نسبة زيادة 2%

$$R_{dc} = \frac{\rho_T L}{A} + \frac{\rho_T L}{A} \times 0.02$$

$$R_{dc} = \frac{\rho_T L}{A} (1 + 0.02)$$

$$R_{dc} = \frac{\rho_T L}{A} \times 1.02$$

c. From Table A.3, determine the percent increase in resistance at 60 Hz versus dc.

تغير التردد وبتغير التردد أكيد حتتغير المقاومة وبستخرج من الجدول

$$\frac{R_{60 \text{ Hz}, 50^\circ \text{ C}}}{R_{\text{dc}, 50^\circ \text{ C}}} = \frac{0.1883}{0.1877} = 1.003 \longrightarrow$$

بالجدول الوحدة Ohm/mile  
بحولها Ohm/km

$$\frac{R_{60 \text{ Hz}, 25^\circ \text{ C}}}{R_{\text{dc}, 50^\circ \text{ C}}} = \frac{0.1727}{0.1715} = 1.007$$

Thus, the 60-Hz resistance of this conductor is about 0.3–0.7% higher than the dc resistance.

## 4.3 CONDUCTANCE

- Corona occurs when a high value of electric field strength at a conductor surface causes the air to become electrically ionized and to conduct. The real power loss due to corona, called corona loss, depends on meteorological conditions, particularly rain.
- Transmission line conductance is usually neglected in power system studies.

## 4.5 INDUCTANCE: SINGLE-PHASE TWO-WIRE LINE AND THREE-PHASE THREE-WIRE LINE WITH EQUAL PHASE SPACING

سكشن 4.4 محذوف لأنه إثبات لقانون مش مطالبين بإثباته بس لازم نكون عارفين القانون لنقدر نحل ما تبقى من الشابتير عليه وسيتم ذكره في هذا السكشن.

- single-phase two-wire line:

$$L_x = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D}{r'_x} \right) \text{ (H/m)}$$

$$L_y = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D}{r'_y} \right) \text{ (H/m)}$$

$$L_{\text{total}} = L_x + L_y$$

$$L_{\text{total}} = 2 \times 10^{-7} \left( \ln \frac{D}{r'_x} \right) + 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D}{r'_y} \right)$$

$$L_{\text{total}} = 2 \times 10^{-7} \left( \ln \left( \frac{D}{r'_x} \right) + \ln \left( \frac{D}{r'_y} \right) \right)$$

$$L_{\text{total}} = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D^2}{r'_x r'_y} \right)$$

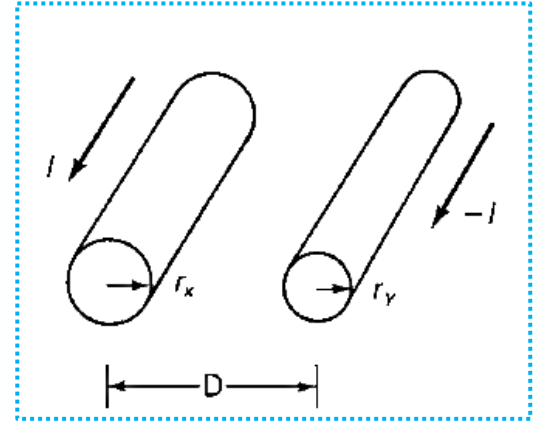
$$L_{\text{total}} = 4 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D}{\sqrt{r'_x r'_y}} \right)$$

if  $r'_x = r'_y = r'$

$$L_{\text{total}} = 4 \times 10^{-7} \left( \ln \frac{D}{r'} \right)$$

$$L_{\text{total}} = L_x + L_y \longrightarrow$$

المهم نكون عارفين إنه على التوالي وبنقدر نستخرج كل واحد لحال ونجمعهم.



**ملاحظات:**

D: المسافات الخارجية

$r_x$  and  $r_y$ : نصف القطر

$$r'_x = 0.7788 r_x = e^{-\frac{1}{4}} r_x$$

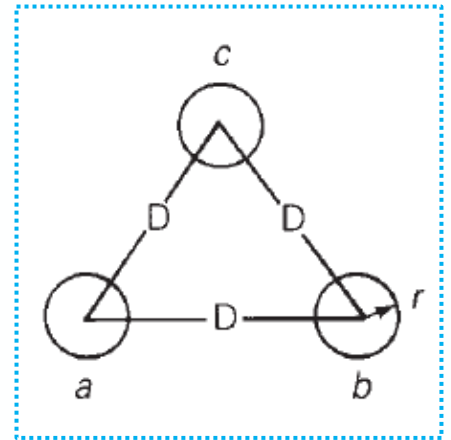
$$r'_y = 0.7788 r_y = e^{-\frac{1}{4}} r_y$$

## - three-phase three-wire line

three-phase three-wire line with equilateral spacing:

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D}{r'} \right) \text{ (H/m)}$$

$$D = \sqrt[3]{D \times D \times D} = \sqrt[3]{D^3} = D$$



في هاي الحالة بنظام ثلاثي الطور في المثلث المسافات متساوية لهيك أخذنا D وحدة بالقانون.

- For a balanced three-phase, positive-sequence currents  $I_a$ ,  $I_b$ ,  $I_c$  does the equation  $I_a + I_b + I_c = 0$

## 4.6 INDUCTANCE: COMPOSITE CONDUCTORS, UNEQUAL PHASE SPACING, BUNDLED CONDUCTORS

- A stranded conductor is one example of a composite conductor.

- single-phase two-conductor line:

بالواقع يكون عنا 2 Conductor يكون كل واحد منهم مكون من Strand

أول واحد يكون اسمه كمثل Conductor X

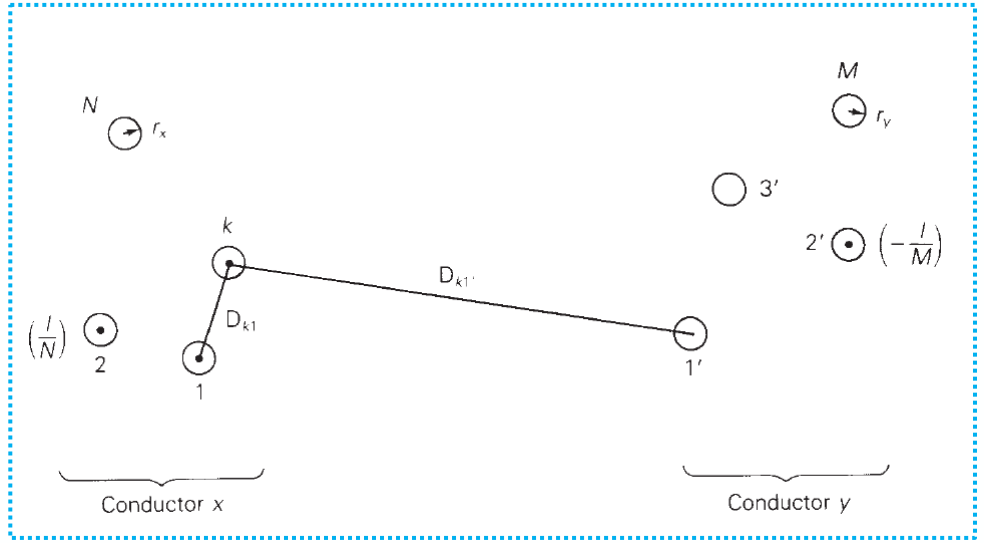
ثاني واحد يكون اسمه كمثل Conductor Y

Conductor X consists (N) identical strand  $r_x$

Conductor Y consists (M) identical strand  $r_y$

$$\text{مش شرط } r_y = r_x$$





بالصورة توضيح لما تم شرحه بالأعلى.

لازم نعرف القانون اللي راح نشغل عليه بخصوص هاي الحالة وإثباته غير مطالبين فيه.

$$L_y = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{xy}}{D_{yy}} \right) \text{ (H/m)}$$

$$L_x = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{xy}}{D_{xx}} \right) \text{ (H/m)}$$

$D_{xx}$  and  $D_{yy}$  is called the geometric mean radius (GMR) of conductor x and y → المسافات الداخلية

$D_{xy}$  is called the geometric mean distance (GMD) between conductors x and y → المسافات الخارجية

$$D_{xy} = \sqrt{M \times N} \text{ المسافات الخارجية}$$

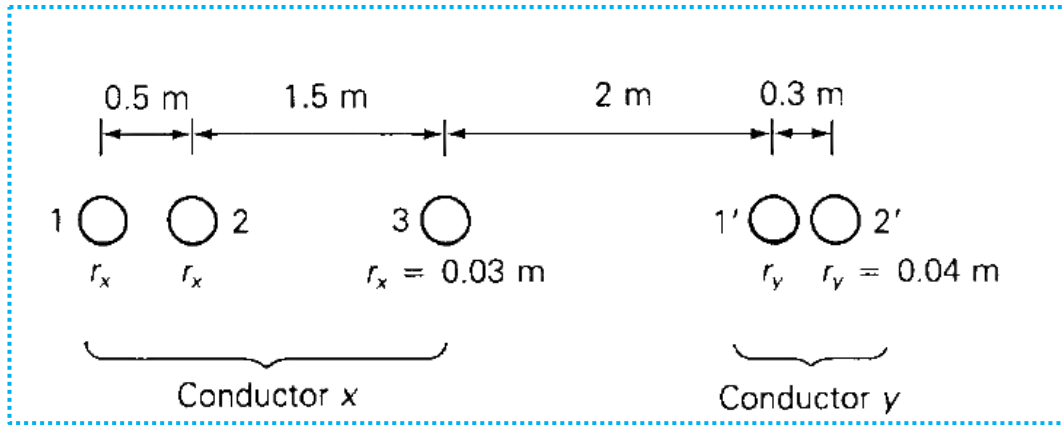
$$D_{xx} = \sqrt{N \times N} \text{ المسافات الداخلية}$$

$$D_{yy} = \sqrt{M \times M} \text{ المسافات الداخلية}$$

سيتم شرح كيفية التطبيق على القانون والتفاصيل المتبقية في المثال القادم.

## Example 4.2

Expand (4.6.6), (4.6.7), and (4.6.9) for  $N = 3$  and  $M = 2$ . Then evaluate  $L_x$ ,  $L_y$ , and  $L$  in H/m for the single-phase two-conductor line shown in Figure



أعطاني 2 Conductor وطالب  $L_x$  and  $L_y$  and  $L_{total}$

Sol:

$$a) L_y = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{xy}}{D_{yy}} \right) \text{ (H/m)}$$

$D_{xy}$  للمسافات الخارجية

يعني باخذ نقطة نقطة من X وبمشي فيهم لنقاط Y كالاتي:

$$M=2, N=3$$

$$D_{xy} = \sqrt[2 \times 3]{D_{11'} \times D_{12'} \times D_{21'} \times D_{22'} \times D_{31'} \times D_{32'}}$$

$$D_{xy} = \sqrt[6]{D_{11'} \times D_{12'} \times D_{21'} \times D_{22'} \times D_{31'} \times D_{32'}}$$

$$D_{11'} = 0.5 + 1.5 + 2 = 4 \text{ m} \quad D_{12'} = 4.3 \text{ m} \quad D_{21'} = 3.5 \text{ m}$$

$$D_{22'} = 3.8 \text{ m} \quad D_{31'} = 2 \text{ m} \quad D_{32'} = 2.3 \text{ m}$$

$$D_{xy} = \sqrt[6]{4 \times 4.3 \times 3.5 \times 3.8 \times 2 \times 2.3} = 3.189 \text{ m}$$

لازم عدد الأسس الموجودة داخل الجذر مساوية لرتبة الجذر.  
يعني الجذر من الرتبة السادسة والأسس اللي بداخل الجذر يساوي 6 يعني صحيح.

$$D_{yy} = \sqrt[2 \times 2]{D_{1'2'} \times D_{2'1'} \times D_{1'1'} \times D_{2'2'}}$$

$$D_{1'1'} = D_{2'2'} = r'_y \longrightarrow \text{مسافته على نفسه}$$

$$r'_y = r_y \times 0.7788 = 0.04 \times 0.7788 = 0.03115 \text{ m}$$

$$D_{1'2'} = D_{2'1'} = 0.3 \text{ m}$$

$$D_{yy} = \sqrt[4]{0.3 \times 0.3 \times 0.03115 \times 0.03115} = 0.09667 \text{ m}$$

$$L_y = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{3.189}{0.09667} \right) = 6.992 \times 10^{-7} \text{ H/m}$$

$$\text{b) } L_x = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{xy}}{D_{xx}} \right) \text{ (H/m)}$$

$$D_{xy} = 3.189 \text{ m} \longrightarrow \boxed{\text{نفس اللي استخرجناها بالأعلى.}}$$

$$D_{xx} = \sqrt[3 \times 3]{D_{11} \times D_{12} \times D_{13} \times D_{21} \times D_{22} \times D_{23} \times D_{31} \times D_{32} \times D_{33}}$$

$$D_{11} = D_{22} = D_{33} = r'_x \longrightarrow \text{مسافته على نفسه}$$

$$r'_x = r_x \times 0.7788 = 0.03 \times 0.7788 = 0.02336 \text{ m}$$

$$D_{12} = 0.5 \text{ m} \quad D_{13} = 2 \text{ m} \quad D_{21} = 0.5 \text{ m}$$

$$D_{23} = 1.5 \text{ m} \quad D_{31} = 2 \text{ m} \quad D_{32} = 1.5 \text{ m}$$

$$D_{xx} = \sqrt[9]{(0.02336)^3 \times 2 \times 2 \times 0.5 \times 1.5 \times 0.5 \times 1.5} = 0.3128 \text{ m}$$

$$L_x = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{3.189}{0.3128} \right) = 4.644 \times 10^{-7} \text{ H/m}$$

$$\text{c) } L_{\text{total}} = L_x + L_y$$

$$L_{\text{total}} = 4.644 \times 10^{-7} + 6.992 \times 10^{-7} = 1.164 \times 10^{-6} \text{ H/m}$$

if the distances between conductors are large compared to the distances between subconductors of each conductor, then the GMD between conductors is approximately equal to the distance between conductor centers.

حسبنا بالمثال السابق GMR and GMD لكن عمليا ما بزيبط كل مرة أحسب وخاصة إذا كانوا المسافات بين الموصلات بعيدة كثير بهاي الحالة يعتبر GMD بين الموصلات يساوي تقريبا المسافة بين مراكز الموصلات أما بالنسبة ل GMR وفرت الشركات الصانعة عدة كتيبات للموصلات. وبالمادة بنستخدم جدولين لاستخراجها جدول A3 and A4 وسيتم التوضيح في المثال القادم.

### Example 4.3

A single-phase line operating at 60 Hz consists of two 4/0 12-strand copper conductors with 1.5 m spacing between conductor centers. The line length is 32 km. Determine the total inductance in H and the total inductive reactance in  $\Omega$ .

Sol:

a- total inductance in H

$$L_y = L_x = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{\text{GMD}}{\text{GMR}} \right) (\text{H/m}) \longrightarrow$$

$$\text{GMD} = 1.5 \text{ m}$$

$$\text{GMR} = 0.01750 \text{ feet or } 0.005334 \text{ m} \longrightarrow$$

$$L_y = L_x = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{1.5}{0.005334} \right) \times 32 \times 10^3 (\text{m}) = 0.03609 \text{ H}$$

$$L_y = L_x$$

ذكرنا بما إنه المسافات بتكون بعيدة عن بعض ف بنعتبر أنهم متساويات

طريقة الاستخراج في الأسفل

السؤال طالب تكون بوحدة H لهيك ضربت بالطول

$$L_{\text{total}} = L_x + L_y$$

$$L_{\text{total}} = 2 \times 0.03609 = 0.07218 \text{ H}$$

b) total inductive reactance in  $\Omega$ .

$$X_L = 2\pi \times f \times L = 2\pi \times 60 \times 0.07218 = 27.21 \Omega$$

- طريقة استخراج GMR من الجدول

1- بشوف نوع الموصل الموجود عشان أعرف أي جدول أستخدم وبما إنه موصل نحاسي بستخدم جدول A3

2- بأخذ معلومات الموصل من السؤال وبيبحث عنها بالجدول أعطاني معلومات 4/0 and number of strands=12

3- بيبحث عن هاي المعلومات بالجدول وبروح على خانة GMR

4- بلاقي رقم ولكن هذا الرقم في وحدة ال Feet

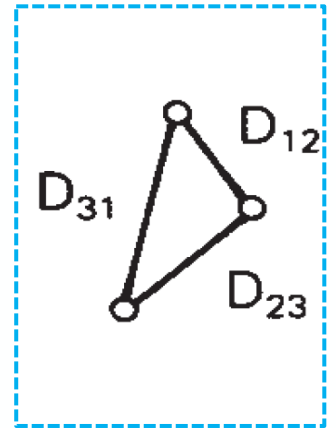
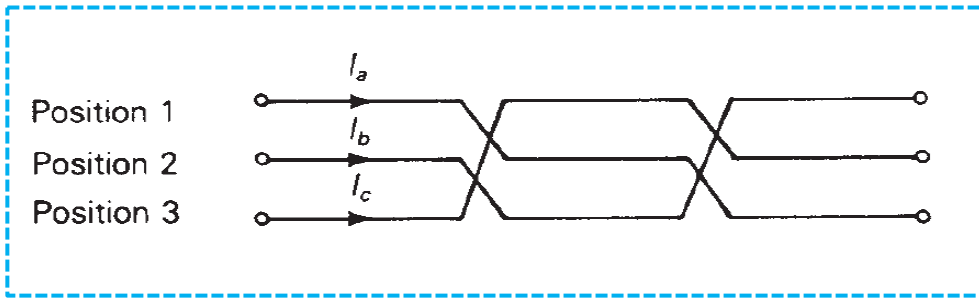
- في حال أعطى ال GMD في وحدة الفيت بخلي ال GMR في وحدة الفيت.

- في حال أعطى ال GMD في وحدة المتر بحول ال GMR لوحدة المتر.

لتوحيد الوحدات لأنه ما بزبط أقسم متر على فيت.

- three-phase three-wire line

three-phase three-wire line with unsymmetrical spacing:



أخذنا سابقا لما كانت المسافات متساوية واعرنا القانون الخاص فيه وهذا اشئ مش عملي بالحياة اللي بنشوفه بكونوا على مسافات غير متساوية وبما إنه المسافات مش متساوية لازم نخليهم متساويات عن طريق التبديل بينهم يعني كل فترة من مسافة معينة ببديل بين كل فيز والثاني زي ما بنشوف بالشكل اللي عاليه وهاي العملية تسمى Transposition

- balance can be restored by exchanging the conductor positions along the line, a technique called **transposition**.

- To calculate inductance of this line, assume balanced positive-sequence currents  $I_a, I_b, I_c$  for which  $I_a + I_b + I_c = 0$

- To calculate inductance:

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{eq}}{D_S} \right) \text{ (H/m)}$$

$$D_{eq} = \sqrt[3]{D_{12} \times D_{23} \times D_{31}}$$

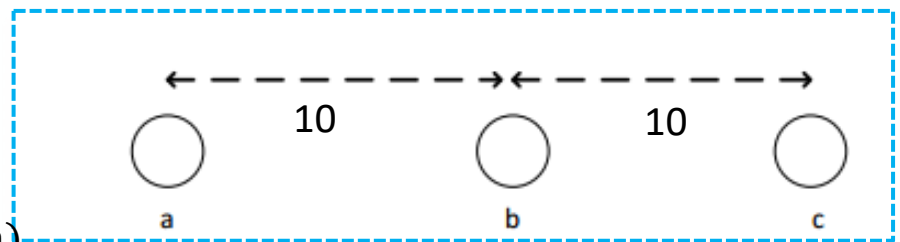
$D_{eq}$  is the geometric mean distance between phases.

$D_S$  is the conductor GMR for stranded conductors, or  $r'$  for solid cylindrical conductors.

## Example 4.4

A completely transposed 60-Hz three-phase line has flat horizontal phase spacing with 10 m between adjacent conductors. The conductors are  $806 \text{ mm}^2$  (1,590,000 cmil) ACSR with 54/3 stranding. Line length is 200 km. Determine the inductance in H and the inductive reactance in  $\Omega$ .

Sol:



$$L_a = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{eq}}{D_S} \right) \text{ (H/m)}$$

$$D_{eq} = \sqrt[3]{D_{12} \times D_{23} \times D_{31}} = \sqrt[3]{10 \times 10 \times 20} = 12.6 \text{ m}$$

$$D_S = 0.0520 \text{ ft} \times \frac{1 \text{ m}}{3.28 \text{ ft}} = 0.0159 \text{ m} \longrightarrow$$

$$L_a = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{12.6}{0.0159} \right) \times 200000 \text{ (m)} = 0.267 \text{ H}$$

من الجدول وبما إنه

ACSR

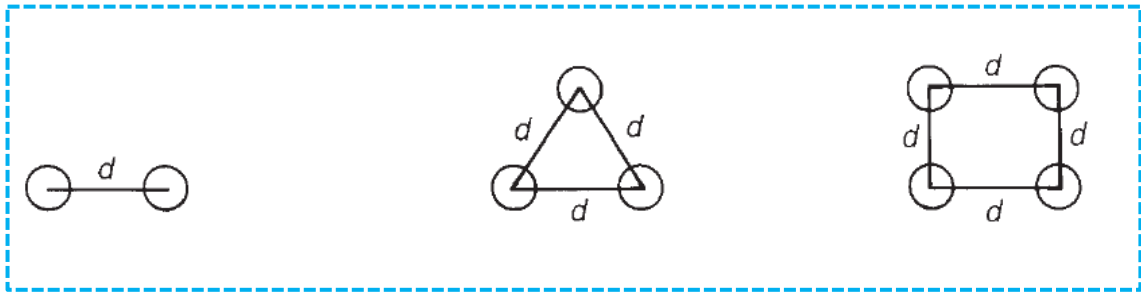
يستخدم جدول A4

$$X_a = 2\pi \times f \times L = 2\pi \times 60 \times 0.267 = 101 \Omega$$

طالبها بوحدة  $\Omega$   
لهيك ضربت بالطول  
بالأعلى

## - Bundled Conductor

- ذكرت أول الشابتير عملية تسمى Bundling إنه بكون السلك نفسه مقسم لعد أقسام 2 أو 3 أو 4 بحيث المسافة بينهم تكون متساوية يعني على سبيل المثال السلك يكون مقسم لثلاثة أقسام فلازم المسافة تكون بين الثلاثة أقسام داخل السلك متساوية كمثال عليها الصورة أدناه بنلاحظ المسافات متساوية.



Bundle conductors have:

1. lower electric field strength at the conductor surfaces, thereby controlling corona.
2. reduce the effect of corona.
3. reduces the series reactance of the line by increasing the GMR of the bundle.

- It is common practice for EHV lines to use more than one conductor per phase, a practice called bundling.

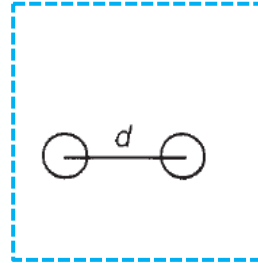
$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{eq}}{D_s^b} \right) \text{ (H/m)}$$

بنستخدم هذا القانون بحسابات الBundle  
لكن بتختلف عنا  $D_s$   
وبالصفحة القادمة بنعرف طريقة إيجادها لكل حالة

- bundles consisting of two, three, or four conductors.

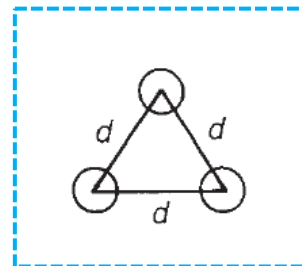
For a two-strand bundle:

$$D_s^b = \sqrt[4]{(D_s \times d)^2} = \sqrt{(D_s \times d)}$$



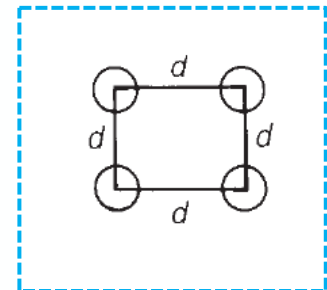
For a three-strand bundle:

$$D_s^b = \sqrt[9]{(D_s \times d \times d)^3} = \sqrt[3]{(D_s \times d^2)}$$



For a four-strand bundle:

$$D_s^b = \sqrt[16]{(D_s \times d \times d \times \sqrt{2}d)^4} = 1.09 \sqrt[4]{(D_s \times d^3)}$$

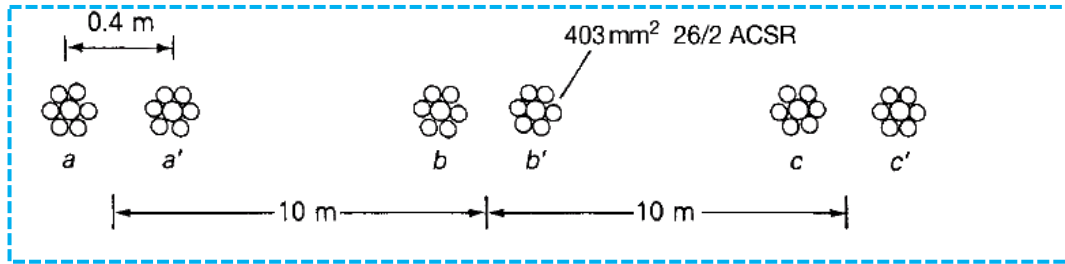


- If the phase spacings are large compared to the bundle spacing, then sufficient accuracy for  $D_{eq}$  is obtained by using the distances between bundle centers.



## Example 4.5

Each of the 806 mm<sup>2</sup> conductors in Example 4.4 is replaced by two 403 mm<sup>2</sup> ACSR 26/2 conductors, as shown in Figure. Bundle spacing is 0.40 m.



هذا المثال نفسه مثال 4.4 لكن هون مقسم الفيز الواحد لقسمين يعني نفس الحل ولكن راح تختلف عنا قيمة  $D_s$  بما إنه Bundle لكن بدنا ننتبه إنه غير نوع الموصل عشان نستخرج القيمة الجديدة من الجدول

Sol:

$$L_a = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D_{eq}}{D_s^b} \right) \text{ (H/m)}$$

$$D_{eq} = \sqrt[3]{D_{12} \times D_{23} \times D_{31}} = \sqrt[3]{10 \times 10 \times 20} = 12.6 \text{ m}$$

$$D_s = 0.0375 \text{ ft} \times \frac{1 \text{ m}}{3.28 \text{ ft}} = 0.0114 \text{ m}$$

من الجدول وبما إنه

ACSR

بستخدم جدول A4

$$D_s^b = \sqrt[4]{(D_s \times d)^2} = \sqrt{(D_s \times d)}$$

$$D_s^b = \sqrt{0.0114 \times 0.40} = 0.0676 \text{ m}$$

$$L_a = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{12.6}{0.0676} \right) \text{ (H/m)} \times 200 \times 10^3 \text{ (m)}$$

طالب الناتج بوحدة  $\Omega$

لهيك ضربت بالطول

$$L_a = 0.209 \text{ H}$$

$$X_a = 2\pi \times f \times L = 2\pi \times 60 \times 0.209 = 78.8 \Omega$$

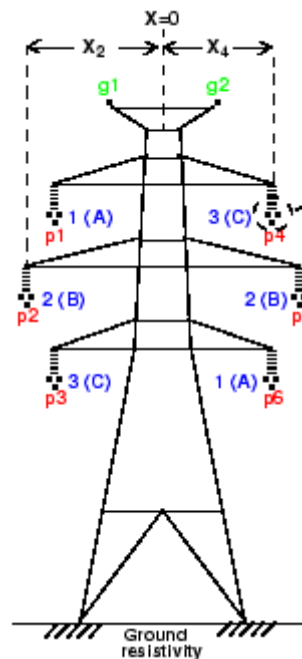
## 4.7 SERIES IMPEDANCES: THREE-PHASE LINE WITH NEUTRAL CONDUCTORS AND EARTH RETURN

All the neutral conductors are connected in parallel and are grounded to the earth at regular intervals along the line. Any isolated neutral conductors that carry no current are omitted. The phase conductors are insulated from each other and from earth. If the phase currents are not balanced, there may be a return current in the grounded neutral wires and in the earth. The earth return current will spread out under the line, seeking the lowest impedance return path. It can be replaced by a set of "earth return" conductors located directly under the overhead conductors. Then each earth return conductor carries the negative of its overhead conductor current.

### - Parallel-Circuit three phase lines

It is a three-phase double circuit of two identical three phase circuit.

بهذا الحالة يكون عندي شبكتين كل واحد إليها 3 فيز خاص فيها موجودات على نفس عامود الجهد العالي زي ما بنلاحظ بالصورة متصلات على التوازي من إحدى خصائصها تقليل الخسائر بالأسلاك، زياد التيار المنقول، زياد القدرة المنقولة وأهم ميزة لو صار عندي خلل بشبكة ممكن أفصل وحدة للصيانة والثانية بتصل شغالة.



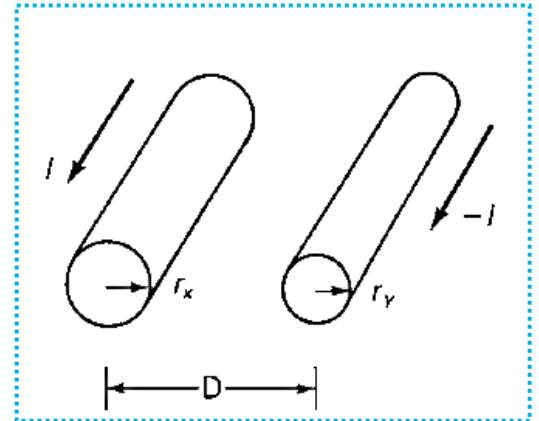
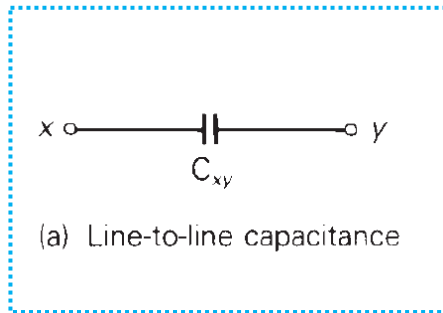


## 4.9 CAPACITANCE: SINGLE-PHASE TWO-WIRE LINE AND THREE-PHASE THREE-WIRE LINE WITH

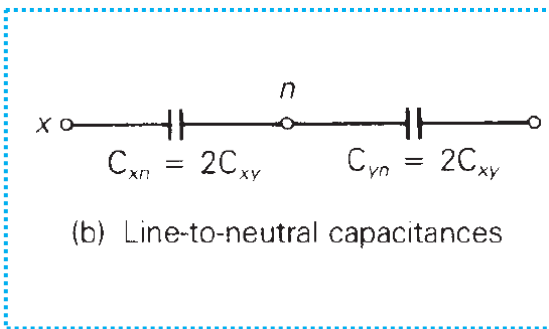
بلشنا بالشابتر بحساب المقاومة والملف وبهذا السكشن راح نتعرف على كيفية حساب المواسعات بين الخطوط وطريقة الحساب نفس طريقة الملف ولكن باختلاف بسيط في القانون.

- single-phase two-wire line

$$C_{xy} = \frac{\pi\epsilon}{\ln(D/r)} \text{ F/m (line to line)}$$



$$C_{xy} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln(D/r)} \text{ F/m (line to neutral)}$$



نفس التطبيق ولكن r نأخذها نفسها يعني نفس القطر الفعلي.

نصف القطر الفعلي: r

المسافات الخارجية: D

- When calculating line capacitance, it is normal practice to replace a stranded conductor by a perfectly conducting solid cylindrical conductor whose radius equals the outside radius of the stranded conductor.

- in three-phase line with equal phase spacing, we shall neglect the effect of earth and neutral conductors here. To determine the positive-sequence capacitance, assume positive-sequence charges,  $q_a + q_b + q_c = 0$

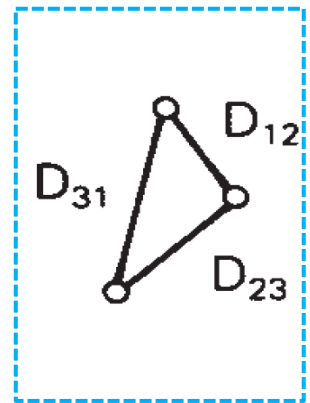
- The sum of the two line-to-line voltages  $V_{ab} + V_{ac}$ , is equal to three-times the line to- neutral voltage  $V_{an}$

## 4.10 CAPACITANCE: STRANDED CONDUCTORS, UNEQUAL PHASE SPACING, BUNDLED

- three-phase lines with unequal phase spacing:

$$C_{xy} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln(D_{eq}/r)} \text{ F/m (the capacitance per phase to neutral)}$$

$$D_{eq} = \sqrt[3]{D_{12} \times D_{23} \times D_{31}}$$



نفس ما أخذنا سابقا لكن زي ما قلت إنه نأخذ نصف القطر الفعلي.

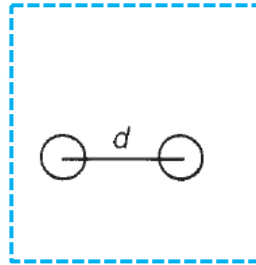
- Bundled Conductor

نفس ما تم شرحه سابقا ما في أي اختلاف غير القوانين.

$$C_{xy} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln(D_{eq}/D_{SC})} \text{ F/m}$$

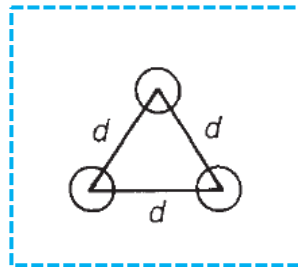
- for two-conductor bundle:

$$D_{SC} = \sqrt{(r \times d)}$$



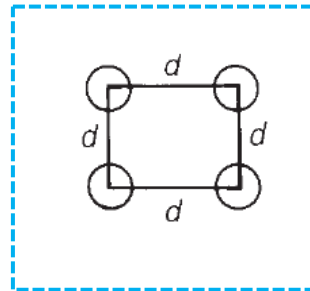
- for three-conductor bundle:

$$D_{SC} = \sqrt[3]{(r \times d^2)}$$



- for four-conductor bundle:

$$D_{SC} = 1.09 \sqrt[4]{(r \times d^3)}$$



- shunt admittance is:

$$Y_{xy} = j\omega C_{xy}$$

- the reactive power delivered by phase a is:

$$Q_{C1\phi} = Y \times V_{an}^2$$

- The total reactive power supplied by the three-phase line is:

$$Q_{C3\phi} = 3\omega \times C_{an} \times V_{LN}^2 = \omega \times C_{an} \times V_{LL}^2$$

## Example 4.6

For the single-phase line in Example 4.3, determine the line-to-line capacitance in F and the line-to-line admittance in S. If the line voltage is 20 kV, determine the reactive power in kVAR supplied by this capacitance.

Sol:

$$C_{xy} = \frac{\pi\epsilon}{\ln(D/r)} \text{ F/m} \longrightarrow$$

استخدمت هذا القانون لأنه ذاك بالسؤال

Single phase line

وطالب يكون Line to line

الثوابت معطاة

ذكر بالسؤال بالرجوع للمثال السابق واستخرجناها D:

طريقة استخراج r

1- بشوف بالسؤال شو نوع الموصل.

2- بروح على الجدول المناسب.

3- بروح على خانة outside diameter بأخذ منها الرقم وبقسمه على 2.

$$D = 150 \text{ cm}, r = \frac{\text{diameter}}{2} = \frac{0.552}{2} \text{ in} = 0.276 \text{ inch}$$

$$1 \text{ inch} = 2.54 \text{ cm} \rightarrow 0.276 \text{ inch} \times \frac{2.54 \text{ cm}}{1 \text{ inch}} = 0.7 \text{ cm} \rightarrow D = 0.7 \text{ cm}$$

$$C_{xy} = \frac{\pi \times (8.854 \times 10^{-12})}{\ln(150/0.7)} \text{ F/m} \times 32 \times 10^3 \text{ m} = 1.66 \times 10^{-7} \text{ F}$$

b) shunt admittance is:

$$Y_{xy} = j\omega C_{xy}$$

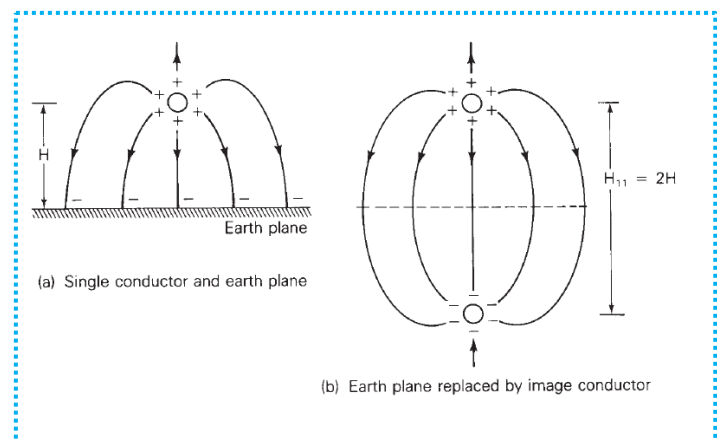
$$Y_{xy} = j \times 2 \times \pi \times 60 \times 1.66 \times 10^{-7} = j6.258 \times 10^{-5} \text{ S}$$

c) the reactive power in kVAR supplied by this capacitance:

$$Q_C = Y \times V_{an}^2 = (6.258 \times 10^{-5}) \times (20 \times 10^3)^2 = 25.032 \text{ kVAR}$$

## 4.11 SHUNT ADMITTANCES: LINES WITH NEUTRAL CONDUCTORS AND EARTH RETURN

The effect of the earth plane is accounted for by the **method of image**. When the conductor has a positive charge, an equal quantity of negative charge is induced on the earth. The electric field lines will originate from the positive charges on the conductor and terminate at the negative charges on the earth. Also, the electric field lines are perpendicular to the surfaces of the conductor and earth. replace the earth by the image conductor, which has the same radius as the original conductor, lies directly below the original conductor with conductor separation, and has an equal quantity of negative charge. The electric field above the dashed line representing the location of the removed earth plane is identical to the electric field above the earth plane. Therefore, the voltage between any two points above the earth is the same in both figures.





## 4.12 ELECTRIC FIELD STRENGTH AT CONDUCTOR SURFACES AND AT GROUND LEVEL

When the electric field strength at a conductor surface exceeds the breakdown strength of air, current discharges occur. This phenomenon, called corona, causes additional line losses (corona loss), communications interference, and audible noise. Although breakdown strength depends on many factors, a rough value is 30 kV/cm in a uniform electric field for dry air at atmospheric pressure. The presence of water droplets or rain can lower this value significantly. To control corona, transmission lines are usually designed to maintain calculated values of conductor surface electric field strength below 20 kVrms/cm.



## Problems Ch4

4.10) A 60-Hz three-phase, three-wire overhead line has solid cylindrical conductors arranged in the form of an equilateral triangle with 4 ft conductor spacing. Conductor diameter is 0.5 in. Calculate the positive-sequence inductance in H/m and the positive sequence inductive reactance in  $\Omega/\text{km}$ .

Sol:

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{D}{r'} \right) \text{ (H/m)}$$

$$D = 4\text{ft} \longrightarrow$$

بما إنه ذكر إنه المثلث متساوي الأضلاع يعني المسافات متساوية وللتأكد نأخذ الجذر التكعيبي ل 4 تكعيب بطلع 4

$$r' = 0.7788 \times r \longrightarrow$$

$$r' = 0.7788 \times 0.020833$$

$$r' = 0.016225 \text{ feet}$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \left( \frac{4}{0.016225} \right)$$

$$L = 1.101 \times 10^{-6} \text{ (H/m)}$$

$$X_L = 2 \times \pi \times f \times L$$

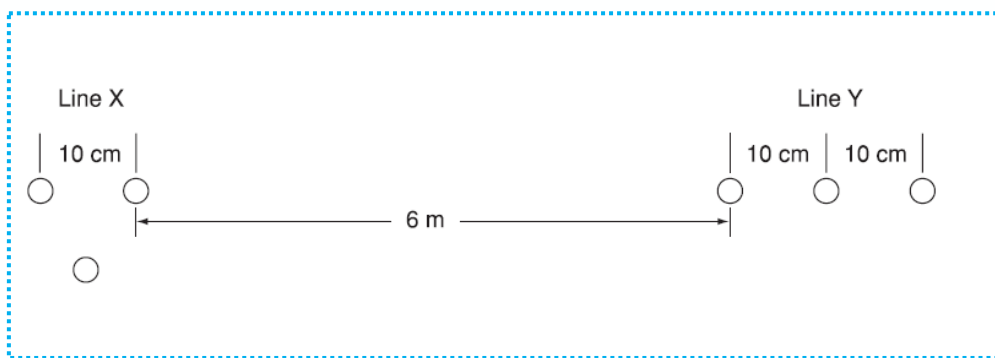
$$X_L = 2 \times \pi \times 60 \times 1.101 \times 10^{-6} = 4.153 \times 10^{-6} \Omega/\text{m} = 0.4153 \Omega/\text{km}$$

$$r = \frac{d}{2} = \frac{0.5 \text{ inch}}{2} = 0.25 \text{ inch}$$

بنحول من inch ل Feet لتوحيد الوحد

$$r = 0.25 \text{ inch} \times \frac{1 \text{ foot}}{12 \text{ inch}} = 0.020833 \text{ feet}$$

4.22) The conductor configuration of a bundled single-phase overhead transmission line is shown in Figure 4.31. Line X has its three conductors situated at the corners of an equilateral triangle with 10-cm spacing. Line Y has its three conductors arranged in a horizontal configuration with 10-cm spacing. All conductors are identical, solid cylindrical conductors, each with a radius of 2 cm. (a) Find the equivalent representation in terms of the geometric mean radius of each bundle and a separation that is the geometric mean distance.



Sol:

$$D_{XY} = \sqrt[9]{(6.1)^2 \times (6.2)^2 \times (6) \times (6.3) \times (6.05) \times (6.15) \times (6.25)}$$

$$D_{AB} = 6.15 \text{ m}$$

$$R_X = \sqrt[3]{D_s \times (d)^2}$$

$$R_X = \sqrt[3]{0.02 \times 0.7788 \times (0.10)^2} = 0.0538 \text{ m}$$

$$R_Y = \sqrt[9]{(0.1)^4 \times (0.2)^2 \times (0.015576)^3} \longrightarrow$$

$$R_Y = 0.0628 \text{ m}$$

$$D_s = 0.7788 \times 0.02$$

$$D_s = 0.015576 \text{ m}$$

4.41) Calculate the capacitance-to-neutral in F/m and the admittance-to-neutral in S/km of a bundled 500-kV, 60-Hz, three-phase completely transposed overhead line having three ACSR 1113-kcmil (556.50 mm<sup>2</sup>) conductors per bundle, with 0.5 m between conductors in the bundle. The horizontal phase spacings between bundle centers are 10, 10, and 20 m. Also calculate the total reactive power in Mvar/km supplied by the line capacitance when it is operated at 500 kV. Neglect the effect of the earth plane

Sol:

$$C_1 = \frac{2\pi\epsilon}{\ln(D_{eq}/D_{SC})} \text{ F/m} \longrightarrow$$

استخدمت هذا القانون لأنه طالب بالسؤال

يكون Line to neutral

$$D_{eq} = \sqrt[3]{10 \times 10 \times 20} = 12.6 \text{ m}$$

$$D_{SC} = \sqrt[3]{r \times d^2} \longrightarrow$$

ذاكر بالسؤال Bundle

$$D_{SC} = \sqrt[3]{r \times d^2} \longrightarrow$$

$$D_{SC} = \sqrt[3]{0.01642 \times 0.5^2}$$

$$D_{SC} = 0.16 \text{ m}$$

$$C_1 = \frac{2\pi \times 8.854 \times 10^{-12}}{\ln(12.6/0.16)}$$

$$C_1 = 1.2741 \times 10^{-11} \text{ F/m}$$

قيمة r غير معطاة بالسؤال بروح على الجدول

بستخدم جدول A.4 لأنه ذكر إنه ACSR

بشوف معلومات الموصل وبروح على خانة Out side diameter

$$r = \frac{d}{2} = \frac{1.293 \text{ inch}}{2} = 0.6465 \text{ inch}$$

بنحول من inch ل meter لتوحيد الوحد

$$r = 0.6465 \text{ inch} \times \frac{0.0254 \text{ m}}{1 \text{ inch}} = 0.01642 \text{ m}$$

b) Shunt admittance

$$Y_1 = j\omega C_1 = j2 \times \pi \times f \times C_1$$

$$Y_1 = j \times 2 \times \pi \times 60 \times 1.2741 \times 10^{-11} = 4.8032 \times 10^{-9} \text{ S}$$

$$Y_1 = 4.8032 \times 10^{-6} \text{ S/km}$$

-c) Reactive power:

$$Q_1 = Y \times V_{LL}^2$$

$$Q_1 = 4.8032 \times 10^{-6} \times 500^2 = 1.2 \text{ MVAR/km}$$

## Ch5 TRANSMISSION LINES:

### STEADY-STATE OPERATION PARAMETERS

بداية أخذنا في شابتير 4 كيف نحسب المقاومة والمحث والمواسع وكل هذا حسبناه عشان نعمل على تكوين سيركت وحدة لخطوط النقل وهذا هو عنوان شابتير 5  
أولا بدنا نعرف إنه في للخطوط أنواع بدنا نعرف كيف نحدددهم وعنا 3 أطوال للخطوط وهم:

- 1- Short-length transmission-line approximations
- 2- Medium-length transmission-line approximations
- 3- Long-length transmission-line approximations

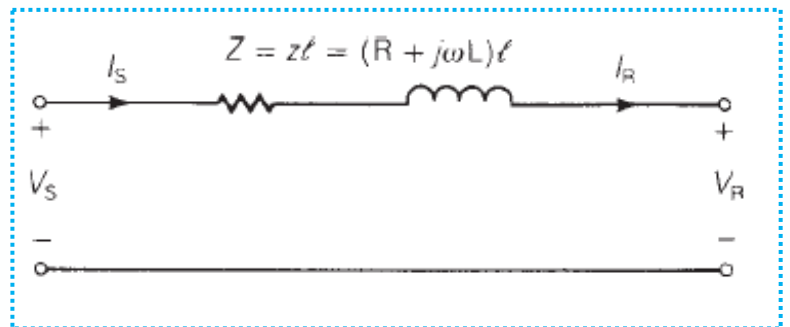
#### 5.1 MEDIUM AND SHORT LINE APPROXIMATIONS

- Short-length transmission-line approximations:

The length of the transmission line is less than (80 km).

The series resistance and reactance are included. The shunt admittance is neglected.

بداية عنا الشورت ويكون أقل من 80 km وبنهمل فيها المواسع.  
وسبب الإهمال يرجع لأنه Current leakage يكون صغير جدا.



لازم نعرف شكل السيركت لكل خط لأنه بتكون مطلوبة بالامتحان مع معرفة أجزاءها.

$V_S$ : sending-end voltage

$V_R$ : receiving-end voltage

$$Z = z L = (R + j\omega l) \times L$$

في شابتير 4 بس كنا نحسب المقاومة أو الملف أو المواسع كانت الوجد تضمن بير متر أو كيلو متر بهذا الشابتير إحنا بدنا الممانعة الكلية لهيك بنضرب بالطول.

$$V_S = Z I_R + V_R$$

$$I_S = I_R$$

جبت المعادلات هاي بناء على الدارة بالأعلى وراح نمثلهم بمصفوفة لنوصل لشغلة معينة.

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

Sol:

$$V_S = A V_R + B I_R$$

$$I_S = C V_R + D I_R$$

بنعمل مقارنة بين المعادلتين بالأعلى والأسفل لإيجاد

A B C D

$$A = 1(\text{per unit}), \quad B = Z (\Omega), \quad C = 0 (S), \quad D = 1 (\text{per unit})$$

**ملاحظة:**

**A B C D**

عناصر مطلوب إيجادها بالامتحان ومعادلاتهم ثابتة لكل نوع خط

**A=D** دائما

As applied to linear, passive, bilateral two-port networks, the ABCD parameters satisfy  $AD - BC = 1$ .

بمعنى أن ال Determine للمصفوفة دائما يساوي 1

مطالب يمكن مطالها على الدارة:

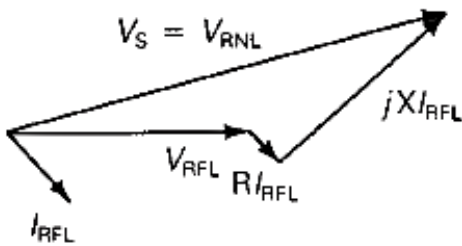
$$\text{Voltage regulation} = \frac{|V_{R(nl)}| - |V_{R(fl)}|}{|V_{R(fl)}|} \times 100\% = \frac{|V_S| - |V_R|}{|V_R|} \times 100\%$$

$$\text{Efficiency} = \frac{P_{\text{out}}}{P_{\text{in}}} \times 100\%$$

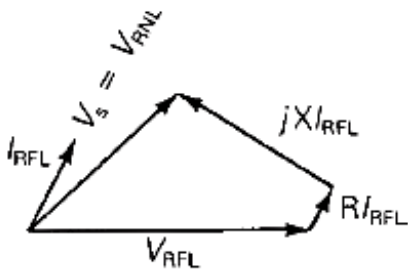
$$S_S = 3V_S I_S^*$$

- Phasor diagrams for a short transmission line:

1- Lagging pf



2- Leading pf





## 2- Medium-length transmission-line approximations

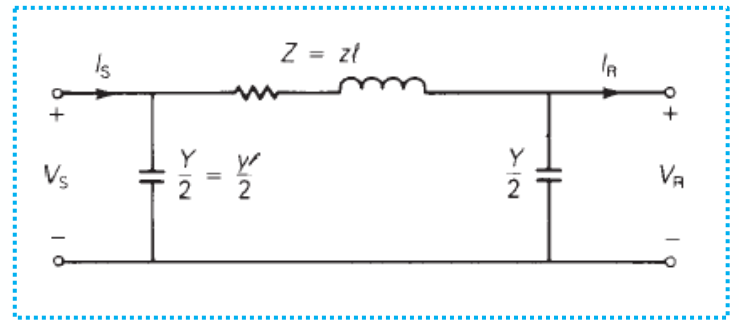
The length of the transmission line typically ranging from 80 to 250 km.

The shunt admittance must be considered.

بال Medium ما بنهمل المواسع بندخلها بحساباتنا

بالتالي راح تختلف المعادلات والعناصر بمعنى لكل نوع خط في معادلات خاصة فيه.

- The circuit called a **nominal  $\pi$  circuit**.



بداية هاي هي السيركت اللي بنتعامل معها بهذا النوع من الخطوط  
مطلوب أيضا نعرفها ونعرف اجزاءها.

$V_S$ : sending-end voltage

$V_R$ : receiving-end voltage

$$Z = zL = (R + j\omega l) \times L$$

$$Y = (j\omega c) \times L \longrightarrow$$

بشابت 4 بس كنا نحسب Shunt admittance

كانت الوحدة بتضمن بير كيلو متر أو متر زي ما  
وضحت بالأعلى بخصوص الممانعة أيضا هون  
نفس الشيء بنضرب بالطول.

الآن بدنا نحل الدارة وانسب طريقة للحل هي إنه نستخدم kvl and kcl

$$V_S = V_R + Z \left( I_R + \frac{V_R Y}{2} \right)$$

$$V_S = \left( 1 + \frac{YZ}{2} \right) V_R + Z I_R$$

$$I_S = I_R + \frac{V_R Y}{2} + \frac{V_S Y}{2} = I_R + \frac{V_R Y}{2} + \left[ \left( 1 + \frac{YZ}{2} \right) V_R + Z I_R \right] \frac{Y}{2}$$

$$I_S = Y \left( 1 + \frac{YZ}{4} \right) V_R + \left( 1 + \frac{YZ}{2} \right) I_R$$

بعد ما استخرجت المعادلات الآن بدي أمثلهم بماتركس عشان  
أستخرج المعاملات ABCD

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_R \\ I_R \end{bmatrix}$$

Sol:

$$V_S = AV_R + BI_R$$

$$I_S = CV_R + DI_R$$

بنعمل مقارنة بين المعادلتين بالأعلى والأسفل لإيجاد

ABCD

$$A = D = 1 + \frac{YZ}{2} \text{ (Per unit)}$$

$$B = Z \text{ (}\Omega\text{)}$$

$$C = Y \left( 1 + \frac{YZ}{4} \right) \text{ (Siemens)}$$

مطالب ممكن يطلبها على الدارة:

$$\text{Voltage regulation} = \frac{|V_{R(nl)}| - |V_{R(fl)}|}{|V_{R(fl)}|} \times 100\% = \frac{\frac{|V_S|}{A} - |V_R|}{|V_R|} \times 100\%$$

$$\text{Efficiency} = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100\%$$

$$S_S = 3V_S I_S^*$$

The loadability of short transmission lines (less than 80 km, represented by including only series resistance and reactance) is determined by **thermal limit**; that of medium lines (less than 250 km, represented by nominal  $\pi$  circuit) is determined by **voltage-drop limit**; and that of long lines (more than 250 km, represented by equivalent  $\pi$  circuit) is determined by **steady-state stability limit**.  
Fill in the Blanks.

## Example 5.1

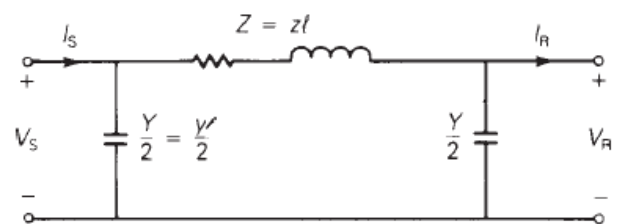
A three-phase, 60-Hz, completely transposed 345-kV, 200-km line has two 795,000-cmil (403-mm<sup>2</sup>) 26/2 ACSR conductors per bundle and the following positive-sequence line constants:

$$z = 0.032 + j0.35 \Omega/\text{km}$$

$$y = j4.2 \times 10^{-6} \text{ S/km}$$

Full load at the receiving end of the line is 700 MW at 0.99 p.f. leading and at 95% of rated voltage. Assuming a medium-length line, determine the following:

- ABCD parameters of the nominal  $\pi$  circuit
- Sending-end voltage  $V_s$ , current  $I_s$ , and real power  $P_s$
- Percent voltage regulation
- Transmission-line efficiency at full load



بداية لازم نعرف شو طول الخط نعرف على أي معادلات لازم نشتغل وبما إنه 200 كيلو متر يعني بنشتغل على معادلات الميديوم.

Sol:

## a. ABCD parameters of the nominal $\pi$ circuit

ذكرت إنه راح نحل على معادلات الميديوم بس قبل هيك بدنا ننتبه إنه أعطانا بالسؤال  
z and y وحداتهم بير كيلو متر فلازم نحولهم

$$Z = z_l = (0.032 + j0.35) \Omega/\text{km} \times 200 \text{ km} = 6.4 + j70 = 70.29 \angle 84.78^\circ \Omega$$

$$Y = y_l = j4.2 \times 10^{-6} \text{ S}/\text{km} \times 200 \text{ km} = 8.4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ \text{ S}$$

$$A = D = 1 + \frac{YZ}{2}$$

$$A = D = 1 + \frac{(8.4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ) \times (70.29 \angle 84.78^\circ)}{2}$$

$$A = D = 0.9706 \angle 0.159^\circ \text{ perunit}$$

$$B = Z = 70.29 \angle 84.78^\circ \Omega$$

$$C = Y \left( 1 + \frac{YZ}{4} \right)$$

$$C = 8.4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ \times \left( 1 + \frac{(8.4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ) \times (70.29 \angle 84.78^\circ)}{4} \right)$$

$$C = 8.277 \times 10^{-4} \angle 90.08^\circ \text{ S}$$

## b. Sending-end voltage $V_s$ , current $I_s$ , and real power $P_s$

$$V_R = 0.95 \times 345 = 327.8 \text{ kV}_{LL}$$

$$V_R = \frac{327.8 \text{ k}}{\sqrt{3}} = 189.2 \text{ kV}_{LN} \quad \longrightarrow$$

ذكر بالسؤال إنه

Receiving voltage 95% of rated voltage

لهيك ضربت ب 0.95 وحولتها ل

Line to neutral

$$P = \sqrt{3} V_{R(LL)} I_{R(LL)} \cos(\theta)$$

$$I_R = \frac{700 \times 10^6 \angle \cos^{-1}(0.99)}{\sqrt{3} \times (327.8 \times 10^3) \times (0.99)} = 1.246 \angle 8.11^\circ \text{ kA}$$

$$V_S = AV_R + BI_R$$

$$V_S = (0.9706 \angle 0.159^\circ) \times 189.2 \text{ k} + (70.29 \angle 84.78^\circ) \times (1.246 \angle 8.11^\circ \text{ k})$$

$$V_S = 199.6 \angle 26.14^\circ \text{ kV}_{LN}$$

$$V_S = 199.6 \times \sqrt{3} = 345.8 \text{ kV}_{LL}$$

$$I_S = CV_R + DI_R$$

$$I_S = (8.277 \times 10^{-4} \angle 90.08^\circ) \times 189.2 \text{ k} + (0.9706 \angle 0.159^\circ) \times (1.246 \angle 8.11^\circ \text{ k})$$

$$I_S = 1.241 \angle 15.5^\circ \text{ kA}$$

$$P_S = \sqrt{3} V_{R(LL)} I_{R(LL)} \cos(\theta)$$

$$P_S = \sqrt{3} (345.8 \text{ k})(1.241 \text{ k}) \cos(26.14^\circ - 15.5^\circ) = 730.5 \text{ MW}$$

### c. Percent voltage regulation

$$\text{Voltage regulation} = \frac{\frac{|V_S|}{A} - |V_R|}{|V_R|} \times 100\%$$

$$\text{Voltage regulation} = \frac{\frac{345.8}{0.9706} - 327.8}{327.8} \times 100\% = 8.7\%$$

**Note:** Voltage regulation can be negative.

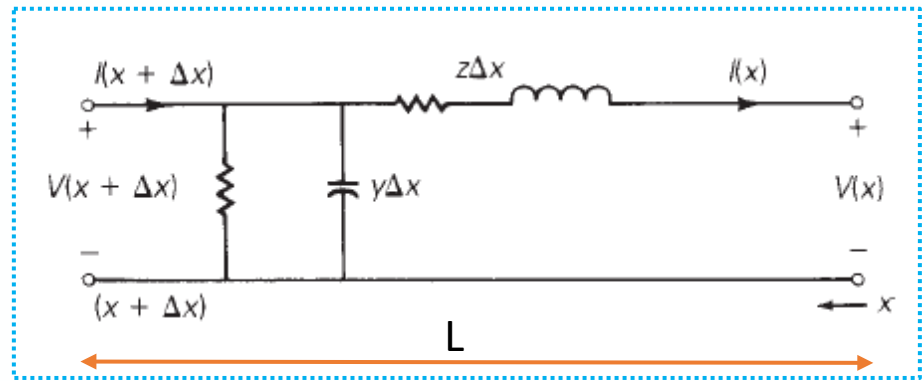
## d. Transmission-line efficiency at full load

$$\text{Efficiency} = \frac{P_{\text{out}}}{P_{\text{in}}} \times 100\% = \frac{P_R}{P_S} \times 100\% = \frac{700 \text{ MW}}{730.5 \text{ MW}} \times 100\% = 95.8\%$$

## 5.2 TRANSMISSION-LINE DIFFERENTIAL EQUATIONS

The length of the transmission line longer than 250 km.

ال Long طوله أكبر من الأطوال السابقة وبهذا النوع مراح نعمل على تجزئة السلك إلى عدد لا نهائي من الأجزاء.



هاي سيركت ال Long مراح نعمل على تجزئة الخط كامل اللي طوله (L) إلى عدد لا نهائي من الأجزاء وراح أبدأ أشتق بالقوانين لاستخراج قانون التيار والجهد واللي بهما فقط القانون الأخير وراح أميزه بالغامق الاشتقاق فقط للتوضيح.

KVL equation for the circuit:

$$V(x + \Delta x) = V(x) + (z\Delta x)I(x)$$

Rearranging:

$$zI(x) = \frac{V(x + \Delta x) - V(x)}{\Delta x} \longrightarrow$$

لو نرجع لكالك 1 بنلاقي إنه هذا الشكل نفسه تعريف المشتقة.

$$\frac{dV(x)}{dx} = zI(x) \rightarrow \text{equation 1}$$

KCL equation for the circuit:

$$I(x + \Delta x) = I(x) + (y\Delta x)V(x + \Delta x)$$

Rearranging:

$$yV(x) = \frac{I(x + \Delta x) - I(x)}{\Delta x}$$

$$\frac{dI(x)}{dx} = yV(x) \rightarrow \text{equation 2}$$

بعد ما استخرجت معادلتين أنا بدي معادلة خاصة للجهد والتيار فقط راح أشتق معادلة (1) وأعوذها بمعادلة (2)

$$\left( \frac{dV(x)}{dx} = zI(x) \right)'$$

$$\frac{d^2V(x)}{dx^2} = z \frac{dI(x)}{dx}$$

هي نفسها معادلة رقم 2 بعوضها

$$\frac{d^2V(x)}{dx^2} = zyV(x)$$

$$\frac{d^2V(x)}{dx^2} - zyV(x) = 0$$

معادلة تفاضلية تصف معدل تغير الجهد مع المسافة وبس نحلها بكون استخرجنا الجهد.

$$V(x) = A_1 e^{\gamma x} + A_2 e^{-\gamma x}$$

**$A_1$  and  $A_2$ : integration constants**

**$\gamma^2 = zy \rightarrow$  propagation constant**

$$\gamma = \sqrt{zy} \text{ (m}^{-1}\text{)}$$

$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{zy}$$

**$\alpha \rightarrow$  attenuation constant**

**$\beta \rightarrow$  phase constant**

بعد ما استخرجنا الجهد ضل علينا التيار وراح يكون نفس الخطوات السابقة:

KVL equation for the circuit:

$$I(x) = \frac{dV(x)}{dx} \times \frac{1}{z} \longrightarrow$$

بشتق معادلة الجهد الموجودة بالأعلى لتعويضها

$$I(x) = \frac{A_1 e^{\gamma x} + A_2 e^{-\gamma x}}{z/\gamma}$$

$$\frac{z}{\gamma} = \frac{z}{\sqrt{zy}} = \frac{\sqrt{z}\sqrt{z}}{\sqrt{z}\sqrt{y}} = \sqrt{\frac{z}{y}} = Z_c$$

$$I(x) = \frac{A_1 e^{\gamma x} - A_2 e^{-\gamma x}}{Z_c}$$

$$Z_c = \sqrt{\frac{z}{y}} (\Omega) \rightarrow \text{characteristic impedance}$$

بعد ما استخرجنا معادلة الجهد والتيار ضل علينا فقط نستخرج قيمة  $A_1$  و  $A_2$  وراح أفرض كالآتي:

$$x = \text{zero}, V(x) = V_R, I(x) = I_R$$

$$A_1 = \frac{V_R + Z_c I_R}{2}$$

$$A_2 = \frac{V_R - Z_c I_R}{2}$$

بتعويض  $A_1$  و  $A_2$  بمعادلة الجهد والتيار:

$$V(x) = \left( \frac{V_R + Z_c I_R}{2} \right) e^{\gamma x} + \left( \frac{V_R - Z_c I_R}{2} \right) e^{-\gamma x}$$

$$I(x) = \left( \frac{V_R + Z_c I_R}{2Z_c} \right) e^{\gamma x} - \left( \frac{V_R - Z_c I_R}{2Z_c} \right) e^{-\gamma x}$$



$$V(x) = \left( \frac{e^{\gamma x} + e^{-\gamma x}}{2} \right) V_R + Z_c \left( \frac{e^{\gamma x} - e^{-\gamma x}}{2} \right) I_R$$

$$I(x) = \frac{1}{Z_c} \left( \frac{e^{\gamma x} - e^{-\gamma x}}{2} \right) V_R + \left( \frac{e^{\gamma x} + e^{-\gamma x}}{2} \right) I_R$$

Recognizing the hyperbolic functions cosh and sinh,

$$V(x) = \cosh(\gamma x) V_R + Z_c \sinh(\gamma x) I_R$$

$$I(x) = \frac{1}{Z_c} \sinh(\gamma x) V_R + \cosh(\gamma x) I_R$$

Where  $x = l$ ,  $V(l) = V_S$ ,  $I(l) = I_S$

$$V_S = \cosh(\gamma l) V_R + Z_c \sinh(\gamma l) I_R$$

$$I_S = \frac{1}{Z_c} \sinh V_R + \cosh(\gamma l) I_R$$

$$\cosh(\gamma l) = \left( \frac{e^{\gamma l} + e^{-\gamma l}}{2} \right) = \frac{1}{2} (e^{\alpha l} \angle \beta l + e^{-\alpha l} \angle -\beta l)$$

$$\sinh(\gamma l) = \left( \frac{e^{\gamma l} - e^{-\gamma l}}{2} \right) = \frac{1}{2} (e^{\alpha l} \angle \beta l - e^{-\alpha l} \angle -\beta l)$$

بعد ما أستخرجت المعادلات الآن بدي أستخرج قيم ABCD:

$$\begin{matrix} V_S \\ I_S \end{matrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{matrix} V_R \\ I_R \end{matrix}$$

Sol:

$$V_S = A V_R + B I_R$$

$$I_S = C V_R + D I_R$$

بنعمل مقارنة بين المعادلتين بالأعلى والأسفل لإيجاد

A B C D

$$\mathbf{A} = \mathbf{D} = \cosh(\gamma l) \text{ (dimensionless)}$$

$$\mathbf{B} = \mathbf{Z}_c \sinh(\gamma l) \text{ } (\Omega)$$

$$\mathbf{C} = \frac{1}{\mathbf{Z}_c} \sinh(\gamma l) \text{ (Siemens)}$$

the following identities can be used:

$$\cosh(\alpha l + j\beta l) = \cosh(\alpha l)\cos(\beta l) + j\sinh(\alpha l)\sin(\beta l)$$

$$\sinh(\alpha l + j\beta l) = \sinh(\alpha l)\cos(\beta l) + jcosh(\alpha l)\sin(\beta l)$$

## Example 5.2

A three-phase 765-kV, 60-Hz, 300-km, completely transposed line has the following positive-sequence impedance and admittance:

$$z = 0.0165 + j0.3306 \Omega/\text{km}$$

$$y = j4.674 \times 10^{-6} \text{ S/km}$$

Assuming positive-sequence operation, calculate the exact ABCD parameters of the line. Compare the exact B parameter with that of the nominal  $\pi$  circuit.

بداية لازم نعرف إنه حل معادلات ال Long مش زي ما حلينا سابقا  
لأنه عندي كومبلكس تحت الجذر والآلة حاسبة ما بتحسبهم لهيك راح نحل  
بطريقة ثانية غير عن اللي قبل.

أول إشي بنستخرج قيمة  $Z_c$  و  $\gamma l$  لأنه هم مفتاح حل السؤال كامل

Sol:

$$Z = z l = (0.0165 + j0.3306) \Omega/\text{km} \times 300 \text{ km} = 99.303 \angle 87.14^\circ \Omega$$

$$Y = y l = j4.674 \times 10^{-6} \text{ S/km} \times 300 \text{ km} = 1.4022 \times 10^{-3} \angle 90^\circ \text{ S}$$

$$Z_c = \sqrt{\frac{z}{y}} = \sqrt{\text{Absolute}\left(\frac{z}{y}\right) \angle \left(\frac{\theta_z - \theta_y}{2}\right)} \longrightarrow \text{راح نعتمد هاي الطريقة لإيجاد } Z_c$$

$$Z_c = \sqrt{\frac{z}{y}} = \sqrt{\frac{99.303}{1.4022 \times 10^{-3}} \angle \left(\frac{87.14^\circ - 90^\circ}{2}\right)} = 266.1 \angle -1.43^\circ \Omega$$

$$\gamma l = \sqrt{zy} = \sqrt{\text{Absolute}(zy) \angle \left(\frac{\theta_z + \theta_y}{2}\right)} \longrightarrow \text{راح نعتمد هاي الطريقة لإيجاد } \gamma l$$

$$\gamma l = \sqrt{zy} = \sqrt{99.303 \times 1.4022 \times 10^{-3}} \angle \left(\frac{87.14^\circ + 90^\circ}{2}\right)$$

$$\gamma l = 0.3731 \angle 88.57^\circ = 0.00931 + j0.3730$$

طالب قيمة ABCD بنحط قانون كل وحدة وبنشوف شو باقي الخطوات

$$A = D = \cosh(\gamma l)$$

$$\cosh(\gamma l) = \left(\frac{e^{\gamma l} + e^{-\gamma l}}{2}\right) \longrightarrow$$

لو استخدمنا هذا القانون مش راح يطالع معنا على الألة حاسبة جواب ف راح نستخدم القانون الثاني.

$$\cosh(\gamma l) = \frac{1}{2} (e^{\alpha l} \angle \beta l + e^{-\alpha l} \angle -\beta l)$$

$$\gamma l = \alpha l + j\beta l = 0.00931 + j0.3730$$

$$\alpha l = 0.00931$$

$$\beta l = j0.3730 \text{ radian} \rightarrow 0.3730 \times \frac{180}{\pi} = 21.371^\circ \text{ degree}$$

حولت الزاوية لأنه كل تعاملنا بالألة حاسبة مع ال Degree

$$\cosh(\gamma l) = \frac{1}{2} (e^{0.00931 \angle 21.371^\circ} + e^{-0.00931 \angle -21.371^\circ})$$

$$\cosh(\gamma l) = 0.9313 \angle 0.209^\circ$$

$$A = D = 0.9313 \angle 0.209^\circ \text{ per unit}$$

$$B = Z_c \sinh(\gamma l) \ (\Omega)$$

$$\sinh(\gamma l) = \frac{1}{2} (e^{\alpha l \angle \beta l} - e^{-\alpha l \angle -\beta l})$$

$$\sinh(\gamma l) = \frac{1}{2} (e^{0.00931 \angle 21.371^\circ} - e^{-0.00931 \angle -21.371^\circ})$$

$$\sinh(\gamma l) = 0.3645 \angle 88.63^\circ$$

$$B = 266.1 \angle -1.43^\circ \times 0.3645 \angle 88.63^\circ = 97 \angle 87.2^\circ \ \Omega$$

$$C = \frac{1}{Z_c} \sinh(\gamma l)$$

$$C = \frac{1}{266.1 \angle -1.43^\circ} \times 0.3645 \angle 88.63^\circ = 1.37 \times 10^{-3} \angle 90.06^\circ \ S$$

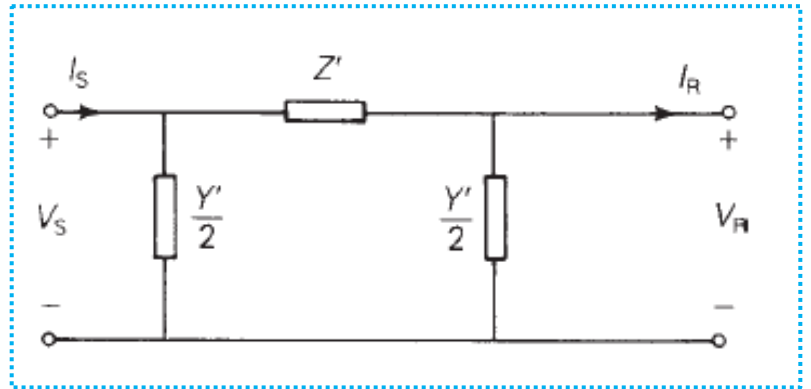
b) B parameter with that of the nominal  $\pi$  circuit

$$B_{\text{nominal } \pi \text{ circuit}} = Z = 99.303 \angle 87.14^\circ \ \Omega \longrightarrow$$

nominal  $\pi$  circuit  
هاي السيركت الخاصة بالميدوم  
والعنصر  
B=Z

## 5.3 EQUIVALENT $\pi$ CIRCUIT

أخذنا بال Short وال Medium إنه في لكل وحدة دارة خاصة فيها  
وعنا بال Long أيضا دارة خاصة فيها وإسمها هو EQUIVALENT  $\pi$  CIRCUIT



طبعا زي أي دارة مطلوب منا حفظ شكلها ومعرفة أجزائها.

In equivalent  $\pi$  circuit:

Z converted to  $Z'$

$$Z' = Z_c \sinh(\gamma l) = Z_c F_1 = Z \frac{\sinh(\gamma l)}{\gamma l} (\Omega)$$

$$F_1 = \frac{\sinh(\gamma l)}{\gamma l} \text{ (Per unit)}$$

$$\frac{y'}{2} = \frac{y}{2} F_2 = \frac{y \tanh\left(\frac{\gamma l}{2}\right)}{\left(\frac{\gamma l}{2}\right)} = \frac{\tanh\left(\frac{\gamma l}{2}\right)}{Z_c}$$

$$F_2 = \frac{\tanh\left(\frac{\gamma l}{2}\right)}{\left(\frac{\gamma l}{2}\right)} \text{ (Per unit)}$$

ممکن ما استخدم القوانين اللي بالأعلى وأستخدم هاي القوانين بحالة ما طلب F1 and F2

$$Z' = B = Z_c \sinh(\gamma l) \ (\Omega)$$

$$\frac{y'}{2} = \frac{\cosh(\gamma l) - 1}{Z_c \sinh(\gamma l)} = \frac{A - 1}{B} \ (\text{S})$$

$$A = D = \cosh(\gamma l) \ (\text{dimensionless})$$

$$B = Z_c \sinh(\gamma l) \ (\Omega)$$

هم نفسهم ما عليهم تغيير.

$$C = \frac{1}{Z_c} \sinh(\gamma l) \ (\text{Siemens})$$

- The equivalent  $\pi$  circuit is identical in structure to the nominal circuit.

## Example 5.3

Compare the equivalent and nominal  $\pi$  circuits for the line in Example 5.2.

نفس مطالب المثل السابق بس بدنا نوجد العناصر الجديدة بهذا الشكل وحل على أي قانون عادي.

Sol:

$$Z = z l = (0.0165 + j0.3306) \ \Omega/\text{km} \times 300 \ \text{km} = 99.303 \angle 87.14^\circ \ \Omega$$

$$\frac{Y}{2} = \frac{y l}{2} = \frac{j4.674 \times 10^{-6}}{2} \ \text{S}/\text{km} \times 300 \ \text{km} = 7.011 \times 10^{-4} \angle 90^\circ \ \text{S}$$

$$F_1 = \frac{\sinh(\gamma l)}{\gamma l} = \frac{0.3645 \angle 88.63^\circ}{0.3731 \angle 88.57^\circ} = 0.9769 \angle 0.06^\circ \ \text{Per unit}$$

$$F_2 = \frac{\tanh\left(\frac{\gamma l}{2}\right)}{\left(\frac{\gamma l}{2}\right)} = \frac{\cosh(\gamma l) - 1}{\left(\frac{\gamma l}{2}\right) \sinh(\gamma l)} = \frac{0.9313 \angle 0.209^\circ - 1}{\left(\frac{0.3731 \angle 88.57^\circ}{2}\right) \times 0.3645 \angle 88.63^\circ}$$

$$F_2 = 1.012 \angle -0.03^\circ \ \text{Per unit}$$

$$Z' = Z F_1 = 99.303 \angle 87.14^\circ \times 0.9769 \angle 0.06^\circ = 97 \angle 87.2^\circ \Omega$$

$$\frac{y'}{2} = \frac{y}{2} F_2 = 7.011 \times 10^{-4} \angle 90^\circ \times 1.012 \angle -0.03^\circ = 7.095 \times 10^{-4} \angle 89.97^\circ S$$

## 5.4 LOSSLESS LINES

بداية السكشن السابق اعرفنا هذا الرمز  $\gamma$  واللي بنسميه غاما لكن ما حكيت عنه كثير فلازم نعرف شوي عن غاما

غاما بتأثر على نوع السلك زي ما شفنا لأنه بالأصل بتتأثر ب  $(R, C, L, G)$

واعرفنا إنها بتتكون من ألفا  $(\alpha)$  وبيتا  $(\beta)$

ألفا بتأثر على ال Amplitude وبيتا بتأثر على ال Phase

وزي ما بنعرف البور بنحسبها من ال Amplitude

على فرض أرسلت جهد معين بأمبليتيود معين وكانت ألفا تساوي صفر بالتالي راح يضل الأمبليتيود زي ما هي  
لحتى توصل الطرف الأخر وهيك بنقدر نحكي إنه ما في عندي أي خسارة بين المرسل والمستقبل وهذا

بنسميه **LOSSLESS LINES**

والموضوع نفسه بنطبق على  $Z_c$  احنا بنعرف إنه البور الحقيقة تستهلك في  $(R, G)$

وحكينا إنه ما في عنا أي فقدان للطاقة بين المرسل والمستقبل فهذا يعني إنه ما عنا  $(R, G)$

وبدنا نشوف شو راح يصير لما ما يكون عنا  $(R, G)$

- **SURGE IMPEDANCE:** →

For a lossless line,  $R = G = 0$ ,

$$z = (0) + j\omega L (\Omega/m)$$

$$y = (0) + j\omega C (S/m)$$

$$Z_c = \sqrt{\frac{z}{y}} = \sqrt{\frac{j\omega L}{j\omega C}} = \sqrt{\frac{L}{C}} (\Omega)$$

هاي نفسها **characteristic impedance**

لكن صار اسمها **SURGE IMPEDANCE**

- For a lossless line, the surge impedance is purely resistive and the propagation constant is pure imaginary.

$$\gamma = \sqrt{zy} = \sqrt{j\omega L \times j\omega C} = j\omega\sqrt{LC}$$

$$\gamma = j\beta \text{ (m}^{-1}\text{)}$$

$$\gamma = \alpha + j\beta = 0 + j\omega\sqrt{LC}$$

$$\beta = \omega\sqrt{LC}$$

## - ABCD PARAMETERS:

$$A(x) = D(x) = \cosh(\gamma x)$$

$$\text{but } \alpha = 0 \rightarrow \gamma = j\beta$$

$$A = D = \cosh(j\beta x)$$

$$\mathbf{A(x) = D(x) = \cos(\beta x) \text{ (Per unit)}}$$

$$B(x) = Z_c \sinh(\gamma x)$$

$$\text{but } \alpha = 0 \rightarrow \gamma = j\beta$$

$$B(x) = Z_c \sinh(j\beta x) = jZ_c \sin(\beta x) (\Omega)$$

$$\mathbf{B(x) = j \sqrt{\frac{L}{C}} \sin(\beta x) (\Omega)}$$

$$C(x) = \frac{1}{Z_c} \sinh(\gamma x)$$

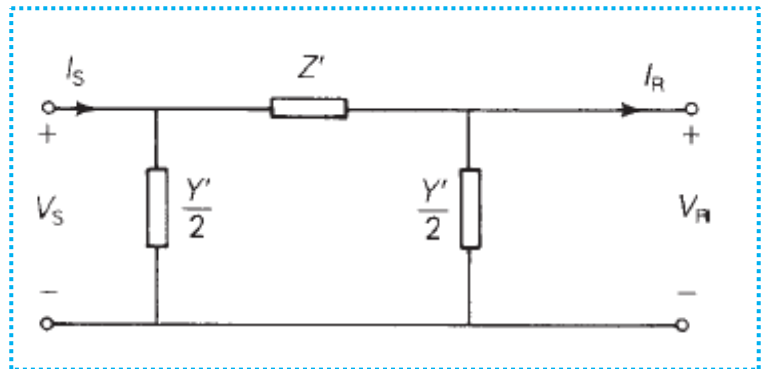
$$\text{but } \alpha = 0 \rightarrow \gamma = j\beta$$

$$C(x) = \frac{1}{Z_c} \sinh(j\beta x)$$

$$\mathbf{C(x) = j \frac{\sin(\beta x)}{\sqrt{C}} \text{ (S)}}$$



## - EQUIVALENT $\pi$ CIRCUIT



زي ما صار تغيير بالعناصر السابقة راح يصير عنا تغيير أيضا بهاي السيركت

$$B(X) = Z' = jZ_c \sin(\beta l)$$

$$Z' = jX' (\Omega)$$

$$\frac{y'}{2} = \frac{y \tanh\left(\frac{\gamma l}{2}\right)}{\left(\frac{\gamma l}{2}\right)}$$

$$\text{but } \alpha = 0 \rightarrow \gamma = j\beta$$

$$\frac{y'}{2} = \frac{y \tanh\left(\frac{j\beta l}{2}\right)}{\left(\frac{j\beta l}{2}\right)} = \frac{y \sinh\left(\frac{j\beta l}{2}\right)}{\left(\frac{j\beta l}{2}\right) \cosh\left(\frac{j\beta l}{2}\right)}$$

$$\frac{y'}{2} = \frac{j\omega C' l}{2} \text{ (S)}$$

- In equivalent  $\pi$  circuits of lossless lines,  $Z'$  is **pure inductive**, and  $y'$  is **pure capacitive**.  
Fill in the Blanks.

## - WAVELENGTH

wavelength is the distance required to change the phase of the voltage or current by  $2\pi$  radians or  $360^\circ$ .

$$\lambda f = V$$

$\lambda$ : WAVELENGTH

f: Frequency

V: velocity

التردد ما بتغير بالأسلاك لكن سرعة الأمواج هي اللي بتتغير وبكون تغييرها حسب الوسط وسرعتها تساوي سرعة الضوء لكن لو صار في تغيير على الوسط فالسرعة راح تقل فإذا السرعة تغيرت أكيد الطول الموجي راح يتأثر مع ثبات التردد.

$$V(x) = A(x)V_R + B(x)I_R$$

$$I(x) = C(x)V_R + D(x)I_R$$

$$V(x) = \cos(\beta x) V_R + jZ_c \sin(\beta x) I_R$$

$$I(x) = \frac{j\sin(\beta x)}{Z_c} V_R + \cos(\beta x) \frac{V_R}{Z_c}$$

When  $\beta x = 2\pi$  then

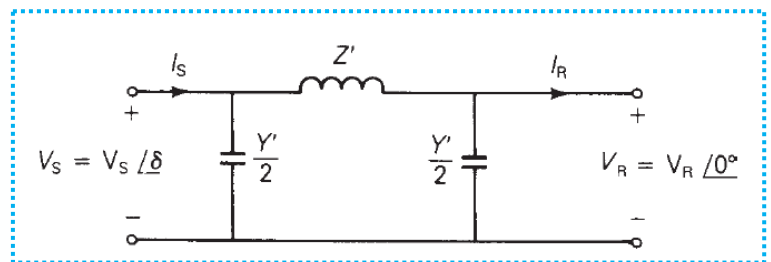
$$x = \frac{2\pi}{\beta}$$

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta} = \frac{2\pi}{\omega\sqrt{LC}} = \frac{1}{f\sqrt{LC}} \text{ (m)}$$

$$V = \lambda f = \frac{1}{\sqrt{LC}} \rightarrow \text{velocity of propagation}$$

For overhead lines  $u_p = 3 \times 10^8$  and  $f = 60$  then  $\lambda = \frac{3 \times 10^8}{60} = 5000 \text{ km}$

- The velocity of propagation of voltage and current waves along a lossless



## - SURGE IMPEDANCE LOADING

اعرفنا بالأعلى إنه SURGE IMPEDANCE تعني  $Z_c$  وLOADING تعني Load

يعني شبكتنا Load وقيمته  $Z_c$  واحنا لسا LOSSLESS LINES

ولما إنه احنا لسا بهاي الحالة شغالين فالبور اللي راح تكون بالسلك هي Reactive power

فالبور راح تكون موجود بالمحث والمواسع ف راح يلغوا بعض لما يكون الحمل  $Z_c$

- Surge impedance loading (SIL) is the power delivered by a lossless line to a

load resistance equal to the surge impedance  $Z_c = \sqrt{\frac{L}{C}}$

- Surge impedance load is the ideal load because  $I(x)$  and  $V(x)$  is uniform along line.

$$V(x) = \cos(\beta x) V_R + jZ_c I_R$$

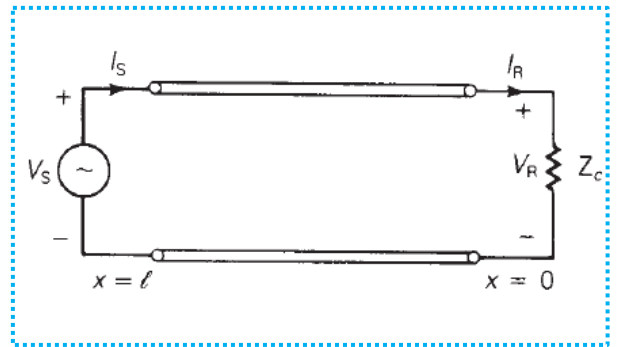
$$V(x) = \cos(\beta x) V_R + jZ_c \frac{V_R}{Z_c}$$

$$V(x) = e^{j\beta x} V_R$$

$$|V(x)| = |V_R|$$

$$|V(l)| = |V_R|$$

$$V_S = V_R$$



- SIL, **the voltage profile is flat.** That is, the voltage magnitude at any point  $x$  along a lossless line at SIL is constant.

$$I(x) = \frac{j\sin(\beta x)}{Z_c} V_R + \cos(\beta x) \frac{V_R}{Z_c}$$

$$I(x) = e^{j\beta x} \frac{V_R}{Z_c}$$

$$|I(x)| = \frac{|V_R|}{Z_c} \text{ (A)}$$

$$S(x) = P(x) + jQ(x)$$

$$S(x) = (e^{j\beta x} V_R) \left( \frac{e^{j\beta x} V_R}{Z_c} \right)^*$$

$$S(x) = \frac{|V_R|^2}{Z_c}$$

- the real power flow along a lossless line at SIL remains constant from the sending end to the receiving end. The reactive power flow is zero.

$$\mathbf{SIL} = \frac{V_{\text{rated}}^2}{Z_c}$$

- rated voltage is used for a single-phase line and rated line-to-line voltage is used for the total real power delivered by a three-phase line>

## - VOLTAGE PROFILES

اعرفنا إنه SIL هو Ideal load لكن بالوضع العملي ما راح يكون هيك ممكن يكون أكبر أو أقل وهذا يعتمد على:

1- line length

2- line compensation

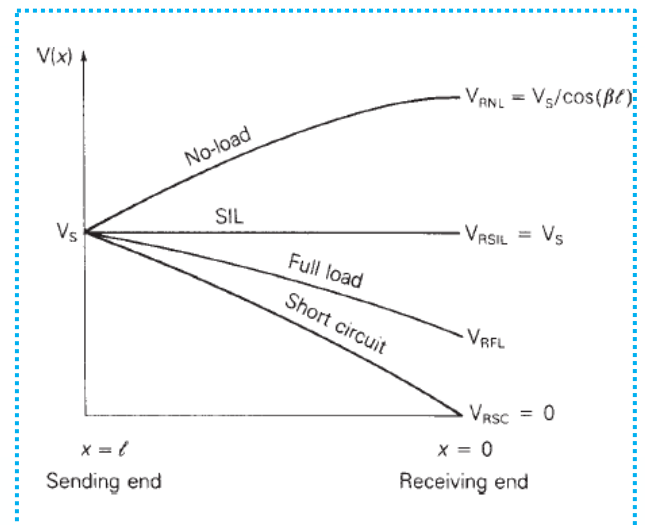
بالتالي الجهد ما راح يكون ثابت وراح يكون إله عدة حالات.

1- at no load

2- SIL

3- short circuit

4- full load



1- at no load

$$I_{RNL} = 0, \quad V_{NL}(x) = \cos(\beta x) V_{RNL}$$

The no-load voltage increases from  $V_S = \cos(\beta x) V_{RNL}$  at the sending end to  $V_{RNL}$  at the receiving end (where  $x = 0$ ).

2- the voltage profile at SIL is flat  $V_S = V_R$

3- For a short circuit at the load

$$V_{RSC} = 0$$

$$V(x) = 0 + \sin(\beta x) Z_c I_{RSC} \rightarrow \text{The voltage decreases}$$

4- The full-load voltage profile, which depends on the specification of full-load current, lies above the short-circuit voltage profile.

زي ما شفنا كل ما زاد طول السلك المشكلة بتزيد ولحل هاي المشكلة بنلجأ ل compensation methods لتقليل تقلبات الجهد.

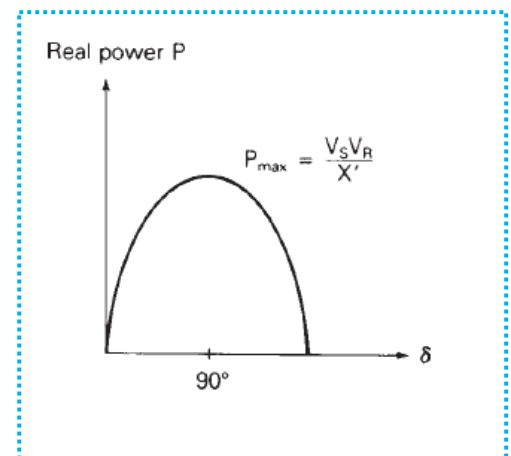
## - STEADY-STATE STABILITY LIMIT

$$P = \frac{V_R V_S}{X'} \sin(\delta) \text{ (W)}$$

$$\delta = \theta_{VR} - \theta_{VS}$$

in  $\delta = 90^\circ$  then the power:

$$P_{\max} = \frac{V_R V_S}{X'} \text{ (W)}$$



In per unit:

$$P = V_{R,p.u} V_{S,p.u} (\text{SIL}) \frac{\sin(\delta)}{\sin\left(\frac{2\pi l}{\lambda}\right)} \text{ (W)}$$

in  $\delta = 90^\circ$  then the power:

$$P_{\max} = V_{R,p.u} V_{S,p.u} \frac{(\text{SIL})}{\sin\left(\frac{2\pi l}{\lambda}\right)} \text{ (W)}$$

## Example 5.4

Neglecting line losses, find the theoretical steady-state stability limit for the 300-km line in Example 5.2. Assume a 266.1- $\Omega$  surge impedance, a 5000-km wavelength, and  $V_S = V_R = 765$  kV.

Sol:

1- surge impedance

$$\text{SIL} = \frac{V_{\text{rated}}^2}{Z_c} \longrightarrow$$

اخترت هذا القانون لأنه  $V_S = V_R$   
ويعني هذا أن  $\text{Load} = Z_c$

$$\text{SIL} = \frac{765^2}{266.1} = 2199 \text{ MW}$$

2- the theoretical steady-state stability limit for the 300-km line

$$P_{\max} = V_{R,p.u} V_{S,p.u} \frac{(\text{SIL})}{\sin\left(\frac{2\pi l}{\lambda}\right)} \longrightarrow$$

$$P_{\max} = 1 \times 1 \frac{2199 \text{ M}}{\sin\left(\frac{2\pi \times 300}{5000k}\right)} = 5974 \text{ MW}$$

$$V_{p.u} = \frac{V_{\text{actual}}}{V_{\text{base}}}$$

$$V_{p.u} = \frac{765}{765} = 1 \text{ per unit}$$

## 5.5 MAXIMUM POWER FLOW

Maximum power flow for lossless lines, is derived here in terms of the ABCD parameters for lossy lines. The following notation is used:

$$\mathbf{A} = \cosh(\gamma l) = A \angle \theta_A$$

$$\mathbf{B} = \mathbf{Z}' = Z' \angle \theta_Z$$

$$V_S = V_S \angle \delta, \quad V_R = V_R \angle 0^\circ$$

$$P_R = \frac{V_R V_S}{Z'} \cos(\theta_Z - \delta) - \frac{A V_R^2}{Z'} \cos(\theta_Z - \theta_A)$$

$$Q_R = \frac{V_R V_S}{Z'} \sin(\theta_Z - \delta) - \frac{A V_R^2}{Z'} \sin(\theta_Z - \theta_A)$$

Note that for a lossless line:

$\theta_A = 0^\circ$ ,  $\mathbf{B} = \mathbf{Z}' = jX'$ ,  $Z' = X'$ ,  $\theta_Z = 90^\circ$  then the power:

$$P_R = \frac{V_R V_S}{X'} \cos(90 - \delta) - \frac{A V_R^2}{X'} \cos(90^\circ)$$

$$P_R = \frac{V_R V_S}{X'} \sin(\delta)$$

$$P_{R\max} = \frac{V_R V_S}{Z'} - \frac{A V_R^2}{Z'} \cos(\theta_Z - \theta_A)$$

## Example 5.5

Determine the theoretical maximum power, in MW and in per-unit of SIL, that the line in Example 5.2 can deliver. Assume  $V_S = V_R = 765$  kV.

Sol:

$$A = 0.9313 \angle 0.209^\circ$$

$$B = Z' = 97.0 \angle 87.2^\circ \Omega$$

$$Z_C = 266.1 \Omega$$

$$P_{R\max} = \frac{V_R V_S}{Z'} - \frac{A V_R^2}{Z'} \cos(\theta_Z - \theta_A)$$

$$P_{R\max} = \frac{765 \text{ k}^2}{97} - \frac{0.9313 \times 765 \text{ k}^2}{97} \cos(87.2^\circ - 0.209^\circ) = 5738 \text{ MW}$$

$$\text{SIL} = \frac{V_{\text{rated}}^2}{Z_c} = \frac{765 \text{ k}^2}{266.1} = 2199 \text{ MW}$$

$$P_{R\max} = \frac{5738}{2199} = 2.61 \text{ per unit}$$

This value is about 4% less than that found in Example 5.4, where losses were neglected.



## Problems Ch5

5.1) A 25-km, 34.5-kV, 60-Hz three-phase line has a positive-sequence series impedance  $z = 0.19 + j0.34 \Omega/\text{km}$ . The load at the receiving end absorbs 10 MVA at 33 kV. Assuming a short line, calculate: (a) the ABCD parameters, (b) the sending-end voltage for a load power factor of 0.9 lagging, (c) the sending-end voltage for a load power factor of 0.9 leading.

Sol:

$$Z = zl = 0.19 + j0.34 \Omega/\text{km} \times 25 (\text{km}) = 9.737 \angle 60.8^\circ \Omega$$

a) the ABCD parameters

$$A = 1, \quad B = 9.737 \angle 60.8^\circ \Omega, \quad C = 0 \text{ S}, \quad D = 1$$

b) the sending-end voltage for a load power factor of 0.9 lagging

$$V_R = \frac{33 \text{ k}}{\sqrt{3}} = 19.05 \text{ k Line - neutral}$$

$$S = 3V_R I_R^* \rightarrow I_R = \frac{S^*}{3V}$$

$$I_R = \frac{S^*}{3V_R} = \frac{10 \times 10^6 \angle -\cos^{-1}(0.9)}{3 \times 19.05 \text{ k}} = 0.175 \text{ k} \angle -25.84^\circ$$

$$V_S = AV_R + BI_R$$

$$V_S = 1 \times 19.05 \text{ k} + (9.737 \angle 60.8^\circ) \times (0.175 \text{ k} \angle -25.84^\circ)$$

$$V_S = 20.47 \angle 2.73^\circ \text{ kV}$$

$$V_{S_{L-L}} = 20.47 \times \sqrt{3} = 35.45 \text{ kV}$$

c) the sending-end voltage for a load power factor of 0.9 leading.

$$V_R = \frac{33 \text{ k}}{\sqrt{3}} = 19.05 \text{ k Line - neutral}$$

$$S = 3V_R I_R^* \rightarrow I_R = \frac{S^*}{3V}$$

$$I_R = \frac{S^*}{3V_R} = \frac{10 \times 10^6 \angle \cos^{-1}(0.9)}{3 \times 19.05 \text{ k}} = 0.175 \text{ k} \angle 25.84$$

$$V_S = AV_R + BI_R$$

$$V_S = 1 \times 19.05 \text{ k} + (9.737 \angle 60.8^\circ) \times (0.175 \angle 25.84^\circ)$$

$$V_S = 19.23 \angle 5.076^\circ \text{ kV}$$

$$V_{S_{L-L}} = 19.23 \times \sqrt{3} = 33.3 \text{ kV}$$

5.31) A 500-kV, 300-km, 60-Hz three-phase overhead transmission line, assumed to be lossless, has a series inductance of 0.97 mH/km per phase and a shunt capacitance of 0.0115  $\mu$ F/km per phase. (a) Determine the phase constant  $\beta$ , the surge impedance  $Z_C$ , velocity of propagation  $n$ , and the wavelength  $\lambda$  of the line. (b) Determine the voltage, current, real and reactive power at the sending end, and the percent voltage regulation of the line if the receiving-end load is 800 MW at 0.8 power factor lagging and at 500 kV.

Sol:

a) Determine the phase constant  $\beta$ , the surge impedance  $Z_C$ , velocity of propagation  $n$ , and the wavelength  $\lambda$  of the line

$$\beta = \omega\sqrt{LC} = 2\pi \times 60 \sqrt{0.97 \times 0.0115 \times 10^{-9}} = 0.001259 \text{ rad/km}$$

$$Z_C = \sqrt{\frac{L}{C}} = \sqrt{\frac{0.97 \times 10^{-3}}{0.0115 \times 10^{-6}}} = 290.43 \Omega$$

$$V = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{0.97 \times 0.0115 \times 10^{-9}}} = 2.994 \times 10^5 \text{ km/s}$$

$$\lambda f = V \rightarrow \lambda = \frac{V}{f} = \frac{2.994 \times 10^5}{60} = 4990 \text{ km}$$

b) Determine the voltage, current, real and reactive power at the sending end, and the percent voltage regulation of the line if the receiving-end load is 800 MW at 0.8 power factor lagging and at 500 kV.

$$V_R = \frac{500 \text{ k}}{\sqrt{3}} = 288.657 \text{ kV}$$

$$P = 3V_{R\text{L-N}} I_R \cos(\theta_V - \theta_I)$$

$$I_R = \frac{800 \text{ M} \angle \cos^{-1}(0.8)}{3 \times 288.657 \text{ k} \times 0.8} = 1154.7 \angle -36.87^\circ$$

$$V_S = \cos(\beta l) V_R + jZ_C \sin(\beta l) I_R \longrightarrow$$

$$\beta = 0.001259 \text{ rad/km}$$

$$\beta l = 0.001259 \text{ rad/km} \times 300 \text{ km}$$

$$\beta l = 0.3777 \text{ rad} \rightarrow \text{degree}$$

$$\beta l = 0.3777 \times \frac{180}{\pi} = 21.641^\circ$$

$$V_S = \cos(21.641) \times 288.657 \text{ k} + j290.43 \times \sin(21.641) \times 1154.7 \angle -36.87^\circ$$

$$V_S = 356.53 \angle 16.1^\circ \text{ kV}$$

$$V_{S\text{L-L}} = 356.53 \times \sqrt{3} = 617.53 \text{ kV}$$

$$I_S = j \frac{1}{Z_c} \sin(\beta l) V_R + \cos(\beta l) I_R$$

$$I_S = j \frac{1}{290.43} \times \sin(21.641) \times 288.657 \text{ k} + \cos(21.641) \times 1154.7 \angle -36.87^\circ$$

$$I_S = 902.3 \angle -17.9^\circ \text{ A}$$

$$S = 3V_S I_S^*$$

$$S = 3 \times 356.53 \angle 16.1^\circ \text{ k} \times 902.3 \angle +17.9^\circ = 800 \text{ MW} + j539.672 \text{ MVAR}$$

$$\text{Voltage regulation} = \frac{\frac{|V_S|}{A} - |V_R|}{|V_R|} \times 100\% \rightarrow$$

In lossless line

$$A = \cos(\beta l)$$

$$A = \cos(21.641) = 0.9295$$

$$\text{Voltage regulation} = \frac{\frac{356.53 \text{ k}}{0.9295} - 288.657 \text{ k}}{288.657 \text{ k}} \times 100\% = 32.87\%$$

